

Laboratorio di Calcolo Numerico

A.A. 2019-2020

Ingegneria Meccanica

Introduzione

a

MatLab

Docente: Domenico Vitulano

Email: domenico.vitulano@sbai.uniroma1.it

Ufficio: Via A. Scarpa 16,
Pal. RM2, I piano, Stanza n. 13
Tel. 06 4976 6633

Ricevimento: consultare la pagina web dedicata al corso

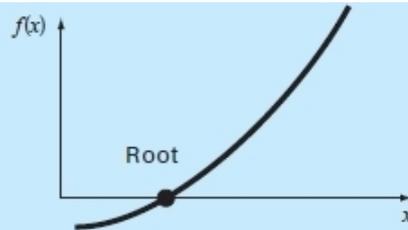
Il materiale didattico è disponibile sui siti:

<https://www.sbai.uniroma1.it/users/vitulano-domenico>

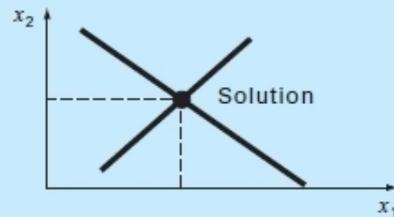
<https://elearning.uniroma1.it/>

Programma

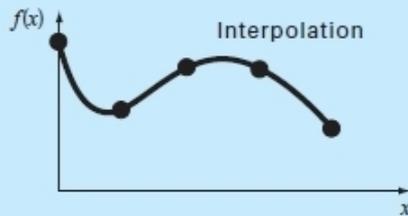
Roots of equations
Solve $f(x) = 0$ for x .



Linear algebraic equations
Given the a 's and the c 's, solve
 $a_{11}x_1 + a_{12}x_2 = c_1$
 $a_{21}x_1 + a_{22}x_2 = c_2$
for the x 's.

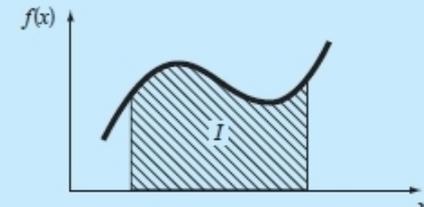


Curve fitting



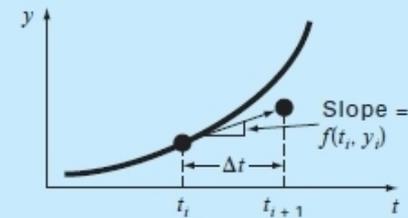
Integration

$I = \int_a^b f(x) dx$
Find the area under the curve.



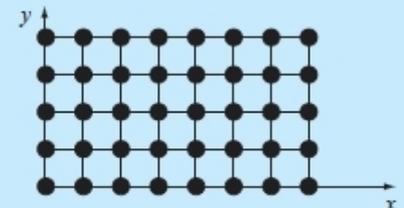
Ordinary differential equations

Given
 $\frac{dy}{dt} = f(t, y)$
solve for y as a function of t .
 $y_{i+1} = y_i + f(t_i, y_i) \Delta t$



Partial differential equations

Given
 $\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} = f(x, y)$
solve for u as a function of
 x and y



Introduzione a MatLab

Matlab

Matlab (MATrix LABoratory) è un sistema software integrato per il calcolo tecnico e scientifico

- Linguaggio di programmazione ad alto livello interpretato, con particolari facilitazioni nelle elaborazioni di matrici
- Contiene i costrutti tipici dei linguaggi di programmazione
- Possiede un ampio insieme di tipi di dato predefiniti
- Supporta la programmazione orientata agli oggetti
- Usato sia per creare rapidamente piccoli programmi test (programmazione in the small) che per applicazioni più complesse (programmazione in the large)

Matlab

Matlab (MATrix LABoratory) è un sistema software integrato per il calcolo tecnico e scientifico

- **Grafici** in 2 e 3 dimensioni
- Funzioni per la visualizzazione di vettori e matrici
- Funzioni per l'impostazione dell'aspetto della visualizzazione (annotazioni, colori, linee,...)
- Funzioni per elaborare immagini e creare animazioni
- Funzioni per creare interfacce

Matlab

Matlab (MATrix LABoratory) è un sistema software integrato per il calcolo tecnico e scientifico

- Programmi interni per la **risoluzione dei problemi dell'Analisi Numerica**

- contiene funzioni elementari, algoritmi di calcolo, algebra lineare, ...

