

AUTOVALUTAZIONE 7 marzo 2022

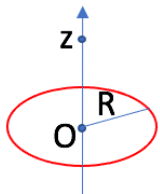
Gli esercizi contrassegnati con l'asterisco verranno svolti in aula

- 1) Quattro cariche (1 nC) sono poste ai vertici di un quadrato di lato $L = 10$ cm. Hanno i segni riportati in figura: determinare l'intensità della forza esercitata su ognuna di esse.
 >>> soluzione: su ciascuna carica agisce la forza $F = 1/(4\pi\epsilon_0) q^2/L^2 (1/2 - \sqrt{2}) = 0,82 \mu\text{N}$ che punta verso il centro del quadrato

- 2*) Determinare l'intensità del campo elettrico generato nel punto P da una carica uniformemente distribuita lungo una semiretta con densità $\lambda = 1$ nC/m. Il punto P è sulla perpendicolare alla semiretta in corrispondenza della sua estremità, a distanza $h = 1,4$ cm.



>>> soluzione: $E = (\lambda/4\pi\epsilon_0) \sqrt{2}/h = 900$ N/C



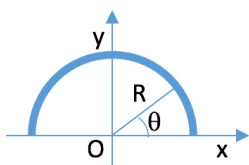
- 3*) Determinare direzione, intensità e verso del campo elettrico nei punti sull'asse di una spira di raggio R uniformemente carica con densità lineare λ .

>>> soluzione: $\vec{E}(0,0,z) = \hat{k} \left[\frac{\lambda R}{2\epsilon_0} \frac{z}{(z^2+R^2)^{3/2}} \right]$

- 4) Un segmento di lunghezza $L = 6$ cm è uniformemente carico con densità $\lambda = +1,4$ $\mu\text{C}/\text{m}$. A distanza $2d = 2$ cm da una estremità è posta una carica puntiforme +Q. Determinare il valore di Q sapendo che nel punto P a metà distanza fra l'estremità del filo e la carica Q il campo elettrico è nullo.



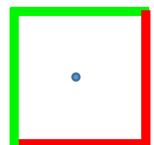
>>> soluzione: $Q = \lambda Ld/(L+d) = 12$ nC



- 5*) La semi-spira di raggio R in figura è carica con densità lineare λ . Determinare in O l'intensità del campo elettrico e disegnarne direzione e verso.

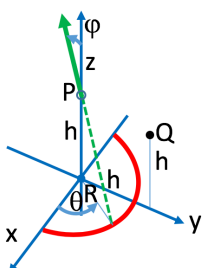
>>> soluzione: $E_x = 0; E_y = -\lambda/2\pi\epsilon_0 R \rightarrow E = \lambda/(2\pi\epsilon_0 R)$

- 6) Nel quadrato in figura due lati contigui sono uniformemente carichi con densità di carica lineare λ ; gli altri due sono uniformemente carichi con densità di carica lineare $-\lambda$. Determinare l'espressione dell'intensità del campo elettrico al centro del quadrato di lato L.



>>> soluzione: $2\sqrt{2}E$ con $E = \lambda/(\sqrt{2}\pi\epsilon_0 L)$

DA RISOLVERE UTILIZZANDO IL TEOREMA DI GAUSS

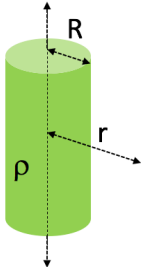


- 7) Un anello carico di forma semicircolare e raggio $R = 3$ cm, con densità di carica $\lambda = 10$ nC/m giace su un semipiano x-y come indicato in figura. Una carica $Q = -0,3$ nC giace nel punto $Q = \{0, h, h\}$ con $h = 4$ cm. Calcolare il flusso del campo elettrico totale attraverso la superficie di un cilindro centrato nel sistema di riferimento, con asse lungo z, avente raggio $R_{\text{cil}} = 2$ cm e altezza $H_{\text{cil}} = 10$ cm.

>>> soluzione: disegnare la superficie di Gauss

8) Atomo di idrogeno: ricavare e graficare approssimativamente l'andamento $E_r(r)$ del campo elettrico generato da una carica positiva puntiforme q_+ circondata da una carica negativa di valore complessivo $q_- = -q_+$ distribuita uniformemente su una superficie sferica di raggio R centrata intorno alla carica positiva.

>>> soluzione: $E_r(r < R) = q_+ / (4\pi\epsilon_0 r^2)$; $E_r(r > R) = 0$

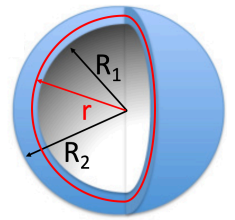


9*) Una carica elettrica è distribuita in una regione cilindrica di altezza infinita e raggio R con densità di volume ρ . Determinare l'intensità del campo elettrico in tutti i punti dello spazio a distanza r dall'asse

>>> soluzione: se $r \leq R \rightarrow E_r(r) = \rho r / (2\epsilon_0)$; se $r \geq R \rightarrow E_r(r) = \rho R^2 / (2\epsilon_0 r)$

10*) In un guscio sferico (sfera cava di raggio interno R_1 e raggio esterno R_2) è uniformemente distribuita una carica Q . Determinare l'intensità del campo elettrico in tutti i punti dello spazio

>>> soluzione: se $r \leq R_1 \rightarrow E_r(r) = 0$; se $R_1 \leq r \leq R_2 \rightarrow E_r(r) = Q / (4\pi\epsilon_0 r^2) (r^3 - R_1^3) / (R_2^3 - R_1^3)$; se $r \geq R_2 \rightarrow E_r(r) = Q / (4\pi\epsilon_0 r^2)$



11) Una carica elettrica Q è distribuita uniformemente all'interno di un guscio sferico di raggi a e b . Determinare le intensità $E(a)$ e $E(b)$ del campo elettrico sulle due superfici del guscio.

Quale carica puntiforme Q' andrebbe posta nel centro della distribuzione per avere $E(a) = E(b)$?

>>> soluzione: $E(a) = 0$; $E(b) = Q / (4\pi\epsilon_0 b^2)$; $Q' = Q a^2 / (a^2 - b^2) < 0$

$$\int \frac{1}{(x^2+a^2)^{3/2}} dx = \frac{1}{a^2} \frac{x}{\sqrt{x^2+a^2}} + c$$

$$\int \frac{x}{(x^2+a^2)^{3/2}} dx = -\frac{1}{\sqrt{x^2+a^2}} + c$$

$$\int \frac{1}{(a-x)^2} dx = \frac{1}{a-x} + c$$