

# Complementi di fisica generale

adalberto.sciubba@uniroma1.it

## sorgenti, campi e loro interazioni

esercitazione su:

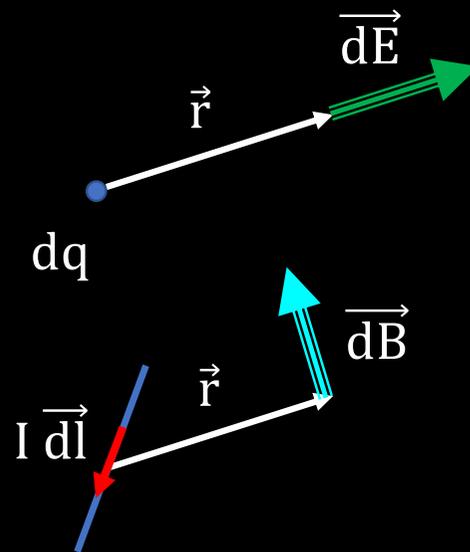
condensatori  
energia elettrica  
solenoidi

$$\vec{dE}(\vec{r}) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} dq \frac{\hat{r}}{r^2}$$

$$\vec{dB}(\vec{r}) = \frac{\mu_0}{4\pi} I d\vec{l} \times \frac{\hat{r}}{r^2}$$

$$\phi_S(\vec{E}) = \int_S \vec{E} \cdot \hat{n} dS = \frac{q_{\text{int}}}{\epsilon_0}$$

$$\oint_{\gamma} \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I_{\text{conc}}$$



$$\vec{F} = q \vec{E}$$

$$\vec{F} = q \vec{v} \times \vec{B}$$

$$d\vec{F} = I d\vec{l} \times \vec{B}$$

$$\Delta V = L_{\text{CONS}}/q = \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

$$\Delta V_{A \rightarrow B} = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{1}{r_A} - \frac{1}{r_B} \right)$$

$$\text{f.e.m.} = L_{\text{NON CONS}}/q = \oint \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

$$C = \frac{Q}{\Delta V}$$

$$C_{\text{piano}} = \frac{\epsilon_0 S}{d}$$

$$U = \frac{1}{2} C \Delta V^2$$

$$u = \frac{1}{2} \epsilon_0 E^2$$

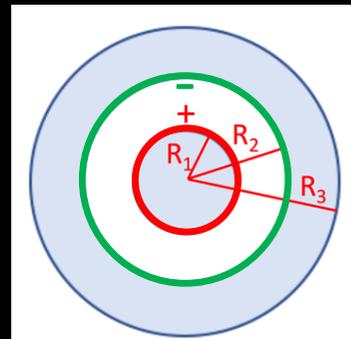
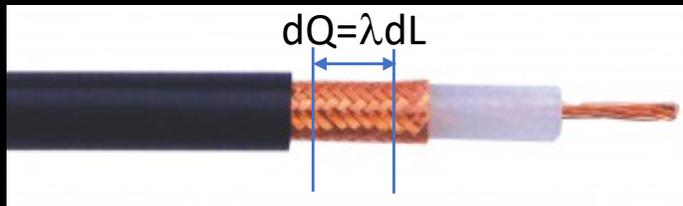
$$B_{\text{solenoid}} = \mu_0 n I$$

6) Un condensatore cilindrico è costituito da un tratto di cavo coassiale lungo  $L$  che ha come armatura interna la superficie di un conduttore di raggio  $R_1$  e come armatura esterna una guaina conduttrice di raggio  $R_2$ .

La carica  $+Q$  si distribuisce lungo  $L$  con densità  $\lambda = Q/L$  sull'armatura di raggio  $R_1$ ; la stessa carica ma di segno opposto  $-Q$  si distribuisce lungo  $L$  con densità  $\lambda = -Q/L$  sull'armatura di raggio  $R_2$ .

Il campo elettrico fra le armature ha un andamento radiale:  $E(r) = \lambda/(2\pi\epsilon_0 r)$  [verificare utilizzando Gauss] e la differenza di potenziale fra le armature è  $\Delta V = \lambda/(2\pi\epsilon_0) \ln(R_2/R_1)$  [verificare integrando  $E(r)$  fra  $R_1$  e  $R_2$ ].