- Pacchetti per svariati tipi di applicazioni (**Toolbox**) --- l'elaborazione numerica dei segnali e delle immagini, la simulazione di sistemi dinamici, il calcolo simbolico, wavelet, ecc.

- Interazione con altri linguaggi di programmazione (per es. C e Fortran)

Matlab

- Creato da **Cleve Moler** (Univ. Del New Mexico) alla fine degli anni '70 per fornire agli studenti un facile accesso al software per l'elaborazione di matrici sviluppato in LINPACK e EISPACK

- Proprietà della **MathWorks** dal 1984, è diventato uno standard nella ricerca, nella didattica e anche nell'industria

- **Ambiti applicativi:**

matematica e calcolo numerico; sviluppo di modelli, simulazioni e prototipi; analisi dati; visualizzazione scientifica; applicazioni con interfaccia utente grafica

Octave

- **Ambiente integrato** per il calcolo scientifico e la visualizzazione grafica

- **Distribuito gratuitamente** dalla GNU www.octave.org

[http://sourceforge.net/projects/octave/files/Octave
%20Windows%20binaries/Octave%203.2.4%20for%20Windows
%20MinGW32%20Installer/Octave-3.2.4_i686-pc-mingw32_gcc-
4.4.0_setup.exe/download](http://sourceforge.net/projects/octave/files/Octave%20Windows%20binaries/Octave%203.2.4%20for%20Windows%20MinGW32%20Installer/Octave-3.2.4_i686-pc-mingw32_gcc-4.4.0_setup.exe/download)

- **E' compatibile con Matlab**: la maggior parte dei programmi Matlab possono essere eseguiti in ambiente Octave senza necessità di modifiche (e viceversa)

- Ha un' **interfaccia grafica diversa** da Matlab

Installazione Matlab

Matlab fa parte del pacchetto di software gratuiti a disposizione degli studenti Sapienza.

1. Visitare la pagina
<https://www.uniroma1.it/it/pagina/software-gratuito>
2. cliccare su **Vai al Portale MATLAB** per scaricare l'installer di Matlab
3. cliccare sull'installer e seguire la procedura guidata per l'installazione. Verrà richiesta la creazione di un account MathWorks per il quale occorre utilizzare la propria e-mail istituzionale

NOTA : Se si utilizza una rete diversa da quella Sapienza, è necessario contattare licenze.campus@uniroma1.it e richiedere l'Activation key

Matlab

Interfaccia grafica: Finestre

finestra principale DI LAVORO INTERATTIVA: dare comandi, eseguire funzioni, etc

Linea di comando o prompt

```
2.9155
ans =
0.1630
ans =
0.1095
>> 4+10
ans =
14
fx>>
```

Name	Value
ans	14

Matlab

Interfaccia grafica: Finestre

The screenshot displays the MATLAB R2019a graphical user interface. The top menu bar includes options like HOME, PLOTS, and APPS. Below it is a toolbar with various icons for file operations, code execution, and environment management. The main workspace is divided into several panes:

- Current Folder:** Shows a list of files and folders in the current directory, including `result-SNR10.png`, `MSE_snr10.mat`, and several `metodo_*` and `class*` files.
- Command Window:** Contains the MATLAB command prompt. It shows the execution of several commands and their outputs:

```
2.9155  
ans =  
0.1630  
ans =  
0.1095  
>> 4+10  
ans =  
14
```
- Workspace:** A window on the right side of the interface that lists the variables currently stored in memory. It has a red oval around its title bar. A red arrow points from this oval to a text box below. The workspace contains one variable:

Name	Value
ans	14

A red text box with a black border and white background is positioned below the Command Window, containing the text: **contiene tutte le variabili in memoria**. A red arrow points from the text box to the Workspace window title bar.

At the bottom of the screen, the Windows taskbar is visible, showing the search bar, taskbar icons, and system tray with the date 08/02/2020 and time 11:33.

