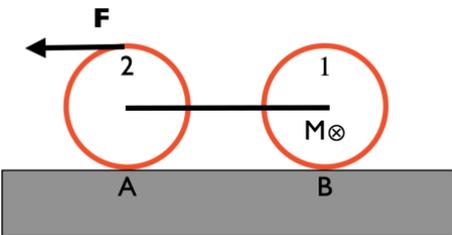




Risolvere, prima analiticamente poi numericamente, gli esercizi seguenti.

1. Una giostra di raggio $R=1$ m sta ruotando con velocità angolare costante $\omega=1$ rad/s. Un grave viene lasciato cadere da un'altezza h su una direzione verticale perpendicolare al bordo esterno della giostra. Determinare, all'istante dell'impatto, rispetto ad un osservatore solidale alla giostra: **a)** l'accelerazione di Coriolis del grave; **b)** il modulo della sua accelerazione relativa.
2. Due corpi rigidi a simmetria circolare, aventi eguale massa $m = 20$ kg e uguale raggio $R = 0.5$ m, sono disposti come in figura su un piano orizzontale scabro; i centri sono collegati da un filo. Come mostrato in figura, all'asse del corpo 1 è applicato il momento di modulo $M = 8$ Nm, al corpo 2 è applicata la forza di modulo F . Il sistema è in quiete. Calcolare: **a)** il modulo F ; **b)** il modulo ed il verso delle forze di attrito \vec{f}_A ed \vec{f}_B nei punti di contatto A e B dei corpi con il piano; **c)** la tensione del filo T ; **d)** il valore minimo del coefficiente di attrito statico μ_s affinché il sistema rimanga fermo.

3. Una molla di costante elastica $k=9.8$ N/m, massa nulla e lunghezza a riposo $L = 1$ m è appesa al soffitto di una stanza in corrispondenza di uno dei suoi estremi O. All'altro estremo è attaccato un punto materiale di massa $m = 0.1$ kg. Il sistema è posto in rotazione attorno ad un asse verticale passante per il punto O con velocità angolare $\omega = 4$ rad/s. Si determini il valore dell'angolo θ che la molla forma con l'asse verticale durante la rotazione.
4. Un gas perfetto biatomico esegue una trasformazione isobara tra gli stati A e B. Se la trasformazione è condotta reversibilmente, il gas compie un lavoro $L_{AB,rev} = 50$ l atm; in caso contrario (cioè trasformazione irreversibile) il lavoro $L_{AB,irrev}$ risulta inferiore del 20% rispetto a quello che si ha in condizioni di reversibilità. Determinare il calore $Q_{AB,irrev}$ scambiato nel caso di trasformazione irreversibile.
5. Un gas perfetto monoatomico viene riscaldato a volume costante da uno stato iniziale di equilibrio fino alla temperatura $T_1 = 320$ K. In seguito a tale trasformazione l'entropia del gas aumenta di $\Delta S = 6$ J/K. Successivamente il gas torna alla pressione iniziale tramite una trasformazione isoterma irreversibile. Si calcoli il lavoro compiuto dal gas.

Sezione TEORIA - Rispondete facoltativamente, con essenzialità e correttezza, alle seguenti domande.

- T1. Definire i diversi tipi possibili di equilibrio per una forza conservativa. Per ogni tipo di equilibrio si definisca la relativa condizione sull'energia potenziale.
- T2. Dimostrare l'equivalenza dei due enunciati del II principio della Termodinamica.



----- SOLUZIONI -----

1. a) $\vec{a}_{cor} = 2\vec{\omega} \times \vec{v}_{rel} = 2\vec{\omega} \times (\vec{v}_{ass} - \vec{v}_{tras}) = -2\vec{\omega} \times \vec{v}_{tras} = -2\vec{\omega} \times (\vec{\omega} \times \vec{r}) = -2\omega^2 \vec{r}$

Si è tenuto conto che $\vec{v}_{ass} \parallel \vec{\omega}$

La direzione è radiale; il verso è centrifugo; $|\vec{a}_{cor}| = 2\omega^2 r = 2 \text{ m/s}^2$

b) $\vec{a}_{rel} = \vec{a}_{ass} - \vec{a}_{tras} - \vec{a}_{cor} = \vec{g} - (-\omega^2 \vec{r}) - 2\omega^2 \vec{r} = \vec{g} - \omega^2 \vec{r}$

$$|\vec{a}_{rel}| = \sqrt{g^2 + \omega^4 r^2} = 9.86 \text{ m/s}^2$$

2. Dalle equazioni cardinali della dinamica dei corpi rigidi otteniamo: $f_B - T = 0$; $T - F - f_A = 0$ da cui $f_B = F + f_A$. L'equazione dei momenti calcolati rispetto all'asse dei corpi rigidi si scrive per i due corpi: $M - f_B R = 0$ e $F R - f_A R = 0$. Si ottiene quindi: $f_A = F$, $f_B = 2F$, $T = 2F$ e $M = 2FR$. Si calcolano: $F = M/2R = 8 \text{ N}$; $f_B = 16 \text{ N}$ ed $f_A = 8 \text{ N}$; $T = 16 \text{ N}$. μ_s si ottiene richiedendo $\mu_s mg \geq f_A$ ed f_B . Essendo $f_A < f_B$ basterà imporre $\mu_s mg \geq f_B$ e dunque ottenere: $\mu_s \geq 0.08$

3. Proiettando le forze agenti sulla massa: $k\Delta L \cos\theta = mg$ e $k\Delta L \sin\theta = m\omega^2(L + \Delta L)\sin\theta$ da cui si ottiene $\Delta L = m\omega^2 L / (k - m\omega^2) = 0.2 \text{ m}$ e $\cos\theta = mg / k\Delta L$ da cui $\theta = 60 \text{ deg}$.

$$4. \quad Q_{rev} = \Delta U + L_{rev} = nc_V \Delta T + p \Delta V = nc_p \Delta T \quad (1)$$

$$Q_{irr} = \Delta U + L_{irr} = nc_V \Delta T + L_{irr} \quad (2)$$

$$\text{Dalla (1)} \quad n(c_p - c_V) \Delta T = L_{rev} \quad \Delta T = \frac{L_{rev}}{nR}$$

$$\text{Dalla (2)} \quad Q_{irr} = nc_V \frac{L_{rev}}{nR} + L_{irr} = \frac{L_{rev}}{\gamma-1} + L_{irr} = 165 \text{ l atm} = 16,7 \text{ kPa}$$

-
5. Nel riscaldamento isocoro si ha che $\Delta S_{AB} = nc_V \ln (T_B/T_A)$ e il lavoro $L_{BC} = nRT_B \ln (V_C/V_B)$. Usando le relazioni che collegano le variabili termodinamiche in una isoterma e in una isocora, si ottiene che $V_C/V_B = T_B/T_A = \exp (\Delta S_{AB}/nc_V)$. Si ottiene: $L_{BC} = nRT_B \Delta S_{AB} / nc_V$. Considerato che il gas è monoatomico si ottiene $L_{BC} = 2/3 T_B \Delta S_{AB} = \mathbf{1280 \text{ J}}$.
-