



E1) La velocità dell'uomo sia diretta lungo l'asse x e l'asse y sia diretto verso l'alto. Nel riferimento solidale con l'uomo la pioggia avrà velocità:

$$\text{a) } \vec{v}_p = -v_2 \hat{i} - v_1 \hat{j} \Rightarrow |\vec{v}_p| = 8.54 \text{ ms}^{-1} \Rightarrow \tan \beta = \frac{v_1}{v_2} \Rightarrow \beta \approx 69^\circ$$

$$\text{b) } \vec{v}_p = -v_2 \hat{i} - v_1 \sin \alpha \hat{i} - v_1 \cos \alpha \hat{j} \Rightarrow |\vec{v}_p| = 9.46 \text{ ms}^{-1} \Rightarrow \tan \gamma = \frac{v_1 \cos \alpha}{v_2 + v_1 \sin \alpha} \Rightarrow \gamma \approx 52^\circ$$

E2) Per via del salto la giostra, inizialmente ferma, comincia a ruotare. Durante la rotazione la velocità relativa della bambina rispetto alla giostra è nulla. Nel sistema ci sono solo forze interne e si conserva il suo momento angolare. Il momento angolare del sistema, calcolato rispetto all'asse verticale passante per il centro di massa della giostra, è dato da:

$$mv_0 R \text{ (essendo nullo quello iniziale della giostra).}$$

Il momento angolare dopo che la bambina è sopra la giostra si può scrivere come:

$$\left(\frac{1}{2}MR^2 + mR^2\right)\omega \quad \text{da cui } \omega = 0.53 \text{ rad/s.}$$

E3) Il livello del lago si abbassa quando il masso viene tolto dalla barca e gettato nel lago. Indicando con M ed m la massa della barca e della roccia, rispettivamente, e con V_I il volume immerso della barca quando la roccia si trova sopra di essa – pari al volume totale di acqua spostato V_S –, per il principio di Archimede deve essere:

$$(M + m)g = \rho V_I g \Rightarrow V_I = V_S = \frac{M + m}{\rho} = \frac{M + \rho_R V_R}{\rho} = \frac{M}{\rho} + \frac{\rho_R}{\rho} V_R$$

dove ρ e ρ_R sono la densità dell'acqua e della roccia, rispettivamente e V_R il volume della roccia. Quando la roccia è gettata nel lago, il volume immerso della barca, V_I' , sempre per il principio di Archimede, sarà $V_I' = M/\rho$; quindi, in questo caso il volume totale d'acqua

$$\text{spostata, } V_S', \text{ sarà } V_S' = \frac{M}{\rho} + V_R < V_S.$$

E4) Il calore prodotto durante l'urto è pari all'energia cinetica del corpo un istante prima dell'urto, che a sua volta è pari all'energia potenziale gravitazionale iniziale:

$$\frac{1}{2} mv^2 = mgh = U$$

Il calore assorbito dal corpo è $Q = mc\Delta T = 0.15U$ da cui

$$\Delta T = \frac{0.15 gh}{c} = 0.283^\circ C$$

E5) Essendo nulla la variazione di entropia del gas in un ciclo e in un'adiabatica:

$$\Delta S_{ciclo} \overset{\text{da cui si ottiene}}{=} 0 \Rightarrow \Delta S_{politropica} + \Delta S_{isoterma} + \Delta S_{adiabatica} = c_k \ln\left(\frac{T_B}{T_A}\right) + R \ln\left(\frac{V_C}{V_B}\right) = 0$$

$$c_K = -R \Rightarrow K = \frac{7}{5} \Rightarrow \Delta S_{politropica} = -R \ln \frac{1}{2} = 5.76 J/K$$

$$\text{Il rendimento del ciclo vale } \eta = 1 + \frac{RT_B \ln\left(\frac{V_C}{V_B}\right)}{c_K(T_B - T_A)} = 0.3$$