Matlab

Interfaccia grafica: Finestre

The screenshot displays the MATLAB R2019a interface. The top menu bar includes options like HOME, PLOTS, and APPS. Below it is a toolbar with various icons for file operations and code execution. The main workspace is divided into three panels:

- Current Folder:** Shows a list of files in the directory 'C:\my_folder'. The files listed are: result-SNR10.png, MSE_snr10.mat, metodo_tangenti.m, metodo_secanti.m, metodo_bisez.m, equazione_calore1D.m, detect_signature.m, class3.fig, class2.fig, and class1.fig.
- Command Window:** Contains the following text:

```
2.9155  
ans =  
0.1630  
ans =  
0.1095  
>> 4+10  
ans =  
14  
fx >>
```
- Workspace:** Shows a table with the following data:

Name	Value
ans	14

Red annotations highlight the 'Current Folder' panel and the 'Command Window' output. A red box around the 'Current Folder' panel is connected by a red arrow to a text box that reads: "E' la directory di lavoro in cui Matlab cerca e salva file e dati". Another red box around the 'Command Window' output is connected by a red arrow to a text box that reads: "Elenco di tutti i file contenuti nella cartella di lavoro. Permette un accesso rapido e diretto ai file".

Matlab

Interfaccia grafica: Finestre

MATLAB R2019a - academic use

The screenshot displays the MATLAB R2019a interface. The top menu bar includes HOME, PLOTS, and APPS. The toolbar contains various icons for file operations, code execution, and preferences. The File Explorer on the left shows the current folder 'C:\my_folder' with a list of files, including 'equazione_calore1D.m'. The Command Window in the center shows the execution of the script 'equazione_calore1D.m', which outputs '2.9155', 'ans = 0.1630', 'ans = 0.1095', and '14'. The Workspace on the right shows the variable 'ans' with a value of 14. A blue circle highlights the 'equazione_calore1D.m' file in the File Explorer, and a blue arrow points from this file to a text box containing 'dettagli file.m'. The Command Window shows the execution of the script 'equazione_calore1D.m', which outputs '2.9155', 'ans = 0.1630', 'ans = 0.1095', and '14'. The Workspace on the right shows the variable 'ans' with a value of 14.

Current Folder: C:\my_folder

- Name
- result-SNR10.png
- MSE_snr10.mat
- metodo_tangenti.m
- metodo_secanti.m
- metodo_bisez.m
- equazione_calore1D.m
- detect_signature.m
- class3.fig
- class2.fig
- class1.fig

equazione_calore1D.m (Script)

Script per la risoluzione dell'equazione del calore

Script per la risoluzion... semi-discretization

Calcolo soluzione appr...

```
2.9155
ans =
0.1630
ans =
0.1095
>> 4+10
ans =
14
fx >>
```

Workspace

Name	Value
ans	14

dettagli file.m

Scrivi qui per eseguire la ricerca

11:20 08/02/2020

Matlab

Interfaccia grafica: Finestre

The screenshot displays the MATLAB R2019a interface. The top menu bar includes HOME, PLOTS, and APPS. The ribbon contains various toolbars for file operations, code execution, and environment management. The main workspace is divided into three panes:

- Current Folder:** Shows a list of files in the 'C:\my_folder' directory. The file 'detect_signature.m' is selected and highlighted in blue. A red circle highlights the 'Name' column header.
- Command Window:** Displays the execution of the 'detect_signature.m' script. The output shows several numerical values: 2.9155, 0.1630, 0.1095, and 14. A blue box labeled 'dettagli file.m' has an arrow pointing to the '0.1095' output. Below the script output, the command prompt shows '>> 4+10' and 'ans = 14'. A blue circle highlights the function description for 'detect_signature.m' in the lower-left pane.
- Workspace:** Shows the current workspace variables. The variable 'ans' is listed with a value of 14.

The Windows taskbar at the bottom shows the system tray with the date '08/02/2020' and time '11:23'.

Matlab

Interfaccia grafica: Finestre

The screenshot displays the MATLAB R2019a interface. The top menu bar includes HOME, PLOTS, and APPS. The ribbon contains various toolbars for file operations, code execution, and environment management. The Command Window shows the following output:

```
2.9155  
  
ans =  
  
0.1630  
  
ans =  
  
0.1095  
  
>> 4+10  
  
ans =  
  
14  
  
fx >>
```

The Workspace window shows a variable named 'ans' with a value of 14.

