

Programma preliminare del corso di Analisi Matematica 1 per Ingegneria Informatica (12CFU) a.a. 2015/2016

Docente: Roberto Conti

19 settembre 2015

Concetti fondamentali: Nozioni di logica matematica; concetto di insieme e le principali operazioni; il principio di induzione; progressione geometrica; fattoriale e coefficienti binomiali; formula del binomio di Newton e il triangolo di Tartaglia; i numeri naturali \mathbb{N} , interi \mathbb{Z} , razionali \mathbb{Q} e reali \mathbb{R} ; valore assoluto e disuguaglianza triangolare; estremo superiore e l'assioma di completezza;

Successioni numeriche: Successioni convergenti, infinitesime, divergenti, oscillanti e limitate; regole per il calcolo dei limiti; numeri reali estesi, 0^+ e 0^- ; forme determinate e indeterminate; limiti e ordinamento: teorema del confronto e dei carabinieri, successioni monotone; successioni asintotiche e il principio di sostituzione.

Serie numeriche: Definizione di serie e prime proprietà: criterio necessario per la convergenza; serie a termini non negativi; criterio del confronto e del confronto asintotico, criterio della radice e del rapporto, serie a termini di segno variabili, il criterio di Leibniz, convergenza semplice e convergenza assoluta; serie armonica, armonica generalizzata, geometrica ed esponenziale.

Funzioni continue: Funzioni reali di una variabile reale; funzioni iniettive, suriettive, bi-ettive, pari e dispari; funzione inversa; funzioni elementari: polinomi e funzioni razionali, potenza, funzione esponenziale, iperboliche, circolari, grafici; somma, prodotto, quoziente e composizione di funzioni; funzioni monotone e limitate; limiti delle funzioni reali; regole per il calcolo di limiti; limiti e ordinamento: teorema del confronto e dei carabinieri per le funzioni; funzioni continue; funzioni continue su un intervallo: teorema degli zeri e dei valori intermedi, il metodo di bisezione; continuità delle funzioni elementari e delle loro inverse: logaritmi, inverse delle funzioni circolari e iperboliche; funzioni continue su un intervallo chiuso e limitato: teorema di Weierstraß.

Calcolo differenziale per funzioni di una variabile: Rapporto incrementale; derivata e suo significato geometrico; regole di derivazione; derivazione delle funzioni composte e delle funzioni inverse; derivazione delle funzioni elementari e loro inverse; estremi locali e teorema di Fermat; i teoremi di Rolle e di Lagrange; conseguenze del teorema di Lagrange; funzioni monotone; estremi locali di funzioni derivabili; funzioni con derivata zero; le regole di de l'Hospital; approssimazione lineare di una funzione; il differenziale; le derivate successive; i simboli di Landau; funzioni con contatto di ordine n ; polinomio di Taylor e

di Mac Laurin; la formula di Taylor con resto di Lagrange e resto di Peano; i polinomi di Taylor delle funzioni elementari; applicazioni del teorema di Taylor: estremi locali, calcolo numerico, confronti asintotici tra funzioni e calcolo dei limiti con il principio di sostituzione, serie di Taylor, sviluppo delle funzioni elementari; studio di funzione.

Calcolo Integrale per funzioni di una variabile: L'integrale di Riemann e significato geometrico; somme inferiori e superiori, caratterizzazione delle funzioni integrabili; classi di funzioni integrabili; proprietà dell'integrale; la funzione integrale e la primitiva; teorema fondamentale del calcolo integrale; integrale indefinito; regole di integrazione: integrazione per parti e per sostituzione; integrali impropri e criteri di convergenza, serie e integrali impropri.

Numeri complessi: Definizione dei complessi e struttura di campo; forma cartesiana dei complessi e piano di Gauß; coniugato, modulo e argomento di un complesso; disuguaglianza triangolare; forma trigonometrica dei complessi; significato geometrico delle operazioni fra complessi; potenze e radici di numeri complessi.

Equazioni differenziali di primo ordine: Interpretazione geometrica; problema di Cauchy; esistenza di soluzioni e il teorema di Peano; equazioni lineari di primo ordine, equazioni omogenee, variazione della costante; equazioni a variabili separabili, soluzioni stazionarie, metodo di sostituzione.

Equazioni differenziali di secondo ordine: Problema di Cauchy; equazioni lineari a coefficienti costanti, equazione omogenea, polinomio caratteristico, soluzione particolare e generale, equazioni complete, metodo della variazione della costante, la Wronskiana.

Calcolo differenziale per funzioni di più variabili: Funzioni reali di più variabili, grafico; norma in \mathbb{R}^n e limiti in \mathbb{R}^n ; funzioni continue di più variabili; derivate direzionali e derivate parziali; gradiente; continuità e derivabilità, approssimazione lineare, piano tangente; estremi locali, punti critici e teorema di Fermat; derivate successive e teorema di Schwarz, la Hessiana, Teorema di Taylor, matrici definite positive/negative e indefinite, criterio di Hurwitz; funzioni di più variabili a valori vettoriali, la Jacobiana, regola della catena, trasformazioni regolari di coordinate: coordinate polari, circolari e sferiche, trasformazioni regolari, invertibilità locale di trasformazioni.

Calcolo Integrale per funzioni di più variabili: Integrazione di funzioni di due variabili, integrale di Riemann, misura di un insieme, proprietà dell'integrale, domini semplici e regolari, teorema di Fubini, interpretazione geometrica; cambiamento di variabili, integrazione in coordinate polari.

Testi consigliati:

- M. Bertsch, R. Dal Passo, L. Giacomelli: *Analisi Matematica*, McGraw Hill;
- M. Bramanti, C.D. Pagani, S. Salsa: *Analisi Matematica 1 e 2*, Zanichelli;
- P. Loreti, D. Sforza: *Esercizi di Analisi Matematica*, Università La Sapienza;
- P. Marcellini, C. Sbordone: *Esercitazioni di Matematica*, Liguori Editore.
- J. Stewart: *Calcolo* (2 volumi), Maggioli Editore.
- R. A. Adams, C. Essex: *Calcolo Differenziale* (2 volumi), Casa Editrice Ambrosiana.