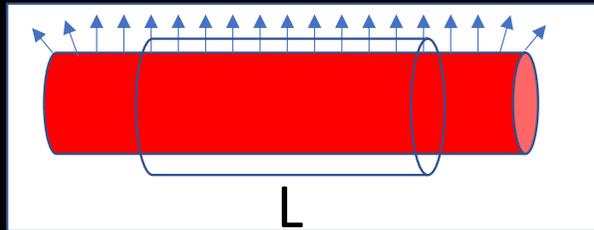
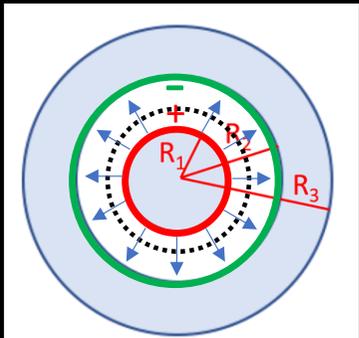
Calcolare l'energia contenuta nel condensatore, sia a partire dal valore della capacità e della differenza di potenziale, sia integrando la densità di energia  $u = \frac{1}{2} \epsilon_0 E^2$  sul volume fra le armature.



6) ...

Il campo elettrico fra le armature ha un andamento radiale:  $E(r) = \lambda / (2\pi\epsilon_0 r)$  [verificare utilizzando Gauss] e la differenza di potenziale fra le armature è  $\Delta V = \lambda / (2\pi\epsilon_0) \ln(R_2/R_1)$  [verificare integrando  $E(r)$  fra  $R_1$  e  $R_2$ ].

Calcolare l'energia contenuta nel condensatore, sia a partire dal valore della capacità e della differenza di potenziale, sia integrando la densità di energia  $u = \frac{1}{2} \epsilon_0 E^2$  sul volume fra le armature.



$$2\pi r L E(r) = \lambda L / \epsilon_0 \rightarrow E(r) = \lambda / (2\pi\epsilon_0 r)$$

$$\Delta V = \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

$$\Delta V = \int_{R_1}^{R_2} \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0} \frac{dr}{r} = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0} \ln\left(\frac{R_2}{R_1}\right)$$

6) ...

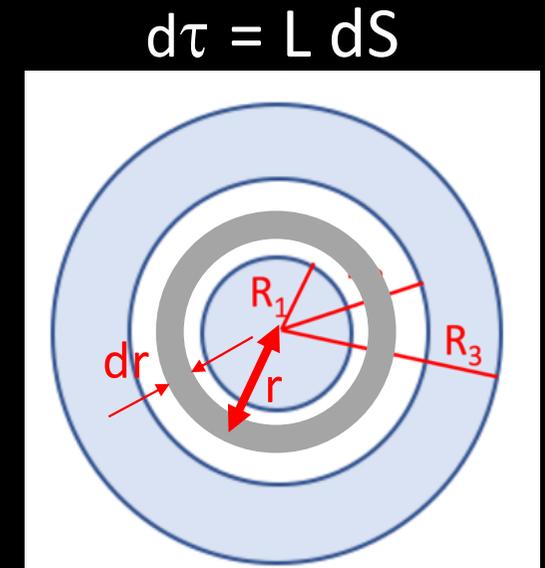
Calcolare l'energia contenuta nel condensatore, sia a partire dal valore della capacità e della differenza di potenziale, sia integrando la densità di energia  $u = \frac{1}{2}\epsilon_0 E^2$  sul volume fra le armature.

$$\Delta V = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0} \ln\left(\frac{R_2}{R_1}\right) \quad C = \frac{Q}{\Delta V} = \frac{\lambda L}{\frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0} \ln\left(\frac{R_2}{R_1}\right)} = \frac{2\pi\epsilon_0 L}{\ln\left(\frac{R_2}{R_1}\right)}$$

