



SAPIENZA UNIVERSITA' DI ROMA

FACOLTA' DI INGEGNERIA CIVILE E INDUSTRIALE - FACOLTA' DI INGEGNERIA DELL'INFORMAZIONE, INFORMATICA E STATISTICA
SEDE DI LATINA a.a. 2024-2025

Prova di ANALISI MATEMATICA II – Proff. BERSANI-CIFRA - 22 settembre 2025

COGNOME..... NOME..... Matr.....

TEORIA ORALE O SCRITTA? _____

Corso di Laurea ☐ ICI
☐ Informazione

DATE DISPONIBILI: _____

PORTA LE EDO? _____

DATE NON DISPONIBILI: _____

Giustificare adeguatamente tutti i passaggi

EX. 1 Si determini il *dominio di contesto* e si studi, al variare di $\alpha \in \mathcal{R}$, la convergenza *puntuale* (semplice, assoluta) e la convergenza *totale* della serie

$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{\ln(1 + \frac{x}{\sqrt{n}})}{n^\alpha}$$

Ex. 2 Si consideri la funzione

$$f(x, y) = \begin{cases} \frac{y^2x - xy}{\sqrt{x^2 + y^2}} & \text{se } (x, y) \neq (0, 0) \\ 0 & \text{se } (x, y) = (0, 0) \end{cases}$$

Studiare la continuità, la derivabilità (parziale e direzionale), la differenziabilità nel punto (0,0). La funzione è di classe C^1 nel dominio? (motivare la risposta).

EX.3 Determinare punti stazionari, massimi e minimi della funzione $f(x, y) = x^2 - y^2$ nel dominio $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : -1 \leq x \leq 1 \text{ e } |y| \leq 1 - x\}$.

EX. 4 Dato il campo $\vec{F} = (-\frac{y}{x^2+y^2}, \frac{x}{x^2+y^2})$, calcolare la circuitazione lungo il percorso di equazione $x^2 + 4y^2 - 1 = 0$.

EX. 5 Si consideri la curva γ di equazioni $\begin{cases} x = t \\ y = t^2 \\ z = t^3 \end{cases}$ con $t \geq 0$.

a) Si studi la regolarità

b) Dimostrare che la *curvatura* è *limitata* e si esibisca il massimo valore.

c) La curva è piana? motivare la risposta.

EX. 6 Risolvere il problema di Cauchy $\begin{cases} y' + 2x\sqrt{y} = 0 \\ y(1) = 1 \end{cases}$. La soluzione è globale?