

**ANALISI MATEMATICA - ING. AEROSPAZIALE - II Canale**  
**12/01/2018**

Prof.ssa M.R. Lancia - Prof.ssa I. de Bonis

**Testo A**

Cognome ..... Nome .....

Matricola ..... Anno di corso .....

**Risolvere per esteso i seguenti esercizi, motivando adeguatamente i procedimenti seguiti e mettendo in evidenza ogni risposta.**

- 1) Studiare al variare dei parametri  $a, \alpha \in \mathbb{R}$  la continuità e la derivabilità in  $x = 0$  della funzione

$$f(x) = \begin{cases} \frac{\int_0^x \frac{\cos(\pi t)}{t+2} dt}{x^\alpha} & x > 0 \\ a & x = 0 \\ \frac{e^{2x} - \cos(4x) - 2x}{10 \ln(1+2x^2)} & x < 0. \end{cases}$$

- 2) Utilizzando le operazioni sui grafici disegnare il grafico della funzione

$$y = \operatorname{tg} |x| - 1.$$

Calcolare l'area della regione piana sottesa dalla curva  $y = \operatorname{tg} |x| - 1$  in  $[-\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{4}]$ .

- 3) Studiare al variare di  $x \in \mathbb{R}$  il carattere della seguente serie e se possibile calcolarne la somma

$$\sum_{k=2}^{+\infty} \frac{(x+2)^k}{3^{2k+1}}.$$

- 4) Stabilire l'insieme delle soluzioni della seguente disequazione

$$||z| - 4i|^2 \leq 12,$$

se possibile, rappresentarle graficamente.

- 5) Dare la definizione di estremo superiore e estremo inferiore di una funzione, di minimo e massimo assoluto e relativo. Enunciare e dimostrare il teorema di Fermat. Che tipo di condizioni fornisce? Fare Esempi e controesempi.

# ANALISI MATEMATICA - ING. AEROSPAZIALE - II Canale

12/01/2018

Prof.ssa M.R. Lancia - Prof.ssa I. de Bonis

## Testo B

Cognome ..... Nome .....

Matricola ..... Anno di corso .....

**Risolvere per esteso i seguenti esercizi, motivando adeguatamente i procedimenti seguiti e mettendo in evidenza ogni risposta.**

- 1) Studiare al variare dei parametri  $a, \alpha \in \mathbb{R}$  la continuità e la derivabilità in  $x = 0$  della funzione

$$f(x) = \begin{cases} \frac{\ln(1+3x) - \sin(2x) - x}{1 - e^{\frac{3}{2}x^2}} & x > 0 \\ a & x = 0 \\ \frac{\int_0^x \frac{3e^{2t}}{t-1} dt}{(-x)^{2\alpha}} & x < 0. \end{cases}$$

- 2) Utilizzando le operazioni tra grafici disegnare il grafico della funzione

$$y = \arctan |x| - \frac{\pi}{4}.$$

Calcolare l'area della regione piana sottesa dalla curva  $y = \arctan |x| - \frac{\pi}{4}$  in  $[-1, 1]$ .

- 3) Studiare al variare di  $x \in \mathbb{R}$  il carattere della seguente serie e se possibile calcolarne la somma

$$\sum_{k=2}^{+\infty} \frac{(2-x)^k}{5^{2k+1}}.$$

- 4) Stabilire l'insieme delle soluzioni della seguente disequazione

$$||z - 2| - 3i|^2 \leq 10,$$

se possibile, rappresentarle graficamente.

- 5) Dare la definizione di successione, di successione convergente e divergente. Dimostrare che ogni successione convergente è limitata. E' vero il viceversa? Questa proprietà continua a valere anche per le funzioni? Esibire esempi e controesempi.

**ANALISI MATEMATICA - ING. AEROSPAZIALE - II Canale**  
**12/01/2018**

Prof.ssa M.R. Lancia - Prof.ssa I. de Bonis

**Testo C**

Cognome ..... Nome .....

Matricola ..... Anno di corso .....

**Risolvere per esteso i seguenti esercizi, motivando adeguatamente i procedimenti seguiti e mettendo in evidenza ogni risposta.**

- 1) Studiare al variare dei parametri  $a, \alpha \in \mathbb{R}$  la continuità e la derivabilità in  $x = 0$  della funzione

$$f(x) = \begin{cases} \frac{\int_0^x -\frac{2\ln(e+t)}{t+1} dt}{x^{2\alpha}} & x > 0 \\ a & x = 0 \\ \frac{\cos(4x) - \ln(1-2x) - 1 - 2x}{\sin(3x^2)} & x < 0. \end{cases}$$

- 2) Utilizzando le operazioni tra grafici disegnare il grafico della funzione

$$y = \arcsin |x| - \frac{\pi}{4}.$$

Calcolare l'area della regione piana sottesa dalla curva  $y = \arcsin |x| - \frac{\pi}{4}$  in  $\left[-\frac{\sqrt{2}}{2}, \frac{\sqrt{2}}{2}\right]$ .

- 3) Studiare al variare di  $x \in \mathbb{R}$  il carattere della seguente serie e se possibile calcolarne la somma

$$\sum_{k=2}^{+\infty} \frac{(2x+1)^k}{3^{2k+1}}.$$

- 4) Stabilire l'insieme delle soluzioni della seguente disequazione

$$||3z| - 2i|^2 \leq 13,$$

se possibile, rappresentarle graficamente.

- 5) Dare la definizione di serie, di serie convergente, divergente e indeterminata. Dare la definizione di serie assolutamente convergente. Enunciare e dimostrare il teorema sulla convergenza assoluta delle serie. Esibire esempi di serie che convergono semplicemente ma non assolutamente.

# ANALISI MATEMATICA - ING. AEROSPAZIALE - II Canale

12/01/2018

Prof.ssa M.R. Lancia - Prof.ssa I. de Bonis

## Testo D

Cognome ..... Nome .....

Matricola ..... Anno di corso .....

**Risolvere per esteso i seguenti esercizi, motivando adeguatamente i procedimenti seguiti e mettendo in evidenza ogni risposta.**

- 1) Studiare al variare dei parametri  $a, \alpha \in \mathbb{R}$  la continuità e la derivabilità in  $x = 0$  della funzione

$$f(x) = \begin{cases} \frac{\sin(2x) - e^{3x} + 1 + x}{13(1 - \cos x)} & x > 0 \\ a & x = 0 \\ \frac{\int_0^x \frac{\sin(t + \frac{\pi}{2})}{1-t} dt}{(-x)^\alpha} & x < 0. \end{cases}$$

- 2) Utilizzando le operazioni tra grafici disegnare il grafico della funzione

$$y = \arccos |x| - \pi.$$

Calcolare l'area della regione piana sottesa dalla curva  $y = \arccos |x| - \pi$  in  $[-1, 1]$ .

- 3) Studiare al variare di  $x \in \mathbb{R}$  il carattere della seguente serie e se possibile calcolarne la somma

$$\sum_{k=2}^{+\infty} \frac{(1 - 2x)^k}{3^{2k+1}}.$$

- 4) Stabilire l'insieme delle soluzioni della seguente disequazione

$$||z - 1| - 5i|^2 \leq 35,$$

se possibile, rappresentarle graficamente.

- 5) Dare la definizione di ordine d'infinitesimo di una funzione per  $x \rightarrow x_0$ . Enunciare e dimostrare il teorema di de l'Hôpital. Che tipo di condizioni fornisce? Esempi e controesempi. Mostrare che tutte le forme indeterminate sono riconducibili alle due forme  $0/0$  e  $\infty/\infty$ .