

Università degli Studi di Roma "La Sapienza"

10 Febbraio 2007

SSIS del Lazio

**Trasformazioni geometriche 1 per A047 e A048**

**Codice Compito: 57A58E59C60B - Numero d'Ordine 111**

**D. 1** Sia  $t_{\mathbf{v}}$  la traslazione del vettore

$\mathbf{v} = (-1, 3)$  e sia  $f$  l'isometria associata alla matrice

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Allora l'immagine dell'origine attraverso l'isometria  $(t_{\mathbf{v}} \circ f)$  è:

**1A** il punto  $(-1, 6)$

**1B** il punto  $(1, 1)$

**1C** il punto  $(0, 5)$

**1D** il punto  $(2, -1)$

**D. 2** Sia  $R$  un rettangolo avente due lati di lunghezza doppia degli altri due. Le isometrie del piano tali che l'immagine di  $R$  sia  $R$  sono:

**2A** due

**2B** otto

**2C** quattro

**2D** una

**D. 3** Siano  $s_r$  e  $s_{r'}$  le simmetrie rispetto alle rette  $r$  e  $r'$  di equazioni:

$$r : -4x + 2y + 1 = 0$$

$$r' : 2x - y + 1 = 0$$

allora  $s_r \circ s_{r'}$  è uguale a:

**3A** una rotazione non nulla

**3B** l'identità

**3C** una traslazione non nulla

**3D** una simmetria assiale

**D. 4** Indichiamo con  $t_{(h,k)}$  la traslazione del vettore  $\mathbf{v} = (h, k)$ . Allora  $t_{(2,3)}^{-1}$  è uguale a:

**4A**  $-t_{(2,3)}$

**4B**  $t_{(-2,-3)}$

**4C**  $t_{(3,2)}$

**4D**  $t_{(1/2, 1/3)}$

**D. 5** Siano date  $n$  rette che si intersecano in un punto. Si consideri una composizione  $f$  delle  $n$  simmetrie rispetto alle  $n$  rette. Allora  $f$  è:

- 5A sempre una simmetria assiale
- 5B una simmetria assiale se  $n$  è pari e una rotazione (eventualmente nulla) altrimenti
- 5C sempre una rotazione (eventualmente nulla)
- 5D una rotazione (eventualmente nulla) se  $n$  è pari e una simmetria assiale altrimenti

**D. 6** L'insieme formato dall'identità e dalle simmetrie assiali

- 6A non è chiuso rispetto alla composizione
- 6B è un sottogruppo commutativo del gruppo delle isometrie
- 6C ha elementi non dotati di inverso
- 6D è un sottogruppo non commutativo del gruppo delle isometrie

**D. 7** Sia  $T$  un triangolo scaleno contenuto in un piano  $\pi$ . Le similitudini del piano  $\pi$  tali che l'immagine di  $T$  sia  $T$  sono:

- 7A sei
- 7B zero
- 7C una
- 7D tre

**D. 8** La convessità è invariante:

- 8A per isometrie ma non per similitudini
- 8B per similitudini
- 8C per isometrie dirette ma non per tutte le isometrie
- 8D per similitudini dirette ma non per tutte le similitudini

**D. 9** Indichiamo con  $h_{(P,k)}$  l'omotetia di centro il punto  $P$  e rapporto  $k > 0$ . Allora  $h_{(P,k)}^{-1}$  è uguale a:

- 9A  $h_{(-P,k)}$
- 9B  $h_{(P,k^{-1})}$
- 9C  $h_{(P^{-1},k^{-1})}$
- 9D  $h_{(P,-k)}$

**D. 10** La matrice associata alla simmetria rispetto al punto  $0 = (0,0)$  è:

10A

$$\begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

10B

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

10C

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$$

10D

$$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

D. 11 Indichiamo con  $r_{D,\alpha}$  la rotazione intorno a  $D$  dell'angolo  $\alpha = \frac{2}{3}\pi$  in senso antiorario. Allora  $r_{(D,\alpha)}^{-1}$  è uguale a:

11A  $r_{(D,\alpha)} \circ r_{(D,\alpha)}$

11B  $r_{(D,\alpha)} \circ r_{(D,\alpha)} \circ r_{(D,\alpha)}$

11C  $r_{(D,\frac{4}{6}\pi)}$

11D  $r_{(D,\frac{3}{2}\pi)}$

D. 12 La rotazione intorno ad un punto in senso orario dell'angolo di ampiezza  $5\pi$ :

12A non è una trasformazione geometrica

12B è una simmetria rispetto ad un punto

12C è una isometria inversa

12D è una similitudine ma non un'isometria

D. 13 Sia  $r_{O,\alpha}$  la rotazione in senso antiorario di centro  $O$  di un angolo di ampiezza  $\pi/4$  e sia  $t_{\mathbf{v}}$  la traslazione del vettore  $\mathbf{v} = (1, 0)$ . La matrice associata a  $r_{O,\alpha} \circ t_{\mathbf{v}}$  è:

13A

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

13B

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

13C

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & 1 \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

13D

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & 1 \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

D. 14 Il punto medio di un segmento è invariante

14A per isometrie dirette ma non per tutte le isometrie

- 14B per similitudini
- 14C per isometrie ma non per similitudini
- 14D per similitudini dirette ma non per tutte le similitudini

**D. 15** Sia  $M$  un sottoinsieme di un piano  $\pi$ . Sia  $T'$  insieme delle isometrie del piano tali che l'immagine di  $M$  sia  $M$  stesso. Allora  $T'$

- 15A è un gruppo commutativo con più di un elemento, qualsiasi sia  $M$
- 15B nessuna delle altre risposte è esatta
- 15C è formato dalla sola identità, qualsiasi sia  $M$
- 15D non è un gruppo, qualsiasi sia  $M$

**D. 16** La trasformazione geometrica associata alla matrice

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} & 0 \\ \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

è la rotazione in senso antiorario intorno all'origine di un angolo di ampiezza

- 16A  $\frac{\pi}{6}$
- 16B  $\frac{2\pi}{3}$
- 16C  $\frac{\pi}{3}$
- 16D  $\frac{4\pi}{3}$

**D. 17** L'insieme dei numeri interi relativi divisibili per 3 con l'operazione di addizione:

- 17A non è chiuso rispetto all'addizione
- 17B ha elementi non dotati di simmetrico
- 17C è un gruppo commutativo
- 17D è un gruppo non commutativo

Università degli Studi di Roma "La Sapienza"

10 Febbraio 2007

SSIS del Lazio

Trasformazioni geometriche 1 per A047 e A048

Codice Compito: 57A58E59C60C - Numero d'Ordine 112

**D. 1** La convessità è invariante:

**1A** per similitudini dirette ma non per tutte le similitudini

**1B** per isometrie ma non per similitudini

**1C** per similitudini

**1D** per isometrie dirette ma non per tutte le isometrie

**D. 2** Il punto medio di un segmento è invariante

**2A** per similitudini

**2B** per isometrie dirette ma non per tutte le isometrie

**2C** per isometrie ma non per similitudini

**2D** per similitudini dirette ma non per tutte le similitudini

**D. 3** Sia  $M$  un sottoinsieme di un piano  $\pi$ . Sia  $T'$  insieme delle isometrie del piano tali che l'immagine di  $M$  sia  $M$  stesso. Allora  $T'$

**3A** è un gruppo commutativo con più di un elemento, qualsiasi sia  $M$

**3B** è formato dalla sola identità, qualsiasi sia  $M$

**3C** non è un gruppo, qualsiasi sia  $M$

**3D** nessuna delle altre risposte è esatta

**D. 4** Sia  $r_{O,\alpha}$  la rotazione in senso antiorario di centro  $O$  di un angolo di ampiezza  $\pi/4$  e sia  $t_{\mathbf{v}}$  la traslazione del vettore  $\mathbf{v} = (1, 0)$ . La matrice associata a  $r_{O,\alpha} \circ t_{\mathbf{v}}$  è:

**4A**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**4B**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & 1 \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**4C**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**4D**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & 1 \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**D. 5** Siano  $s_r$  e  $s_{r'}$  le simmetrie rispetto alle rette  $r$  e  $r'$  di equazioni:

$$\begin{aligned} r & : -4x + 2y + 1 = 0 \\ r' & : 2x - y + 1 = 0 \end{aligned}$$

allora  $s_r \circ s_{r'}$  è uguale a:

- 5A** l'identità
- 5B** una traslazione non nulla
- 5C** una rotazione non nulla
- 5D** una simmetria assiale

**D. 6** Indichiamo con  $r_{D,\alpha}$  la rotazione intorno a  $D$  dell'angolo  $\alpha = \frac{2}{3}\pi$  in senso antiorario. Allora  $r_{(D,\alpha)}^{-1}$  è uguale a:

- 6A**  $r_{(D,\frac{3}{2}\pi)}$
- 6B**  $r_{(D,\alpha)} \circ r_{(D,\alpha)} \circ r_{(D,\alpha)}$
- 6C**  $r_{(D,\alpha)} \circ r_{(D,\alpha)}$
- 6D**  $r_{(D,\frac{4}{6}\pi)}$

**D. 7** L'insieme formato dall'identità e dalle simmetrie assiali

- 7A** non è chiuso rispetto alla composizione
- 7B** ha elementi non dotati di inverso
- 7C** è un sottogruppo non commutativo del gruppo delle isometrie
- 7D** è un sottogruppo commutativo del gruppo delle isometrie

**D. 8** Siano date  $n$  rette che si intersecano in un punto. Si consideri una composizione  $f$  delle  $n$  simmetrie rispetto alle  $n$  rette. Allora  $f$  è:

- 8A** una simmetria assiale se  $n$  è pari e una rotazione (eventualmente nulla) altrimenti
- 8B** sempre una rotazione (eventualmente nulla)
- 8C** una rotazione (eventualmente nulla) se  $n$  è pari e una simmetria assiale altrimenti
- 8D** sempre una simmetria assiale

**D. 9** La matrice associata alla simmetria rispetto al punto  $0 = (0,0)$  è:

**9A**

$$\begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**9B**

$$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

**9C**

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**9D**

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$$

**D. 10** Indichiamo con  $t_{(h,k)}$  la traslazione del vettore  $\mathbf{v} = (h, k)$ . Allora  $t_{(2,3)}^{-1}$  è uguale a:

**10A**  $t_{(1/2,1/3)}$

**10B**  $t_{(3,2)}$

**10C**  $-t_{(2,3)}$

**10D**  $t_{(-2,-3)}$

**D. 11** Indichiamo con  $h_{(P,k)}$  l'omotetia di centro il punto  $P$  e rapporto  $k > 0$ . Allora  $h_{(P,k)}^{-1}$  è uguale a:

**11A**  $h_{(P,-k)}$

**11B**  $h_{(P,k^{-1})}$

**11C**  $h_{(P^{-1},k^{-1})}$

**11D**  $h_{(-P,k)}$

**D. 12** Sia  $T$  un triangolo scaleno contenuto in un piano  $\pi$ . Le similitudini del piano  $\pi$  tali che l'immagine di  $T$  sia  $T$  sono:

**12A** zero

**12B** una

**12C** sei

**12D** tre

**D. 13** Sia  $t_{\mathbf{v}}$  la traslazione del vettore  $\mathbf{v} = (-1, 3)$  e sia  $f$  l'isometria associata alla matrice

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Allora l'immagine dell'origine attraverso l'isometria  $(t_{\mathbf{v}} \circ f)$  é:

**13A** il punto  $(2, -1)$

**13B** il punto  $(-1, 6)$

**13C** il punto  $(1, 1)$

**13D** il punto  $(0,5)$

**D. 14** La rotazione intorno ad un punto in senso orario dell'angolo di ampiezza  $5\pi$ :

**14A** non è una trasformazione geometrica

**14B** è una simmetria rispetto ad un punto

**14C** è una isometria inversa

**14D** è una similitudine ma non un'isometria

**D. 15** Sia  $R$  un rettangolo avente due lati di lunghezza doppia degli altri due. Le isometrie del piano tali che l'immagine di  $R$  sia  $R$  sono:

**15A** quattro

**15B** una

**15C** otto

**15D** due

**D. 16** La trasformazione geometrica associata alla matrice

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} & 0 \\ \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

è la rotazione in senso antiorario intorno all'origine di un angolo di ampiezza

**16A**  $\frac{\pi}{6}$

**16B**  $\frac{4\pi}{3}$

**16C**  $\frac{\pi}{3}$

**16D**  $\frac{2\pi}{3}$

**D. 17** L'insieme dei numeri interi relativi divisibili per 3 con l'operazione di addizione:

**17A** è un gruppo commutativo

**17B** non è chiuso rispetto all'addizione

**17C** è un gruppo non commutativo

**17D** ha elementi non dotati di simmetrico

Università degli Studi di Roma "La Sapienza"

10 Febbraio 2007

SSIS del Lazio

**Trasformazioni geometriche 1 per A047 e A048**

**Codice Compito: 57A58E59C60D - Numero d'Ordine 113**

**D. 1** Indichiamo con  $t_{(h,k)}$  la traslazione del vettore  $\mathbf{v} = (h, k)$ . Allora  $t_{(2,3)}^{-1}$  è uguale a:

**1A**  $t_{(1/2,1/3)}$

**1B**  $t_{(3,2)}$

**1C**  $t_{(-2,-3)}$

**1D**  $-t_{(2,3)}$

**D. 2** Sia  $M$  un sottoinsieme di un piano  $\pi$ . Sia  $T'$  insieme delle isometrie del piano tali che l'immagine di  $M$  sia  $M$  stesso. Allora  $T'$

**2A** è formato dalla sola identità, qualsiasi sia  $M$

**2B** è un gruppo commutativo con più di un elemento, qualsiasi sia  $M$

**2C** non è un gruppo, qualsiasi sia  $M$

**2D** nessuna delle altre risposte è esatta

**D. 3** Indichiamo con  $h_{(P,k)}$  l'omotetia di centro il punto  $P$  e rapporto  $k > 0$ . Allora  $h_{(P,k)}^{-1}$  è uguale a:

**3A**  $h_{(P,k^{-1})}$

**3B**  $h_{(P^{-1},k^{-1})}$

**3C**  $h_{(-P,k)}$

**3D**  $h_{(P,-k)}$

**D. 4** Siano date  $n$  rette che si intersecano in un punto. Si consideri una composizione  $f$  delle  $n$  simmetrie rispetto alle  $n$  rette. Allora  $f$  è:

**4A** una rotazione (eventualmente nulla) se  $n$  è pari e una simmetria assiale altrimenti

**4B** sempre una simmetria assiale

**4C** una simmetria assiale se  $n$  è pari e una rotazione (eventualmente nulla) altrimenti

**4D** sempre una rotazione (eventualmente nulla)

**D. 5** Siano  $s_r$  e  $s_{r'}$  le simmetrie rispetto alle rette  $r$  e  $r'$  di equazioni:

$$r : -4x + 2y + 1 = 0$$

$$r' : 2x - y + 1 = 0$$

allora  $s_r \circ s_{r'}$  è uguale a:

**5A** una simmetria assiale

- 5B** una traslazione non nulla
- 5C** una rotazione non nulla
- 5D** l'identità

**D. 6** Sia  $T$  un triangolo scaleno contenuto in un piano  $\pi$ . Le similitudini del piano  $\pi$  tali che l'immagine di  $T$  sia  $T$  sono:

- 6A** zero
- 6B** sei
- 6C** tre
- 6D** una

**D. 7** La convessità è invariante:

- 7A** per isometrie dirette ma non per tutte le isometrie
- 7B** per similitudini dirette ma non per tutte le similitudini
- 7C** per isometrie ma non per similitudini
- 7D** per similitudini

**D. 8** Sia  $t_{\mathbf{v}}$  la traslazione del vettore  $\mathbf{v} = (-1, 3)$  e sia  $f$  l'isometria associata alla matrice

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Allora l'immagine dell'origine attraverso l'isometria  $(t_{\mathbf{v}} \circ f)$  è:

- 8A** il punto  $(2, -1)$
- 8B** il punto  $(-1, 6)$
- 8C** il punto  $(0, 5)$
- 8D** il punto  $(1, 1)$

**D. 9** Indichiamo con  $r_{D,\alpha}$  la rotazione intorno a  $D$  dell'angolo  $\alpha = \frac{2}{3}\pi$  in senso antiorario. Allora  $r_{(D,\alpha)}^{-1}$  è uguale a:

- 9A**  $r_{(D, \frac{4}{6}\pi)}$
- 9B**  $r_{(D, \frac{3}{2}\pi)}$
- 9C**  $r_{(D,\alpha)} \circ r_{(D,\alpha)}$
- 9D**  $r_{(D,\alpha)} \circ r_{(D,\alpha)} \circ r_{(D,\alpha)}$

**D. 10** La matrice associata alla simmetria rispetto al punto  $0 = (0,0)$  è:

**10A**

$$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

**10B**

$$\begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**10C**

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**10D**

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$$

**D. 11** L'insieme formato dall'identità e dalle simmetrie assiali

**11A** è un sottogruppo commutativo del gruppo delle isometrie

**11B** ha elementi non dotati di inverso

**11C** è un sottogruppo non commutativo del gruppo delle isometrie

**11D** non è chiuso rispetto alla composizione

**D. 12** La rotazione intorno ad un punto in senso orario dell'angolo di ampiezza  $5\pi$ :

**12A** è una similitudine ma non un'isometria

**12B** è una isometria inversa

**12C** non è una trasformazione geometrica

**12D** è una simmetria rispetto ad un punto

**D. 13** Sia  $R$  un rettangolo avente due lati di lunghezza doppia degli altri due. Le isometrie del piano tali che l'immagine di  $R$  sia  $R$  sono:

**13A** una

**13B** otto

**13C** quattro

**13D** due

**D. 14** Sia  $r_{O,\alpha}$  la rotazione in senso antiorario di centro  $O$  di un angolo di ampiezza  $\pi/4$  e sia  $t_{\mathbf{v}}$  la traslazione del vettore  $\mathbf{v} = (1,0)$ . La matrice associata a  $r_{O,\alpha} \circ t_{\mathbf{v}}$  è:

**14A**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**14B**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**14C**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & 1 \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**14D**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & 1 \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**D. 15** Il punto medio di un segmento è invariante

**15A** per isometrie dirette ma non per tutte le isometrie

**15B** per similitudini dirette ma non per tutte le similitudini

**15C** per similitudini

**15D** per isometrie ma non per similitudini

**D. 16** La trasformazione geometrica associata alla matrice

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} & 0 \\ \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

è la rotazione in senso antiorario intorno all'origine di un angolo di ampiezza

**16A**  $\frac{\pi}{6}$

**16B**  $\frac{2\pi}{3}$

**16C**  $\frac{\pi}{3}$

**16D**  $\frac{4\pi}{3}$

**D. 17** L'insieme dei numeri interi relativi divisibili per 3 con l'operazione di addizione:

**17A** è un gruppo non commutativo

**17B** ha elementi non dotati di simmetrico

**17C** non è chiuso rispetto all'addizione

**17D** è un gruppo commutativo

Università degli Studi di Roma "La Sapienza"

10 Febbraio 2007

SSIS del Lazio

**Trasformazioni geometriche 1 per A047 e A048**

**Codice Compito: 57A58E59C60E - Numero d'Ordine 114**

**D. 1** La trasformazione geometrica associata alla matrice

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} & 0 \\ \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

è la rotazione in senso antiorario intorno all'origine di un angolo di ampiezza

**1A**  $\frac{4\pi}{3}$

**1B**  $\frac{\pi}{3}$

**1C**  $\frac{\pi}{6}$

**1D**  $\frac{2\pi}{3}$

**D. 2** L'insieme dei numeri interi relativi divisibili per 3 con l'operazione di addizione:

**2A** non è chiuso rispetto all'addizione

**2B** ha elementi non dotati di simmetrico

**2C** è un gruppo commutativo

**2D** è un gruppo non commutativo

**D. 3** Sia  $T$  un triangolo scaleno contenuto in un piano  $\pi$ . Le similitudini del piano  $\pi$  tali che l'immagine di  $T$  sia  $T$  sono:

**3A** tre

**3B** sei

**3C** una

**3D** zero

**D. 4** Sia  $R$  un rettangolo avente due lati di lunghezza doppia degli altri due. Le isometrie del piano tali che l'immagine di  $R$  sia  $R$  sono:

**4A** quattro

**4B** due

**4C** una

**4D** otto

**D. 5** Sia  $t_{\mathbf{v}}$  la traslazione del vettore

$\mathbf{v} = (-1, 3)$  e sia  $f$  l'isometria associata alla matrice

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Allora l'immagine dell'origine attraverso l'isometria  $(t_{\mathbf{v}} \circ f)$  è:

- 5A il punto  $(0, 5)$
- 5B il punto  $(-1, 6)$
- 5C il punto  $(1, 1)$
- 5D il punto  $(2, -1)$

**D. 6** Sia  $M$  un sottoinsieme di un piano  $\pi$ . Sia  $T'$  insieme delle isometrie del piano tali che l'immagine di  $M$  sia  $M$  stesso. Allora  $T'$

- 6A è un gruppo commutativo con più di un elemento, qualsiasi sia  $M$
- 6B non è un gruppo, qualsiasi sia  $M$
- 6C nessuna delle altre risposte è esatta
- 6D è formato dalla sola identità, qualsiasi sia  $M$

**D. 7** Indichiamo con  $h_{(P,k)}$  l'omotetia di centro il punto  $P$  e rapporto  $k > 0$ . Allora  $h_{(P,k)}^{-1}$  è uguale a:

- 7A  $h_{(P,-k)}$
- 7B  $h_{(P^{-1},k^{-1})}$
- 7C  $h_{(-P,k)}$
- 7D  $h_{(P,k^{-1})}$

**D. 8** Siano date  $n$  rette che si intersecano in un punto. Si consideri una composizione  $f$  delle  $n$  simmetrie rispetto alle  $n$  rette. Allora  $f$  è:

- 8A sempre una simmetria assiale
- 8B una rotazione (eventualmente nulla) se  $n$  è pari e una simmetria assiale altrimenti
- 8C sempre una rotazione (eventualmente nulla)
- 8D una simmetria assiale se  $n$  è pari e una rotazione (eventualmente nulla) altrimenti

**D. 9** La convessità è invariante:

- 9A per isometrie ma non per similitudini
- 9B per similitudini
- 9C per isometrie dirette ma non per tutte le isometrie
- 9D per similitudini dirette ma non per tutte le similitudini

**D. 10** Siano  $s_r$  e  $s_{r'}$  le simmetrie rispetto alle rette  $r$  e  $r'$  di equazioni:

$$\begin{aligned} r & : -4x + 2y + 1 = 0 \\ r' & : 2x - y + 1 = 0 \end{aligned}$$

allora  $s_r \circ s_{r'}$  è uguale a:

- 10A una rotazione non nulla
- 10B una traslazione non nulla

**10C** una simmetria assiale

**10D** l'identità

**D. 11** La matrice associata alla simmetria rispetto al punto  $0 = (0,0)$  è:

**11A**

$$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

**11B**

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**11C**

$$\begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**11D**

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$$

**D. 12** Indichiamo con  $r_{D,\alpha}$  la rotazione intorno a  $D$  dell'angolo  $\alpha = \frac{2}{3}\pi$  in senso antiorario.

