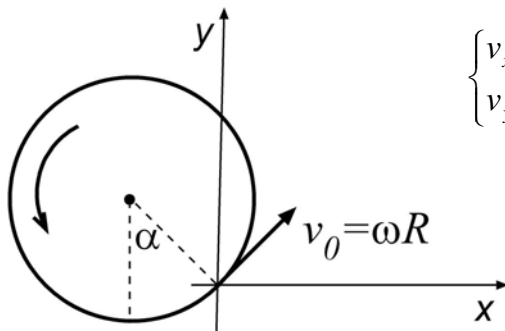




----- SOLUZIONI -----

E1) Il moto del frammento nel piano (x,y) è dato da :



$$\begin{cases} v_x = v_0 \cos \alpha \\ v_y = -gt + v_0 \sin \alpha \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = v_0 \cos \alpha t \\ y = -\frac{1}{2}gt^2 + v_0 \sin \alpha t \end{cases}$$

L'altezza massima si raggiunge per $v_y=0$

$$\Rightarrow y_{MAX} \cong 0.10m$$

La distanza dal punto di distacco si ha imponendo $y=0$ e sostituendo nella equazione che fornisce la posizione x si ottiene

$$\Rightarrow x_G \cong 0.41m$$

E2) Nel SNI della sbarra in rotazione si ha $m\omega^2 l - mg \cos \vartheta \pm As = 0$

dove ϑ è l'angolo con la verticale quando l'asse di rotazione è al di sotto del manicotto. Il punto di massima sollecitazione è il punto di quota minima in cui si ha $m\omega^2 l + mg = A_{s,1}$

Nel punto di massima quota si ha $m\omega^2 l - mg = \pm A_{s,2}$ a seconda che l'attrito sia concorde o discorde rispetto alla forza peso.

Considerando che $A_{s,1} \leq A_{s,max}$; $A_{s,2} \leq A_{s,max}$

$$\text{si ottiene } 0 \leq \omega^2 \leq \frac{A_{s,max}}{ml} - \frac{g}{l} \quad \text{ossia} \quad 0 \leq \omega \leq 20 \text{ s}^{-1}$$

E3) Il centro di massa a riposo del sistema giace sulla verticale, al di sotto dell'asse di rotazione e ad una distanza da esso pari a

$$r_c = \frac{2}{3} l \cos(\vartheta/2) = l \frac{\sqrt{3}}{3} \cong 14.4 \text{ cm}$$

Applicando il teorema di Huygens-Steiner: $I_a = \frac{2}{3} \frac{m}{3} l^2 + \frac{1}{12} \frac{m}{3} l^2 + \frac{m}{3} l^2 \cos^2(\vartheta/2) = \frac{1}{2} m l^2$

a) Il periodo delle piccole oscillazioni è: $T = 2\pi \sqrt{\frac{I_a}{mgr_c}} = 0.93 \text{ s}$

b) Per la conservazione dell'energia si ha:

$$mgr_c (1 - \cos(\vartheta/2)) = \frac{1}{2} I_a \omega^2 = \frac{1}{2} \frac{I_a}{r_c^2} v_c^2$$

Nel punto di minima quota si ha, dalla I eq. cardinale: $R_N = m \left(g + \frac{v_c^2}{r_c} \right) \cong 8.7 \text{ N}$

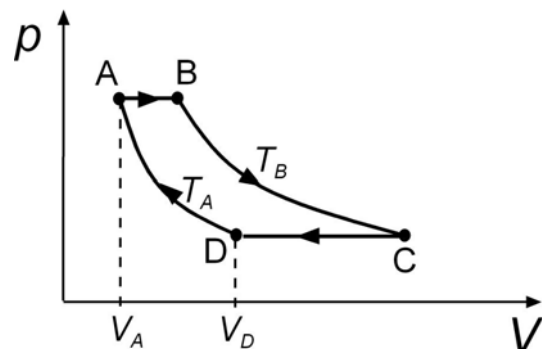
E4) Il lavoro fatto durante un ciclo è la somma algebrica dei lavori nelle 4 trasformazioni

$$L_{AB} = nR(T_B - T_A)$$

$$L_{BC} = nRT_B \ln \frac{V_C}{V_B}$$

$$L_{CD} = nR(T_D - T_C) = nR(T_A - T_B)$$

$$L_{DA} = nRT_A \ln \frac{V_A}{V_D}$$



Considerando le trasformazioni isobare: $\frac{T_A}{T_B} = \frac{V_A}{V_B} = \frac{T_D}{T_C} = \frac{V_D}{V_C} \Rightarrow \frac{V_C}{V_B} = \frac{V_D}{V_A}$

Da cui $L_{ciclo} = L_{AB} + L_{BC} + L_{CD} + L_{DA} = nRT_B \ln \frac{V_D}{V_A} + nRT_A \ln \frac{V_A}{V_D} = 2739 \text{ J}$

Essendo $Q_{ass} = Q_{AB} + Q_{BC} = n(R + c_V)(T_B - T_A) + nRT_B \ln \frac{V_C}{V_B} = 12.623 \text{ kJ}$

Da cui si ottiene $\eta = \frac{L_{ciclo}}{Q_{ass}} = 0.22$