The File Explorer window shows the current folder 'C:\my_folder' containing several files, including 'result-SNR10.png', 'MSE_snr10.mat', and several MATLAB script files. A blue circle highlights the 'result-SNR10.png' file, and a blue arrow points from it to a text box containing 'dettagli file.png'.

Name	Value
ans	14

Matlab

Interfaccia grafica: Finestre

The screenshot displays the MATLAB R2019a interface. The top menu bar includes options like HOME, PLOTS, and APPS. Below it is a toolbar with various icons for file operations and code execution. The main workspace is divided into three panes:

- Current Folder:** Shows a list of files in the 'C:\my_folder' directory. The file 'MSE_snr10.mat' is highlighted. A blue circle is drawn around this file name, with an arrow pointing to a text box.
- Command Window:** Contains the following text:

```
2.9155  
  
ans =  
  
0.1630  
  
ans =  
  
0.1095  
  
>> 4+10  
  
ans =  
  
14  
  
fx >>
```
- Workspace:** Shows a table with the following data:

Name	Value
ans	14

A blue text box with the text 'dettagli file.mat' is positioned to the right of the Command Window, with a blue arrow pointing from the 'MSE_snr10.mat' file in the Current Folder pane to it.

At the bottom of the screen, the Windows taskbar is visible, showing the search bar with the text 'Scrivi qui per eseguire la ricerca', several application icons, and the system tray with the date '08/02/2020' and time '11:29'.

Matlab

Interfaccia grafica: Finestre

MATLAB R2019a - academic use

HOME PLOTS APPS

New Script New Live Script New Open Compare Import Data Save Workspace Open Variable Clear Workspace Analyze Code Run and Time Clear Commands Simulink Layout Set Path Add-Ons Help Community Request Support Learn MATLAB

Current Folder: C:\my_folder

Command Window

```
2.9155  
  
ans =  
  
0.1630  
  
ans =  
  
0.1095  
  
>> 4+10  
  
ans =  
  
14  
  
fx >>
```

Workspace

Name	Value
ans	14

Barra del menu Home

Scrivi qui per eseguire la ricerca

11:32 08/02/2020

Matlab

Interfaccia grafica: Finestre

The screenshot shows the MATLAB R2019a interface. The Command Window displays the following output:

```
2.9155  
  
ans =  
  
0.1630  
  
ans =  
  
0.1095  
  
>> 4+10  
ans =  
14
```

The Workspace window shows the variable `ans` with a value of `14`.

The 'Layout' menu is open, showing options for window management. The 'Command History' option is highlighted with a red circle, and a red arrow points to it from the text box below.

contiene tutti i comandi digitati nel prompt

Matlab

Interfaccia grafica: Finestre

The screenshot displays the MATLAB R2019a interface. The Command History window is open, showing a list of commands entered in the prompt. The command `log(1.985)^2` is highlighted with a red circle. A red arrow points from this circle to a red-bordered box containing the text "contiene tutti i comandi digitati nel prompt". Below the Command History window, the Command Window shows the output of the selected command, which is the value 14. The Workspace window is also visible, showing a variable named `ans` with the value 14.

Command History

```
log(1.985)^2
10^(-3)+log(1.985)^2
0.2225+9*0.3752-sqrt(8.3332)
0.00002 + 3.7*10^(-5)
abs(9.2*6.54-6*2.16)
sin(0.986*3.2)
clc
4+3
3.4/2.3
3+2
sqrt(8.5)
0.995-0.832
sqrt(0.012)
4+10
```

Command Window

```
14
fx >>
```

Workspace

Name	Value
ans	14

contiene tutti i comandi digitati nel prompt

Matlab

Interfaccia grafica: Finestre

The screenshot displays the MATLAB R2019a graphical user interface. The top menu bar includes options like HOME, PLOTS, and APPS. Below the menu bar is a toolbar with various icons for file operations, workspace management, and code execution. The main workspace is divided into several panes:

- Current Folder:** Shows a list of files and folders in the current directory, including `result-SNR10.png`, `MSE_snr10.mat`, and several `metodo_*` files.
- Command History:** A list of previously executed MATLAB commands. The command `log(1.985)^2` is highlighted with a red circle. Other commands include `10^(-3)+log(1.985)^2`, `0.2225+9*0.3752-sqrt(8.3332)`, `0.00002 + 3.7*10^(-5)`, `abs(9.2*6.54-6*2.16)`, `sin(0.986*3.2)`, `clc`, `4+3`, `3.4/2.3`, `3+2`, `sqrt(8.5)`, `0.995-0.832`, `sqrt(0.012)`, and `4+10`. A blue arrow points to the scroll bar on the right side of this window.
- Command Window:** Shows the output of the last command, which is the value `14`. The prompt `fx >>` is visible at the bottom.
- Workspace:** A table showing the current workspace variables. It contains one variable named `ans` with a value of `14`.

The Windows taskbar at the bottom shows the system tray with the date `08/02/2020` and time `10:58`.

Matlab

Interfaccia grafica: Finestre

The screenshot displays the MATLAB R2019a interface. The Command History window is open, showing a list of executed commands and their results. A context menu is open over the Command History window, with the 'Minimize' option highlighted by a blue circle and a blue arrow pointing to it. The Command Window shows the result of the last command, 'ans', as 14.

Command History

```
log(1.985)^2
10^(-3)+log(1.985)^2
0.2225+9*0.3752-sqrt(8.3332)
0.00002 + 3.7*10^(-5)
abs(9.2*6.54-6*2.16)
sin(0.986*3.2)
clc
4+3
3.4/2.3
3+2
sqrt(8.5)
0.995-0.832
sqrt(0.012)
4+10
```

Command Window

```
14
fx >>
```

Context Menu:

- Find... Ctrl+F
- Match Anywhere Ctrl+Majusc+A
- Match Beginning Ctrl+Majusc+B
- Match Case Ctrl+Majusc+C
- Filter Matches Ctrl+Majusc+L
- Show Match Toolbar
- Show Match Locations
- Show Execution Time
- Don't Show Favorites
- Show Favorites in Default Category
- Show All Favorite Categories
- Insert Time Stamp
- Clear Command History
- Select All Ctrl+A
- Print... Ctrl+P
- Print Selection...
- Page Setup...
- Minimize
- Maximize Ctrl+Majusc+M
- Undock Ctrl+Majusc+U
- Close Ctrl+W

Matlab

Interfaccia grafica: Finestre

The screenshot displays the MATLAB R2019a graphical user interface. The top menu bar includes options like HOME, PLOTS, and APPS. Below the menu bar is a toolbar with various icons for file operations, workspace management, and code execution. The main workspace area is divided into several panes. On the left, the 'Current Folder' pane shows a list of files and folders. The 'Command History' pane is highlighted with a red circle and a red arrow pointing to it. This pane contains a list of commands entered in the MATLAB command window, such as mathematical expressions and function calls. The bottom of the screen shows the Windows taskbar with various application icons and the system tray.

Command History

```
2*0.01+0.7/9+sqrt(18.6)
3*(2*0.01+0.7/9+sqrt(18.6))
sqrt(3*(2*0.01+0.7/9+sqrt(18.6)))
log(1.985)
log(1.985)^2
10^(-3)+log(1.985)^2
0.2225+9*0.3752-sqrt(8.3332)
0.00002 + 3.7*10^(-5)
abs(9.2*6.54-6*2.16)
sin(0.986*3.2)
clc
4+3
3.4/2.3
3+2
sqrt(8.5)
0.995-0.832
sqrt(0.012)
4+10
```

Matlab

Interfaccia grafica: Finestre

The screenshot displays the MATLAB R2019a graphical user interface. The top menu bar includes options like HOME, PLOTS, and APPS. Below it is a toolbar with various icons for file operations, code execution, and environment management. The main workspace is divided into three panes:

- Current Folder:** Shows a list of files in the 'my_folder' directory, including 'result-SNR10.png', 'MSE_snr10.mat', and several MATLAB script files (.m) and figure files (.fig).
- Command Window:** Contains the following text:

```
2.9155  
  
ans =  
  
0.1630  
  
ans =  
  
0.1095  
  
>> 4+10  
  
ans =  
  
14  
  
fx >>
```
- Workspace:** A table showing the current variables in the workspace:

Name	Value
ans	14

The Windows taskbar at the bottom shows the system tray with the date '08/02/2020' and time '11:00'.