Allora  $r_{(D,\alpha)}^{-1}$  è uguale a:

**12A**  $r_{(D,\alpha)} \circ r_{(D,\alpha)}$

**12B**  $r_{(D,\frac{4}{6}\pi)}$

**12C**  $r_{(D,\frac{3}{2}\pi)}$

**12D**  $r_{(D,\alpha)} \circ r_{(D,\alpha)} \circ r_{(D,\alpha)}$

**D. 13** L'insieme formato dall'identità e dalle simmetrie assiali

**13A** è un sottogruppo non commutativo del gruppo delle isometrie

**13B** è un sottogruppo commutativo del gruppo delle isometrie

**13C** ha elementi non dotati di inverso

**13D** non è chiuso rispetto alla composizione

**D. 14** Indichiamo con  $t_{(h,k)}$  la traslazione del vettore  $\mathbf{v} = (h,k)$ . Allora  $t_{(2,3)}^{-1}$  è uguale a:

**14A**  $t_{(1/2,1/3)}$

**14B**  $t_{(-2,-3)}$

**14C**  $t_{(3,2)}$

**14D**  $-t_{(2,3)}$

**D. 15** La rotazione intorno ad un punto in senso orario dell'angolo di ampiezza  $5\pi$ :

**15A** è una simmetria rispetto ad un punto

**15B** è una similitudine ma non un'isometria

**15C** non è una trasformazione geometrica

**15D** è una isometria inversa

**D. 16** Sia  $r_{O,\alpha}$  la rotazione in senso antiorario di centro  $O$  di un angolo di ampiezza  $\pi/4$  e sia  $t_{\mathbf{v}}$  la traslazione del vettore  $\mathbf{v} = (1,0)$ . La matrice associata a  $r_{O,\alpha} \circ t_{\mathbf{v}}$  è:

**16A**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**16B**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & 1 \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**16C**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**16D**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & 1 \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**D. 17** Il punto medio di un segmento è invariante

**17A** per similitudini

**17B** per isometrie ma non per similitudini

**17C** per isometrie dirette ma non per tutte le isometrie

**17D** per similitudini dirette ma non per tutte le similitudini

Università degli Studi di Roma "La Sapienza"

10 Febbraio 2007

SSIS del Lazio

Trasformazioni geometriche 1 per A047 e A048

Codice Compito: 57A58E59D60A - Numero d'Ordine 115

**D. 1** Sia  $M$  un sottoinsieme di un piano  $\pi$ . Sia  $T'$  insieme delle isometrie del piano tali che l'immagine di  $M$  sia  $M$  stesso. Allora  $T'$

**1A** è un gruppo commutativo con più di un elemento, qualsiasi sia  $M$

**1B** è formato dalla sola identità, qualsiasi sia  $M$

**1C** nessuna delle altre risposte è esatta

**1D** non è un gruppo, qualsiasi sia  $M$

**D. 2** Indichiamo con  $h_{(P,k)}$  l'omotetia di centro il punto  $P$  e rapporto  $k > 0$ . Allora  $h_{(P,k)}^{-1}$  è uguale a:

**2A**  $h_{(P,k^{-1})}$

**2B**  $h_{(P,-k)}$

**2C**  $h_{(-P,k)}$

**2D**  $h_{(P^{-1},k^{-1})}$

**D. 3** Sia  $T$  un triangolo scaleno contenuto in un piano  $\pi$ . Le similitudini del piano  $\pi$  tali che l'immagine di  $T$  sia  $T$  sono:

**3A** sei

**3B** tre

**3C** una

**3D** zero

**D. 4** La matrice associata alla simmetria rispetto al punto  $0 = (0,0)$  è:

**4A**

$$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

**4B**

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**4C**

$$\begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**4D**

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$$

**D. 5** Indichiamo con  $r_{D,\alpha}$  la rotazione intorno a  $D$  dell'angolo  $\alpha = \frac{2}{3}\pi$  in senso antiorario. Allora  $r_{(D,\alpha)}^{-1}$  è uguale a:

**5A**  $r_{(D,\frac{3}{2}\pi)}$

**5B**  $r_{(D,\alpha)} \circ r_{(D,\alpha)}$

**5C**  $r_{(D,\frac{4}{6}\pi)}$

**5D**  $r_{(D,\alpha)} \circ r_{(D,\alpha)} \circ r_{(D,\alpha)}$

**D. 6** Siano  $s_r$  e  $s_{r'}$  le simmetrie rispetto alle rette  $r$  e  $r'$  di equazioni:

$$r : -4x + 2y + 1 = 0$$

$$r' : 2x - y + 1 = 0$$

allora  $s_r \circ s_{r'}$  è uguale a:

**6A** una traslazione non nulla

**6B** una rotazione non nulla

**6C** una simmetria assiale

**6D** l'identità

**D. 7** Siano date  $n$  rette che si intersecano in un punto. Si consideri una composizione  $f$  delle  $n$  simmetrie rispetto alle  $n$  rette. Allora  $f$  è:

**7A** sempre una simmetria assiale

**7B** sempre una rotazione (eventualmente nulla)

**7C** una rotazione (eventualmente nulla) se  $n$  è pari e una simmetria assiale altrimenti

**7D** una simmetria assiale se  $n$  è pari e una rotazione (eventualmente nulla) altrimenti

**D. 8** La convessità è invariante:

**8A** per isometrie dirette ma non per tutte le isometrie

**8B** per similitudini dirette ma non per tutte le similitudini

**8C** per similitudini

**8D** per isometrie ma non per similitudini

**D. 9** L'insieme formato dall'identità e dalle simmetrie assiali

**9A** è un sottogruppo commutativo del gruppo delle isometrie

**9B** è un sottogruppo non commutativo del gruppo delle isometrie

**9C** ha elementi non dotati di inverso

**9D** non è chiuso rispetto alla composizione

**D. 10** La rotazione intorno ad un punto in senso orario dell'angolo di ampiezza  $5\pi$ :

**10A** è una simmetria rispetto ad un punto

**10B** è una similitudine ma non un'isometria

**10C** non è una trasformazione geometrica

**10D** è una isometria inversa

**D. 11** Sia  $R$  un rettangolo avente due lati di lunghezza doppia degli altri due. Le isometrie del piano tali che l'immagine di  $R$  sia  $R$  sono:

**11A** una

**11B** quattro

**11C** due

**11D** otto

**D. 12** Sia  $t_{\mathbf{v}}$  la traslazione del vettore  $\mathbf{v} = (-1, 3)$  e sia  $f$  l'isometria associata alla matrice

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Allora l'immagine dell'origine attraverso l'isometria  $(t_{\mathbf{v}} \circ f)$  è:

**12A** il punto  $(2, -1)$

**12B** il punto  $(0, 5)$

**12C** il punto  $(1, 1)$

**12D** il punto  $(-1, 6)$

**D. 13** Indichiamo con  $t_{(h,k)}$  la traslazione del vettore  $\mathbf{v} = (h, k)$ . Allora  $t_{(2,3)}^{-1}$  è uguale a:

**13A**  $-t_{(2,3)}$

**13B**  $t_{(1/2, 1/3)}$

**13C**  $t_{(3,2)}$

**13D**  $t_{(-2, -3)}$

**D. 14** Sia  $r_{O,\alpha}$  la rotazione in senso antiorario di centro  $O$  di un angolo di ampiezza  $\pi/4$  e sia  $t_{\mathbf{v}}$  la traslazione del vettore  $\mathbf{v} = (1, 0)$ . La matrice associata a  $r_{O,\alpha} \circ t_{\mathbf{v}}$  è:

**14A**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & 1 \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**14B**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**14C**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & 1 \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**14D**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**D. 15** Il punto medio di un segmento è invariante

**15A** per isometrie dirette ma non per tutte le isometrie

**15B** per isometrie ma non per similitudini

**15C** per similitudini dirette ma non per tutte le similitudini

**15D** per similitudini

**D. 16** La trasformazione geometrica associata alla matrice

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} & 0 \\ \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

è la rotazione in senso antiorario intorno all'origine di un angolo di ampiezza

**16A**  $\frac{2\pi}{3}$

**16B**  $\frac{\pi}{3}$

**16C**  $\frac{4\pi}{3}$

**16D**  $\frac{\pi}{6}$

**D. 17** L'insieme dei numeri interi relativi divisibili per 3 con l'operazione di addizione:

**17A** non è chiuso rispetto all'addizione

**17B** ha elementi non dotati di simmetrico

**17C** è un gruppo commutativo

**17D** è un gruppo non commutativo

Università degli Studi di Roma "La Sapienza"

