

1) Una molla di lunghezza a riposo $d = 6$ cm viene compressa fra due corpi puntiformi di massa M_1 e $M_2 = 3M_1$ fino a portarli a contatto. Quando la molla viene lasciata libera di allungarsi i due corpi si muovono sul piano liscio sul quale sono appoggiati fino ad arrivare alla massima estensione D della molla. Determinare D e la distanza massima d_M di M_2 dal centro di massa del sistema
 [D = 12 cm; $d_M = 3$ cm]

2) Un corpo di massa $m = 1$ kg scende lungo un piano inclinato scabro ($\mu_d = 0,6$) inclinato di 30° quando ne urta a $v_0 = 2$ m/s un altro con la stessa massa che in quel momento viaggia in verso opposto e a metà della sua velocità. Subito dopo l'urto il primo corpo cambia verso risalendo e dimezzando la sua velocità. Stabilire se la forza impulsiva che si sprigiona durante l'urto è conservativa
 [si]

3) Un punto materiale di massa m urta elasticamente una superficie fissa formando un angolo θ rispetto alla normale. Determinare la velocità iniziale del corpo sapendo che nell'urto trasferisce un impulso J alla superficie. Svolgere i calcoli per $m = 1$ kg, $\theta = 60^\circ$, $J = 2$ Ns
 [2m/s]

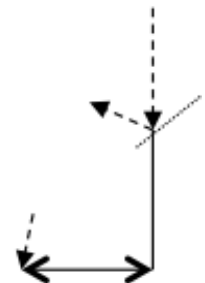
4) Un oggetto di massa $m = 0,2$ kg si muove su un piano orizzontale scabro quando urta centralmente un altro oggetto di massa $M = 1,8$ kg fermo. Subito prima dell'urto il primo oggetto possedeva un'energia cinetica $K = 10$ J; dopo l'urto i due oggetti aderiscono e percorrono $d = 0,2$ m prima di arrestarsi. Quanto vale il coefficiente di attrito? [$\mu = 0,25$]

5) Un corpo puntiforme di massa M viaggia orizzontalmente con energia cinetica K quando esplode in due frammenti. Uno, di massa $M/5$ si ferma; l'altro continua a viaggiare in avanti. Quanta energia è stata sviluppata nell'esplosione? Riportare il risultato come frazione dell'energia cinetica iniziale K .
 [E = K/4]

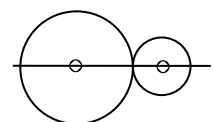
6) La massa puntiforme $m = 10$ g di un pendolo viene spostata di 60° dalla verticale e lasciata libera. Quando il corpo passa per la verticale urta elasticamente un altro corpo puntiforme di massa $m' = 2$ m. Calcolare la massima ampiezza dell'oscillazione dopo l'urto. [$\cos \theta = 17/18$].

7) Una pallina cade da ferma dalla quota $h = 1$ m quando a $h' = 0,5$ m incontra una lastra piana inclinata verso il basso di 45° rispetto all'orizzontale. L'urto è elastico e la pallina rimbalza sulla lastra per poi cadere a terra a distanza d dal punto nel quale sarebbe caduta se non avesse incontrato la lastra. Determinare d .

[d = 1 m]



8) Determinare la posizione del centro di massa di un corpo costituito da due sfere omogenee di masse m e $M = m/2$ e raggi r e $R = 3r$ saldate in un punto della superficie.



[1/3 r all'interno della sfera più grande]

1) a: non c'è lavoro di forze non conservative; b: non agiscono forze lungo l'asse individuato dalle due masse perciò il centro di massa...

2) calcolare l'energia del sistema prima e dopo l'urto

3) considerare solo cosa succede lungo la direzione perpendicolare alla superficie e ricordare la relazione fra impulso e variazione della quantità di moto: $J = 2 (m v_0 \cos\theta)$

4) $\mu = K/(gd) * m/(m+M)^2$

5) la velocità del frammento più pesante è 5/4 di quella iniziale

6) a: prima dell'urto $mgL(1-\cos\theta_0) = \frac{1}{2} m v_0^2$.

b: durante l'urto $mv_0 = mv + m'v'$ e $\frac{1}{2}mv_0^2 = \frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}m'v'^2 \rightarrow v' = \frac{2}{3} v_0$

[infatti $m(v_0^2 - v^2) = m'v'^2$ che, divisa per $m(v_0 - v) = m'v'$, dà $v_0 + v = v'$. Essendo poi $m(v_0 - v) = m'v' \rightarrow v_0 - v = 2v'$ da cui $2v_0 = 3v'$ e quindi $v = -\frac{1}{3} v_0$ cioè rimbalza tornando indietro].

c: dopo l'urto $\frac{1}{2} m v^2 = mgL(1-\cos\theta) \rightarrow \frac{1}{9} mgL(1-\cos\theta_0) = mgL(1-\cos\theta) \rightarrow \cos\theta = 17/18$

7) a: prima dell'urto si conserva l'energia: $mgh = mgh' + \frac{1}{2}mv^2$ da cui $v = [2(h-h')]g^{1/2}$.

La quantità di moto della pallina può essere scomposta in due vettori con direzioni parallela e perpendicolare alla lastra. Entrambi hanno modulo $mv/\sqrt{2}$.

b: durante l'urto la componente della quantità di moto perpendicolare alla lastra (di massa infinitamente più grande di m) cambia segno; quella parallela non interagisce con la lastra. La somma dei due vettori dopo l'urto ha modulo mv e direzione orizzontale.

c: dopo l'urto, per scendere di h' la pallina impiega $h' = \frac{1}{2} g t^{*2} \rightarrow t^* = \sqrt{2h'/g}$; nel frattempo si sposta di $d = v t^* = [4h'(h-h')]^{1/2}$

8) la posizione del centro di massa può essere individuata a partire dai CM delle due sfere che, per simmetria, coincidono con i rispettivi centri.

Prendendo come origine la saldatura e considerando come asse x la congiungente dei due centri orientata dalla sfera con massa inferiore verso la sfera con massa maggiore si ottiene:

$x_{CM} = (-R M + m r)/(M + m) = -1/3 r$ (<0: all'interno della sfera più grande)