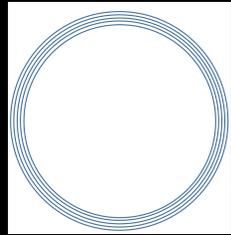
$$U = \frac{1}{2} C \Delta V^2 = \frac{1}{2} \frac{2\pi\epsilon_0 L}{\ln\left(\frac{R_2}{R_1}\right)} \left(\frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0} \ln\left(\frac{R_2}{R_1}\right)\right)^2 = \frac{1}{2} \frac{\lambda^2 L}{2\pi\epsilon_0} \ln\left(\frac{R_2}{R_1}\right)$$

$$u = \frac{U}{\text{vol}} = \frac{U}{\tau} \quad \text{ma} \quad u(r) = \frac{1}{2} \epsilon_0 E(r)^2 \rightarrow dU = u(r) d\tau \rightarrow u(r) = \frac{dU}{d\tau}$$

$$U = \int_{R_1}^{R_2} u(r) 2\pi r L dr = \int_{R_1}^{R_2} \frac{1}{2} \epsilon_0 \left(\frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 r}\right)^2 2\pi r L dr = \int_{R_1}^{R_2} \frac{1}{2} \frac{\lambda^2 L}{2\pi\epsilon_0 r} dr = \frac{1}{2} \frac{\lambda^2 L}{2\pi\epsilon_0} \ln\left(\frac{R_2}{R_1}\right)$$



8) Determinare la lunghezza del filo di sezione quadrata di lato  $L = 1 \text{ mm}$  con il quale viene realizzato un solenoide di raggio  $R = 3 \text{ cm}$  e lunghezza  $h = 30 \text{ cm}$ .



Le spire, realizzate senza lasciare spazi morti apprezzabili, sono avvolte su 5 strati (trascurare la piccola variazione del raggio delle spire).

Determinare anche il valore del campo magnetico interno quando l'avvolgimento è percorso da una corrente di  $2 \text{ A}$  (le normative impongono una densità di corrente massima pari a  $10 \text{ A/mm}^2$ )

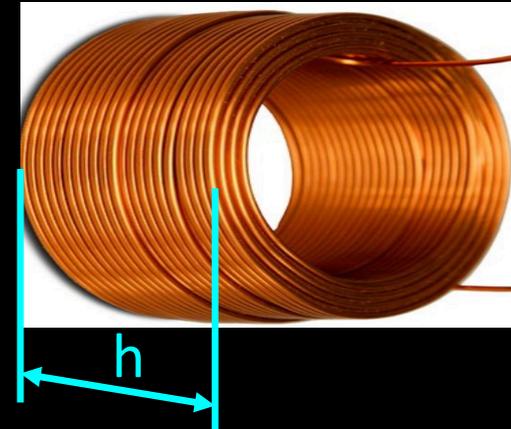
$$N \text{ spire: } N = 5 h/L = 1500 \quad (5 \text{ spire/mm} \times 300 \text{ mm})$$

$$\text{lunghezza di una spira: } 2\pi R$$

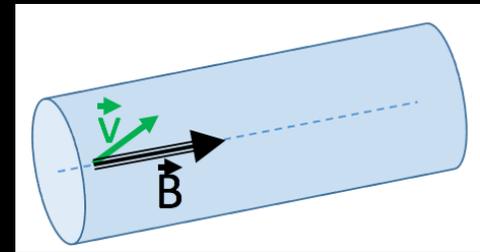
$$\text{lunghezza totale } 283 \text{ m}$$

$$n = N/h = 5000 \text{ spire/m}$$

$$B = \mu_0 n I = 12,6 \text{ mT} \quad 1 \text{ tesla} = 1 \text{ T} \quad \text{campo magnetico terrestre } 50 \mu\text{T}$$
$$\text{risonanza magnetica } 3\div 7 \text{ T}$$