10 Febbraio 2007

SSIS del Lazio

**Trasformazioni geometriche 1 per A047 e A048**

**Codice Compito: 57A58E59D60B - Numero d'Ordine 116**

**D. 1** Sia  $T$  un triangolo scaleno contenuto in un piano  $\pi$ . Le similitudini del piano  $\pi$  tali che l'immagine di  $T$  sia  $T$  sono:

- 1A sei
- 1B tre
- 1C zero
- 1D una

**D. 2** Siano  $s_r$  e  $s_{r'}$  le simmetrie rispetto alle rette  $r$  e  $r'$  di equazioni:

$$r : -4x + 2y + 1 = 0$$

$$r' : 2x - y + 1 = 0$$

allora  $s_r \circ s_{r'}$  è uguale a:

- 2A una rotazione non nulla
- 2B una simmetria assiale
- 2C l'identità
- 2D una traslazione non nulla

**D. 3** La matrice associata alla simmetria rispetto al punto  $0 = (0,0)$  è:

3A

$$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

3B

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

3C

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$$

3D

$$\begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**D. 4** Sia  $M$  un sottoinsieme di un piano  $\pi$ . Sia  $T'$  insieme delle isometrie del piano tali che l'immagine di  $M$  sia  $M$  stesso. Allora  $T'$

- 4A è un gruppo commutativo con più di un elemento, qualsiasi sia  $M$

- 4B** è formato dalla sola identità, qualsiasi sia  $M$
- 4C** nessuna delle altre risposte è esatta
- 4D** non è un gruppo, qualsiasi sia  $M$

**D. 5** Sia  $t_{\mathbf{v}}$  la traslazione del vettore  $\mathbf{v} = (-1, 3)$  e sia  $f$  l'isometria associata alla matrice

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Allora l'immagine dell'origine attraverso l'isometria  $(t_{\mathbf{v}} \circ f)$  è:

- 5A** il punto  $(-1, 6)$
- 5B** il punto  $(0, 5)$
- 5C** il punto  $(2, -1)$
- 5D** il punto  $(1, 1)$

**D. 6** La rotazione intorno ad un punto in senso orario dell'angolo di ampiezza  $5\pi$ :

- 6A** è una isometria inversa
- 6B** è una simmetria rispetto ad un punto
- 6C** non è una trasformazione geometrica
- 6D** è una similitudine ma non un'isometria

**D. 7** Indichiamo con  $r_{D,\alpha}$  la rotazione intorno a  $D$  dell'angolo  $\alpha = \frac{2}{3}\pi$  in senso antiorario. Allora  $r_{(D,\alpha)}^{-1}$  è uguale a:

- 7A**  $r_{(D,\frac{4}{6}\pi)}$
- 7B**  $r_{(D,\frac{3}{2}\pi)}$
- 7C**  $r_{(D,\alpha)} \circ r_{(D,\alpha)}$
- 7D**  $r_{(D,\alpha)} \circ r_{(D,\alpha)} \circ r_{(D,\alpha)}$

**D. 8** La convessità è invariante:

- 8A** per similitudini dirette ma non per tutte le similitudini
- 8B** per similitudini
- 8C** per isometrie dirette ma non per tutte le isometrie
- 8D** per isometrie ma non per similitudini

**D. 9** Siano date  $n$  rette che si intersecano in un punto. Si consideri una composizione  $f$  delle  $n$  simmetrie rispetto alle  $n$  rette. Allora  $f$  è:

- 9A** una simmetria assiale se  $n$  è pari e una rotazione (eventualmente nulla) altrimenti
- 9B** una rotazione (eventualmente nulla) se  $n$  è pari e una simmetria assiale altrimenti

- 9C sempre una simmetria assiale
- 9D sempre una rotazione (eventualmente nulla)

**D. 10** Indichiamo con  $t_{(h,k)}$  la traslazione del vettore  $\mathbf{v} = (h, k)$ . Allora  $t_{(2,3)}^{-1}$  è uguale a:

- 10A  $t_{(3,2)}$
- 10B  $-t_{(2,3)}$
- 10C  $t_{(-2,-3)}$
- 10D  $t_{(1/2,1/3)}$

**D. 11** L'insieme formato dall'identità e dalle simmetrie assiali

- 11A è un sottogruppo non commutativo del gruppo delle isometrie
- 11B ha elementi non dotati di inverso
- 11C è un sottogruppo commutativo del gruppo delle isometrie
- 11D non è chiuso rispetto alla composizione

**D. 12** Indichiamo con  $h_{(P,k)}$  l'omotetia di centro il punto  $P$  e rapporto  $k > 0$ . Allora  $h_{(P,k)}^{-1}$  è uguale a:

- 12A  $h_{(-P,k)}$
- 12B  $h_{(P,-k)}$
- 12C  $h_{(P^{-1},k^{-1})}$
- 12D  $h_{(P,k^{-1})}$

**D. 13** Sia  $R$  un rettangolo avente due lati di lunghezza doppia degli altri due. Le isometrie del piano tali che l'immagine di  $R$  sia  $R$  sono:

- 13A quattro
- 13B otto
- 13C due
- 13D una

**D. 14** Sia  $r_{O,\alpha}$  la rotazione in senso antiorario di centro  $O$  di un angolo di ampiezza  $\pi/4$  e sia  $t_{\mathbf{v}}$  la traslazione del vettore  $\mathbf{v} = (1, 0)$ . La matrice associata a  $r_{O,\alpha} \circ t_{\mathbf{v}}$  è:

14A

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & 1 \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

14B

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**14C**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**14D**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & 1 \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**D. 15** Il punto medio di un segmento è invariante

**15A** per similitudini dirette ma non per tutte le similitudini

**15B** per isometrie dirette ma non per tutte le isometrie

**15C** per similitudini

**15D** per isometrie ma non per similitudini

**D. 16** La trasformazione geometrica associata alla matrice

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} & 0 \\ \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

è la rotazione in senso antiorario intorno all'origine di un angolo di ampiezza

**16A**  $\frac{2\pi}{3}$

**16B**  $\frac{\pi}{6}$

**16C**  $\frac{4\pi}{3}$

**16D**  $\frac{\pi}{3}$

**D. 17** L'insieme dei numeri interi relativi divisibili per 3 con l'operazione di addizione:

**17A** è un gruppo non commutativo

**17B** ha elementi non dotati di simmetrico

**17C** è un gruppo commutativo

**17D** non è chiuso rispetto all'addizione

Università degli Studi di Roma "La Sapienza"

10 Febbraio 2007

SSIS del Lazio

**Trasformazioni geometriche 1 per A047 e A048**

**Codice Compito: 57A58E59D60C - Numero d'Ordine 117**

- D. 1** Indichiamo con  $h_{(P,k)}$  l'omotetia di centro il punto  $P$  e rapporto  $k > 0$ . Allora  $h_{(P,k)}^{-1}$  è uguale a:
- 1A**  $h_{(P,k^{-1})}$
  - 1B**  $h_{(P,-k)}$
  - 1C**  $h_{(P^{-1},k^{-1})}$
  - 1D**  $h_{(-P,k)}$
- D. 2** Il punto medio di un segmento è invariante
- 2A** per similitudini
  - 2B** per isometrie ma non per similitudini
  - 2C** per isometrie dirette ma non per tutte le isometrie
  - 2D** per similitudini dirette ma non per tutte le similitudini
- D. 3** Siano date  $n$  rette che si intersecano in un punto. Si consideri una composizione  $f$  delle  $n$  simmetrie rispetto alle  $n$  rette. Allora  $f$  è:
- 3A** una simmetria assiale se  $n$  è pari e una rotazione (eventualmente nulla) altrimenti
  - 3B** sempre una simmetria assiale
  - 3C** sempre una rotazione (eventualmente nulla)
  - 3D** una rotazione (eventualmente nulla) se  $n$  è pari e una simmetria assiale altrimenti
- D. 4** Sia  $R$  un rettangolo avente due lati di lunghezza doppia degli altri due. Le isometrie del piano tali che l'immagine di  $R$  sia  $R$  sono:
- 4A** quattro
  - 4B** una
  - 4C** otto
  - 4D** due
- D. 5** L'insieme formato dall'identità e dalle simmetrie assiali
- 5A** non è chiuso rispetto alla composizione
  - 5B** è un sottogruppo non commutativo del gruppo delle isometrie
  - 5C** ha elementi non dotati di inverso
  - 5D** è un sottogruppo commutativo del gruppo delle isometrie

