

a) Il problema è simmetrico

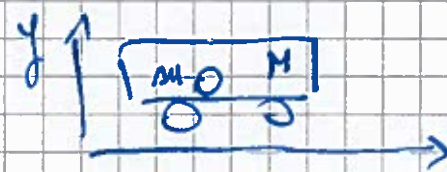
$$\begin{array}{l} x \rightarrow \\ y \rightarrow \end{array} \left\{ \begin{array}{l} T_1 \sin \frac{\theta}{2} - T_2 \sin \frac{\theta}{2} = 0 \\ -mg + T_1 \cos \frac{\theta}{2} + T_2 \cos \frac{\theta}{2} = 0 \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow T_1 = T_2 = T \Rightarrow T = \frac{mg}{2 \cos \frac{\theta}{2}}$$

$$b) T = \frac{mg}{2 \cos \frac{\theta}{2}} < T_{MAX} \Rightarrow \cos \frac{\theta}{2} > \frac{mg}{2 T_{MAX}}$$

$$\Rightarrow \theta < 2 \arccos \left(\frac{mg}{2 T_{MAX}} \right) = 120^\circ$$

2) L'urto tra carrello e palla può essere considerato completamente anelastico, oppure il problema può risolversi considerando una variazione di massa del carrello

a)  Componenti orizzontali della q.d. moto è conservata;

$$(\sum F_x^{ext} = 0) \Rightarrow p_{xi} = p_{xf}$$

$$M v_{xi} = (m + M) v_{xf} \Rightarrow v_{xf} = \frac{M}{m + M} v_{xi} = 0.8 \text{ m/s}$$

b) A partire da t_0 , sul pezzo agisce una forza di attrito f_{at} che lo accelera e sul carrello una forza $-f_{at}$ che lo rallenta

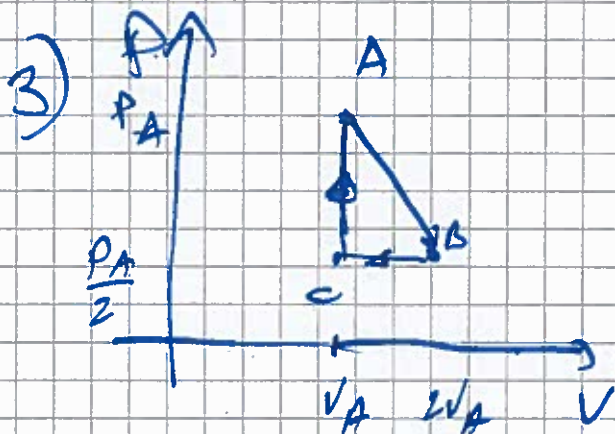
Dal Teorema dell'impulso $\Rightarrow f_{at}(t, -t_0) =$

$$m v_{xf} - 0, \quad f_{at} = \mu_{at} m g$$

$$\Rightarrow t_1 - t_0 = \frac{v_{xf}}{\mu_{at} g} \sim 0.8 \text{ s}$$

c)

$$E_{cf} - E_{ci} = \frac{1}{2} (M + m) v_{xf}^2 - \frac{1}{2} M v_{xi}^2 = -8 \text{ J}$$



Stato A $\Rightarrow \bar{T}_A = p_A V_A / (nR)$

B $\Rightarrow p_B = \frac{p_A}{2}, \quad V_B = 2V_A \Rightarrow \bar{T}_A = \bar{T}_B$

C $\Rightarrow p_C = \frac{p_A}{2}, \quad V_C = V_A \Rightarrow \bar{T}_C = \bar{T}_A / 2$

a)

$$W = \frac{(p_A - p_C)(V_B - V_C)}{2} = \frac{p_A V_A}{4} = \frac{nR\bar{T}_A}{4}$$

(area del triangolo)

$Q_{an} \Rightarrow$ il gas assorbe calore trasformazioni AB e CA

$$Q_{AB} = W_{AB} = W + p_C(V_B - V_C) = \frac{3}{4} nR\bar{T}_A$$

$$Q_{CA} = \Delta U_{CA} = nC_V(\bar{T}_A - \bar{T}_C) = \frac{3}{4} nR\bar{T}_A$$

$$\eta = \frac{W}{Q_{AB} + Q_{CA}} = \frac{1}{6}$$

b) $\Delta S \Rightarrow \Delta S_{AB} = nC_V \ln \frac{\bar{T}_B}{\bar{T}_A} = nR \ln 2$

TESTO 4

Una particella di massa m e carica q , si muove con velocità $v = (v_x, 0, v_z)$, in una regione di spazio dove è presente un campo magnetico $B = (0, 0, B_z)$. All'istante $t = 0$ la particella si trova nel punto $P(0, 0, 0)$.

- Descrivere il moto della particella scrivendo le equazioni del moto lungo gli assi.
- Calcolare il periodo di rivoluzione.
- Calcolare lo spazio totale percorso dopo un periodo di rivoluzione.

Assumendo che $v_z \gg v_x$ descrivere e calcolare il campo magnetico prodotto dal moto della carica.

SOLUZIONE N. 4

L'unica forza agente sulla particella è la Forza di Lorentz:

$$F_L = q\vec{v} \times \vec{B}$$

Le componenti x,y,z di F_L possono essere calcolate come il determinante della matrice:

$$\begin{vmatrix} i & j & k \\ v_x & 0 & v_z \\ 0 & 0 & B_z \end{vmatrix} = i(0) - j(v_x B_z) + k(0)$$

quindi $F_L = (0, -qv_x B_z, 0)$. Non agendo forze su z il moto rimarrà rettilineo e uniforme di velocità v_z . Nel piano ortogonale a z la F_L sarà sempre una forza di tipo centripeto perpendicolare alla proiezione della velocità su tale piano. Quindi il moto sarà circolare e uniforme. La scomposizione del moto sugli assi corrisponde a due moti armonici. Le equazioni del moto sono:

$$x(t) = R\cos(\omega t) \quad y(t) = R\sin(\omega t) \quad z(t) = v_z t$$

Il moto è quello di una spirale intorno alle linee di campo. R può essere calcolato come segue:

$$ma_c = \frac{v_x^2}{R} = qv_x B_z$$

dove abbiamo utilizzato la relazione fra accelerazione centripeta e raggio, esistente in un moto circolare e uniforme. Quindi:

$$R = \frac{mv_x}{qB_z}$$

è il raggio di curvatura della traiettoria. Il periodo di rivoluzione è:

$$T = \frac{2\pi m}{qB_z}$$

Quindi lo spazio totale percorso dopo una rivoluzione sarà:

$$S_{tot} = S_{xy} + S_z = \frac{2\pi m}{qB_z} v_x + \frac{2\pi m}{qB_z} v_z = \frac{2\pi m}{qB_z} (v_x + v_z)$$

Assumendo che $v_z \gg v_x$, il moto è rettilineo e uniforme lungo z . Quindi il campo magnetico è formato da spire circolari concentriche con la particella carica. Il suo modulo è:

$$B = \frac{\mu_0 qv_z}{4\pi r^2}$$