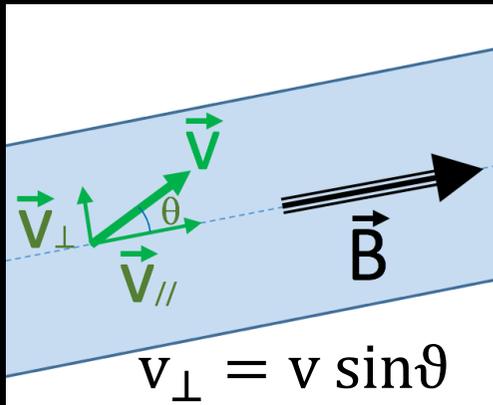


10) Una particella di carica  $q > 0$  e massa  $m$ , posta sull'asse di un lungo solenoide di raggio  $R$  e  $n$  spire per unità di lunghezza, viene emessa con velocità  $v$  in una direzione inclinata di  $30^\circ$  rispetto all'asse. Determinare il valore minimo della corrente che impedisce alla particella di raggiungere l'avvolgimento del solenoide.



$$\vec{F} = q \vec{v} \times \vec{B}$$

$$|\vec{F}| = q v B \sin\vartheta$$



$$F_L = q v_{\perp} B = m a_n = m v_{\perp}^2 / r$$

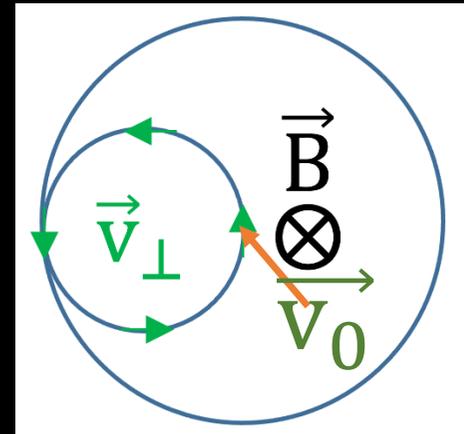
$$q B = m v_{\perp} / r$$

$$v_{\perp} = v \sin(30^\circ) = v/2$$

$$r_{\text{MAX}} = R/2$$

$$q B_{\text{min}} = m (v/2) / (R/2) = m v / R$$

$$B_{\text{min}} = mv / (qR) = \mu_0 n I_{\text{min}} \rightarrow I_{\text{min}} = mv / (qR\mu_0 n)$$



**MOTO ELICOIDALE**



# Complementi di fisica generale

adalberto.sciubba@uniroma1.it

sorgenti, campi e loro interazioni

**VENERDÌ 1 ORE 8:30-10**



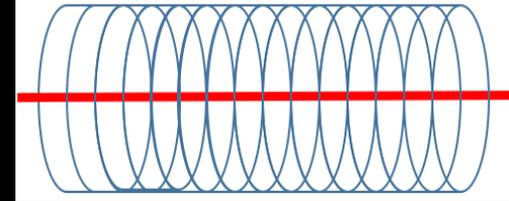
**MASSIMA PUNTUALITA'  
PER CHI E' DA REMOTO**

autoflusso e induttanza

energia magnetica

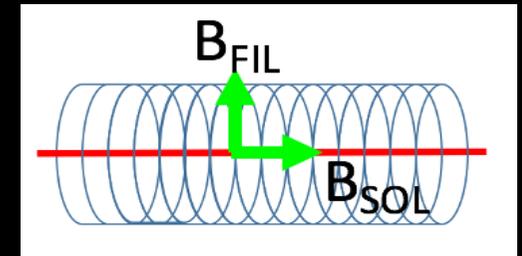
induzione elettromagnetica (Faraday-Neumann-Lenz)

9) Un lungo solenoide rettilineo di raggio  $R = 1 \text{ cm}$  è costituito da  $n = 500$  spire/m di filo nelle quali scorre la corrente  $I_0 = 100 \text{ mA}$ . Lungo l'asse del solenoide è posto un filo conduttore percorso dalla corrente  $I$ .



Determinare il valore di  $I$  per cui il campo  $B$  sulla superficie interna del solenoide forma un angolo di  $45^\circ$  rispetto all'asse.

se l'angolo è di  $45^\circ$  i due campi hanno la stessa intensità



$$B_{\text{SOL}} = \mu_0 n I_0$$

$$I = n I_0 (2\pi R)$$

$$B_{\text{FIL}} = \mu_0 I / (2\pi R)$$