**D. 6** Sia  $T$  un triangolo scaleno contenuto in un piano  $\pi$ . Le similitudini del piano  $\pi$  tali che l'immagine di  $T$  sia  $T$  sono:

- 6A** sei
- 6B** zero
- 6C** una
- 6D** tre

**D. 7** Sia  $M$  un sottoinsieme di un piano  $\pi$ . Sia  $T'$  insieme delle isometrie del piano tali che l'immagine di  $M$  sia  $M$  stesso. Allora  $T'$

- 7A** è un gruppo commutativo con più di un elemento, qualsiasi sia  $M$
- 7B** non è un gruppo, qualsiasi sia  $M$
- 7C** è formato dalla sola identità, qualsiasi sia  $M$
- 7D** nessuna delle altre risposte è esatta

**D. 8** La convessità è invariante:

- 8A** per similitudini
- 8B** per isometrie ma non per similitudini
- 8C** per similitudini dirette ma non per tutte le similitudini
- 8D** per isometrie dirette ma non per tutte le isometrie

**D. 9** La matrice associata alla simmetria rispetto al punto  $0 = (0,0)$  è:

**9A**

$$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

**9B**

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**9C**

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$$

**9D**

$$\begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**D. 10** Indichiamo con  $r_{D,\alpha}$  la rotazione intorno a  $D$  dell'angolo  $\alpha = \frac{2}{3}\pi$  in senso antiorario. Allora  $r_{(D,\alpha)}^{-1}$  è uguale a:

- 10A**  $r_{(D,\alpha)} \circ r_{(D,\alpha)}$
- 10B**  $r_{(D,\frac{4}{3}\pi)}$

**10C**  $r_{(D, \frac{3}{2}\pi)}$

**10D**  $r_{(D, \alpha)} \circ r_{(D, \alpha)} \circ r_{(D, \alpha)}$

**D. 11** Siano  $s_r$  e  $s_{r'}$  le simmetrie rispetto alle rette  $r$  e  $r'$  di equazioni:

$$r : -4x + 2y + 1 = 0$$

$$r' : 2x - y + 1 = 0$$

allora  $s_r \circ s_{r'}$  è uguale a:

**11A** una rotazione non nulla

**11B** una simmetria assiale

**11C** una traslazione non nulla

**11D** l'identità

**D. 12** La rotazione intorno ad un punto in senso orario dell'angolo di ampiezza  $5\pi$ :

**12A** è una similitudine ma non un'isometria

**12B** è una isometria inversa

**12C** non è una trasformazione geometrica

**12D** è una simmetria rispetto ad un punto

**D. 13** Sia  $t_v$  la traslazione del vettore

$v = (-1, 3)$  e sia  $f$  l'isometria associata alla matrice

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Allora l'immagine dell'origine attraverso l'isometria  $(t_v \circ f)$  è:

**13A** il punto  $(0, 5)$

**13B** il punto  $(-1, 6)$

**13C** il punto  $(2, -1)$

**13D** il punto  $(1, 1)$

**D. 14** Indichiamo con  $t_{(h,k)}$  la traslazione del vettore  $v = (h, k)$ . Allora  $t_{(2,3)}^{-1}$  è uguale a:

**14A**  $-t_{(2,3)}$

**14B**  $t_{(1/2, 1/3)}$

**14C**  $t_{(-2, -3)}$

**14D**  $t_{(3, 2)}$

**D. 15** Sia  $r_{O, \alpha}$  la rotazione in senso antiorario di centro  $O$  di un angolo di ampiezza  $\pi/4$  e sia  $t_v$  la traslazione del vettore  $v = (1, 0)$ . La matrice associata a  $r_{O, \alpha} \circ t_v$  è:

**15A**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**15B**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & 1 \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**15C**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**15D**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & 1 \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**D. 16** La trasformazione geometrica associata alla matrice

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} & 0 \\ \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

è la rotazione in senso antiorario intorno all'origine di un angolo di ampiezza

**16A**  $\frac{4\pi}{3}$

**16B**  $\frac{2\pi}{3}$

**16C**  $\frac{\pi}{3}$

**16D**  $\frac{\pi}{6}$

**D. 17** L'insieme dei numeri interi relativi divisibili per 3 con l'operazione di addizione:

**17A** è un gruppo non commutativo

**17B** è un gruppo commutativo

**17C** ha elementi non dotati di simmetrico

**17D** non è chiuso rispetto all'addizione

Università degli Studi di Roma "La Sapienza"

10 Febbraio 2007

SSIS del Lazio

Trasformazioni geometriche 1 per A047 e A048

Codice Compito: 57A58E59D60D - Numero d'Ordine 118

**D. 1** Indichiamo con  $r_{D,\alpha}$  la rotazione intorno a  $D$  dell'angolo  $\alpha = \frac{2}{3}\pi$  in senso antiorario. Allora  $r_{(D,\alpha)}^{-1}$  è uguale a:

**1A**  $r_{(D,\frac{4}{6}\pi)}$

**1B**  $r_{(D,\frac{3}{2}\pi)}$

**1C**  $r_{(D,\alpha)} \circ r_{(D,\alpha)}$

**1D**  $r_{(D,\alpha)} \circ r_{(D,\alpha)} \circ r_{(D,\alpha)}$

**D. 2** Sia  $r_{O,\alpha}$  la rotazione in senso antiorario di centro  $O$  di un angolo di ampiezza  $\pi/4$  e sia  $t_{\mathbf{v}}$  la traslazione del vettore  $\mathbf{v} = (1, 0)$ . La matrice associata a  $r_{O,\alpha} \circ t_{\mathbf{v}}$  è:

**2A**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & 1 \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**2B**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**2C**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & 1 \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**2D**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**D. 3** Siano  $s_r$  e  $s_{r'}$  le simmetrie rispetto alle rette  $r$  e  $r'$  di equazioni:

$$r : -4x + 2y + 1 = 0$$

$$r' : 2x - y + 1 = 0$$

allora  $s_r \circ s_{r'}$  è uguale a:

**3A** una traslazione non nulla

**3B** una simmetria assiale

**3C** una rotazione non nulla

**3D** l'identità

- D. 4** Il punto medio di un segmento è invariante
- 4A** per isometrie ma non per similitudini
  - 4B** per similitudini dirette ma non per tutte le similitudini
  - 4C** per similitudini
  - 4D** per isometrie dirette ma non per tutte le isometrie
- D. 5** Sia  $M$  un sottoinsieme di un piano  $\pi$ . Sia  $T'$  insieme delle isometrie del piano tali che l'immagine di  $M$  sia  $M$  stesso. Allora  $T'$
- 5A** è un gruppo commutativo con più di un elemento, qualsiasi sia  $M$
  - 5B** nessuna delle altre risposte è esatta
  - 5C** non è un gruppo, qualsiasi sia  $M$
  - 5D** è formato dalla sola identità, qualsiasi sia  $M$
- D. 6** Siano date  $n$  rette che si intersecano in un punto. Si consideri una composizione  $f$  delle  $n$  simmetrie rispetto alle  $n$  rette. Allora  $f$  è:
- 6A** sempre una rotazione (eventualmente nulla)
  - 6B** una rotazione (eventualmente nulla) se  $n$  è pari e una simmetria assiale altrimenti
  - 6C** una simmetria assiale se  $n$  è pari e una rotazione (eventualmente nulla) altrimenti
  - 6D** sempre una simmetria assiale
- D. 7** Sia  $t_{\mathbf{v}}$  la traslazione del vettore  $\mathbf{v} = (-1, 3)$  e sia  $f$  l'isometria associata alla matrice

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Allora l'immagine dell'origine attraverso l'isometria  $(t_{\mathbf{v}} \circ f)$  è:

- 7A** il punto  $(0, 5)$
  - 7B** il punto  $(2, -1)$
  - 7C** il punto  $(-1, 6)$
  - 7D** il punto  $(1, 1)$
- D. 8** Sia  $T$  un triangolo scaleno contenuto in un piano  $\pi$ . Le similitudini del piano  $\pi$  tali che l'immagine di  $T$  sia  $T$  sono:
- 8A** zero
  - 8B** una
  - 8C** sei
  - 8D** tre
- D. 9** La convessità è invariante:

- 9A per isometrie dirette ma non per tutte le isometrie
- 9B per isometrie ma non per similitudini
- 9C per similitudini dirette ma non per tutte le similitudini
- 9D per similitudini

**D. 10** L'insieme formato dall'identità e dalle simmetrie assiali

- 10A non è chiuso rispetto alla composizione
- 10B ha elementi non dotati di inverso
- 10C è un sottogruppo non commutativo del gruppo delle isometrie
- 10D è un sottogruppo commutativo del gruppo delle isometrie

**D. 11** La rotazione intorno ad un punto in senso orario dell'angolo di ampiezza  $5\pi$ :

- 11A è una isometria inversa
- 11B è una similitudine ma non un'isometria
- 11C è una simmetria rispetto ad un punto
- 11D non è una trasformazione geometrica

**D. 12** Indichiamo con  $t_{(h,k)}$  la traslazione del vettore  $\mathbf{v} = (h, k)$ . Allora  $t_{(2,3)}^{-1}$  è uguale a:

- 12A  $t_{(3,2)}$
- 12B  $-t_{(2,3)}$
- 12C  $t_{(-2,-3)}$
- 12D  $t_{(1/2,1/3)}$

**D. 13** Indichiamo con  $h_{(P,k)}$  l'omotetia di centro il punto  $P$  e rapporto  $k > 0$ . Allora  $h_{(P,k)}^{-1}$  è uguale a:

- 13A  $h_{(-P,k)}$
- 13B  $h_{(P^{-1},k^{-1})}$
- 13C  $h_{(P,-k)}$
- 13D  $h_{(P,k^{-1})}$

**D. 14** La matrice associata alla simmetria rispetto al punto  $0 = (0,0)$  è:

14A

$$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

14B

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$$

**14C**

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**14D**

$$\begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**D. 15** Sia  $R$  un rettangolo avente due lati di lunghezza doppia degli altri due. Le isometrie del piano tali che l'immagine di  $R$  sia  $R$  sono:

**15A** due

**15B** una

**15C** otto

**15D** quattro

**D. 16** La trasformazione geometrica associata alla matrice

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} & 0 \\ \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

è la rotazione in senso antiorario intorno all'origine di un angolo di ampiezza

**16A**  $\frac{\pi}{3}$

**16B**  $\frac{2\pi}{3}$

**16C**  $\frac{\pi}{6}$

**16D**  $\frac{4\pi}{3}$

**D. 17** L'insieme dei numeri interi relativi divisibili per 3 con l'operazione di addizione:

**17A** è un gruppo non commutativo

**17B** non è chiuso rispetto all'addizione

**17C** è un gruppo commutativo

**17D** ha elementi non dotati di simmetrico

Università degli Studi di Roma "La Sapienza"

10 Febbraio 2007

**SSIS del Lazio**

**Trasformazioni geometriche 1 per A047 e A048**

**Codice Compito: 57A58E59D60E - Numero d'Ordine 119**

**D. 1** L'insieme dei numeri interi relativi divisibili per 3 con l'operazione di addizione:

- 1A non è chiuso rispetto all'addizione
- 1B è un gruppo commutativo
- 1C ha elementi non dotati di simmetrico
- 1D è un gruppo non commutativo

**D. 2** Sia  $T$  un triangolo scaleno contenuto in un piano  $\pi$ . Le similitudini del piano  $\pi$  tali che l'immagine di  $T$  sia  $T$  sono:

- 2A tre
- 2B sei
- 2C zero
- 2D una

**D. 3** Sia  $t_{\mathbf{v}}$  la traslazione del vettore

$\mathbf{v} = (-1, 3)$  e sia  $f$  l'isometria associata alla matrice

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Allora l'immagine dell'origine attraverso l'isometria  $(t_{\mathbf{v}} \circ f)$  è:

- 3A il punto  $(1, 1)$
- 3B il punto  $(0, 5)$
- 3C il punto  $(2, -1)$
- 3D il punto  $(-1, 6)$

**D. 4** La matrice associata alla simmetria rispetto al punto  $0 = (0, 0)$  è:

4A

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$$

4B

$$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

4C

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**4D**

$$\begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**D. 5** Siano date  $n$  rette che si intersecano in un punto. Si consideri una composizione  $f$  delle  $n$  simmetrie rispetto alle  $n$  rette. Allora  $f$  è:

**5A** sempre una rotazione (eventualmente nulla)

**5B** una simmetria assiale se  $n$  è pari e una rotazione (eventualmente nulla) altrimenti

**5C** una rotazione (eventualmente nulla) se  $n$  è pari e una simmetria assiale altrimenti

**5D** sempre una simmetria assiale

**D. 6** Siano  $s_r$  e  $s_{r'}$  le simmetrie rispetto alle rette  $r$  e  $r'$  di equazioni:

$$r : -4x + 2y + 1 = 0$$

$$r' : 2x - y + 1 = 0$$

allora  $s_r \circ s_{r'}$  è uguale a:

**6A** una simmetria assiale

**6B** l'identità

**6C** una rotazione non nulla

**6D** una traslazione non nulla

**D. 7** Indichiamo con  $r_{D,\alpha}$  la rotazione intorno a  $D$  dell'angolo  $\alpha = \frac{2}{3}\pi$  in senso antiorario.

Allora  $r_{(D,\alpha)}^{-1}$  è uguale a:

**7A**  $r_{(D,\alpha)} \circ r_{(D,\alpha)} \circ r_{(D,\alpha)}$

**7B**  $r_{(D,\frac{3}{2}\pi)}$

**7C**  $r_{(D,\alpha)} \circ r_{(D,\alpha)}$

**7D**  $r_{(D,\frac{4}{6}\pi)}$

**D. 8** Indichiamo con  $t_{(h,k)}$  la traslazione del vettore  $\mathbf{v} = (h, k)$ . Allora  $t_{(2,3)}^{-1}$  è uguale a:

**8A**  $-t_{(2,3)}$

**8B**  $t_{(3,2)}$

**8C**  $t_{(1/2,1/3)}$

**8D**  $t_{(-2,-3)}$

**D. 9** Sia  $M$  un sottoinsieme di un piano  $\pi$ . Sia  $T'$  insieme delle isometrie del piano tali che l'immagine di  $M$  sia  $M$  stesso. Allora  $T'$

**9A** non è un gruppo, qualsiasi sia  $M$

**9B** è formato dalla sola identità, qualsiasi sia  $M$

**9C** è un gruppo commutativo con più di un elemento, qualsiasi sia  $M$

**9D** nessuna delle altre risposte è esatta

**D. 10** Indichiamo con  $h_{(P,k)}$  l'omotetia di centro il punto  $P$  e rapporto  $k > 0$ . Allora  $h_{(P,k)}^{-1}$  è uguale a:

**10A**  $h_{(-P,k)}$

**10B**  $h_{(P,-k)}$

**10C**  $h_{(P^{-1},k^{-1})}$

**10D**  $h_{(P,k^{-1})}$

**D. 11** La convessità è invariante:

**11A** per similitudini dirette ma non per tutte le similitudini

**11B** per similitudini

**11C** per isometrie ma non per similitudini

**11D** per isometrie dirette ma non per tutte le isometrie

**D. 12** L'insieme formato dall'identità e dalle simmetrie assiali

**12A** non è chiuso rispetto alla composizione

**12B** è un sottogruppo non commutativo del gruppo delle isometrie

**12C** è un sottogruppo commutativo del gruppo delle isometrie

**12D** ha elementi non dotati di inverso

**D. 13** La rotazione intorno ad un punto in senso orario dell'angolo di ampiezza  $5\pi$ :

**13A** non è una trasformazione geometrica

**13B** è una simmetria rispetto ad un punto

**13C** è una similitudine ma non un'isometria

**13D** è una isometria inversa

**D. 14** Sia  $R$  un rettangolo avente due lati di lunghezza doppia degli altri due. Le isometrie del piano tali che l'immagine di  $R$  sia  $R$  sono:

**14A** otto

**14B** una

**14C** quattro

**14D** due

**D. 15** Sia  $r_{O,\alpha}$  la rotazione in senso antiorario di centro  $O$  di un angolo di ampiezza  $\pi/4$  e sia  $t_{\mathbf{v}}$  la traslazione del vettore  $\mathbf{v} = (1,0)$ . La matrice associata a  $r_{O,\alpha} \circ t_{\mathbf{v}}$  è:

**15A**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & 1 \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**15B**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**15C**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**15D**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & 1 \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**D. 16** Il punto medio di un segmento è invariante

**16A** per isometrie dirette ma non per tutte le isometrie

**16B** per isometrie ma non per similitudini

**16C** per similitudini dirette ma non per tutte le similitudini

**16D** per similitudini

**D. 17** La trasformazione geometrica associata alla matrice

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} & 0 \\ \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

è la rotazione in senso antiorario intorno all'origine di un angolo di ampiezza

**17A**  $\frac{\pi}{6}$

**17B**  $\frac{2\pi}{3}$

**17C**  $\frac{4\pi}{3}$

**17D**  $\frac{\pi}{3}$

Università degli Studi di Roma "La Sapienza"

10 Febbraio 2007

SSIS del Lazio

**Trasformazioni geometriche 1 per A047 e A048**

**Codice Compito: 57A58E59E60A - Numero d'Ordine 120**

**D. 1** La convessità è invariante:

- 1A per isometrie ma non per similitudini
- 1B per similitudini dirette ma non per tutte le similitudini
- 1C per similitudini
- 1D per isometrie dirette ma non per tutte le isometrie

**D. 2** La trasformazione geometrica associata alla matrice

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} & 0 \\ \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

è la rotazione in senso antiorario intorno all'origine di un angolo di ampiezza

- 2A  $\frac{2\pi}{3}$
- 2B  $\frac{4\pi}{3}$
- 2C  $\frac{\pi}{6}$
- 2D  $\frac{\pi}{3}$

**D. 3** Siano  $s_r$  e  $s_{r'}$  le simmetrie rispetto alle rette  $r$  e  $r'$  di equazioni:

$$\begin{aligned} r &: -4x + 2y + 1 = 0 \\ r' &: 2x - y + 1 = 0 \end{aligned}$$

allora  $s_r \circ s_{r'}$  è uguale a:

- 3A una rotazione non nulla
  - 3B l'identità
  - 3C una simmetria assiale
  - 3D una traslazione non nulla
- D. 4** Sia  $M$  un sottoinsieme di un piano  $\pi$ . Sia  $T'$  insieme delle isometrie del piano tali che l'immagine di  $M$  sia  $M$  stesso. Allora  $T'$
- 4A nessuna delle altre risposte è esatta
  - 4B è un gruppo commutativo con più di un elemento, qualsiasi sia  $M$
  - 4C è formato dalla sola identità, qualsiasi sia  $M$
  - 4D non è un gruppo, qualsiasi sia  $M$

- D. 5** Sia  $t_{\mathbf{v}}$  la traslazione del vettore  $\mathbf{v} = (-1, 3)$  e sia  $f$  l'isometria associata alla matrice

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Allora l'immagine dell'origine attraverso l'isometria  $(t_{\mathbf{v}} \circ f)$  é:

- 5A** il punto  $(-1, 6)$   
**5B** il punto  $(1, 1)$   
**5C** il punto  $(0, 5)$   
**5D** il punto  $(2, -1)$
- D. 6** L'insieme formato dall'identità e dalle simmetrie assiali
- 6A** è un sottogruppo commutativo del gruppo delle isometrie  
**6B** ha elementi non dotati di inverso  
**6C** non è chiuso rispetto alla composizione  
**6D** è un sottogruppo non commutativo del gruppo delle isometrie
- D. 7** Indichiamo con  $t_{(h,k)}$  la traslazione del vettore  $\mathbf{v} = (h, k)$ . Allora  $t_{(2,3)}^{-1}$  è uguale a:
- 7A**  $t_{(-2,-3)}$   
**7B**  $t_{(3,2)}$   
**7C**  $-t_{(2,3)}$   
**7D**  $t_{(1/2,1/3)}$
- D. 8** Sia  $T$  un triangolo scaleno contenuto in un piano  $\pi$ . Le similitudini del piano  $\pi$  tali che l'immagine di  $T$  sia  $T$  sono:
- 8A** tre  
**8B** sei  
**8C** zero  
**8D** una
- D. 9** Indichiamo con  $h_{(P,k)}$  l'omotetia di centro il punto  $P$  e rapporto  $k > 0$ . Allora  $h_{(P,k)}^{-1}$  è uguale a:
- 9A**  $h_{(-P,k)}$   
**9B**  $h_{(P^{-1},k^{-1})}$   
**9C**  $h_{(P,-k)}$   
**9D**  $h_{(P,k^{-1})}$
- D. 10** La matrice associata alla simmetria rispetto al punto  $0 = (0,0)$  è:

**10A**

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**10B**

$$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

**10C**

$$\begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**10D**

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$$

**D. 11** Indichiamo con  $r_{D,\alpha}$  la rotazione intorno a  $D$  dell'angolo  $\alpha = \frac{2}{3}\pi$  in senso antiorario. Allora  $r_{(D,\alpha)}^{-1}$  è uguale a:

**11A**  $r_{(D,\alpha)} \circ r_{(D,\alpha)}$

**11B**  $r_{(D,\alpha)} \circ r_{(D,\alpha)} \circ r_{(D,\alpha)}$

**11C**  $r_{(D,\frac{3}{2}\pi)}$

**11D**  $r_{(D,\frac{4}{6}\pi)}$

**D. 12** Siano date  $n$  rette che si intersecano in un punto. Si consideri una composizione  $f$  delle  $n$  simmetrie rispetto alle  $n$  rette. Allora  $f$  è:

**12A** sempre una simmetria assiale

**12B** sempre una rotazione (eventualmente nulla)

**12C** una rotazione (eventualmente nulla) se  $n$  è pari e una simmetria assiale altrimenti

**12D** una simmetria assiale se  $n$  è pari e una rotazione (eventualmente nulla) altrimenti

**D. 13** La rotazione intorno ad un punto in senso orario dell'angolo di ampiezza  $5\pi$ :

**13A** è una isometria inversa

**13B** è una similitudine ma non un'isometria

**13C** è una simmetria rispetto ad un punto

**13D** non è una trasformazione geometrica

**D. 14** Sia  $R$  un rettangolo avente due lati di lunghezza doppia degli altri due. Le isometrie del piano tali che l'immagine di  $R$  sia  $R$  sono:

**14A** otto

**14B** quattro

**14C** una

**14D** due

**D. 15** Sia  $r_{O,\alpha}$  la rotazione in senso antiorario di centro  $O$  di un angolo di ampiezza  $\pi/4$  e sia  $t_{\mathbf{v}}$  la traslazione del vettore  $\mathbf{v} = (1,0)$ . La matrice associata a  $r_{O,\alpha} \circ t_{\mathbf{v}}$  è:

**15A**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**15B**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & 1 \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**15C**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**15D**

$$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & 1 \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**D. 16** Il punto medio di un segmento è invariante

**16A** per isometrie dirette ma non per tutte le isometrie

**16B** per similitudini

**16C** per similitudini dirette ma non per tutte le similitudini

**16D** per isometrie ma non per similitudini

**D. 17** L'insieme dei numeri interi relativi divisibili per 3 con l'operazione di addizione:

**17A** ha elementi non dotati di simmetrico

**17B** non è chiuso rispetto all'addizione

**17C** è un gruppo non commutativo

**17D** è un gruppo commutativo