Matlab

Interfaccia grafica: Command window

Matlab lavora in **modo interattivo**, cioè l'utente digita una istruzione ed ha immediatamente la risposta. Il **prompt** su cui si digita l'istruzione è la coppia di caratteri `>>`

`>>` comando (Per eseguire, digitare Enter)

Esempio

`>> 4+10 (Enter)`

`ans =`

`14`

`>>`

Matlab

Interfaccia grafica: Command window

• Per uscire dalla sessione di lavoro interattiva usare il comando:

```
>> quit
```

• Per cancellare il contenuto della finestra usare il comando:

```
>> clc
```

• Per ripetere le ultime operazioni effettuate usare i tasti: \uparrow e \leftarrow

• Più comandi sulla stessa riga devono essere separati da una **virgola**

```
>> 3+2, 5*10-4, 55-22
```

• Un'istruzione molto lunga si può scrivere su più righe consecutive usando

```
...  
>> 3+2+4+(5*3)-5 ...  
-5+10*3 (Enter)
```

Matlab come calcolatrice

Operatori

- operazioni elementari

somma	+	differenza	-
prodotto	*	divisione	/

Esempi

- `>> 3+5`

ans =

8

`>> 36/3*2`

ans =

24

`>> 36/(3*2)`

ans =

6

Matlab come calcolatrice

Operatori

• operatori relazionali

maggiore $>$ maggiore o uguale $>=$

minore $<$ minore o uguale $<=$

uguale $==$ diverso $\sim=$

Esempi

$\gg 5 < 3$ (Enter)

ans =

logical

0

$\gg 2 * 3 == 6$ (Enter)

ans =

logical

1

Esempi

$\gg -4 \sim= 4$ (Enter)

ans =

logical

1

$\gg 6 <= 6$ (Enter)

ans =

logical

1

Matlab come calcolatrice

Operatori

- operatori logici

Esempi

```
>> (3<4) & (-3>=0) (Enter)
```

```
ans =
```

```
logical  
0
```

```
>> (3<4) | (-3>=0) (Enter)
```

```
ans =
```

```
logical  
1
```

- elevamento a potenza [^]

Esempio

```
>> 2^3 (Enter)
```

```
ans =
```

```
8
```

and & or | not ~

Esempi

```
>> (3<4) & (-3>=0) (Enter)
```

```
ans =
```

```
logical  
0
```

```
>> (3<4) & ~(-3>=0) (Enter)
```

```
ans =
```

```
logical  
1
```

Matlab come calcolatrice

Costanti predefinite

Costante	Costanti Matlab
Infinito	<code>inf</code>
π	<code>pi</code>
Unità immaginaria	<code>i</code>
Numero massimo rappresentabile (2^{1023})	<code>realmax</code>
Numero minimo rappresentabile (2^{-1022})	<code>realmin</code>
Precisione di macchina ($2.220446049250313 \cdot 10^{-16}$)	<code>eps</code>
Forma indeterminata	<code>nan</code>

Esempi

```
>> 1/0 (Enter)
```

```
ans =
```

```
Inf
```

```
>> 2.3/Inf (Enter)
```

```
ans =
```

```
0
```

```
>> 2*pi (Enter)
```

```
ans =
```

```
6.2832
```

```
>> i^2 (Enter)
```

```
ans =
```

```
-1
```

```
>> 0/0 (Enter)
```

```
ans =
```

```
NaN
```

Matlab come calcolatrice

Costanti predefinite

Costante	Costanti Matlab
Infinito	<code>inf</code>
π	<code>pi</code>
Unità immaginaria	<code>i</code>
Numero massimo rappresentabile (2^{1023})	<code>realmax</code>
Numero minimo rappresentabile (2^{-1022})	<code>realmin</code>
Precisione di macchina ($2.220446049250313 \cdot 10^{-16}$)	<code>eps</code>
Forma indeterminata	<code>nan</code>

Rappresentazione dei numeri in Matlab:

forma a virgola mobile
(floating point)

su parole di 64 bit (doppia precisione)

Matlab come calcolatrice

Funzioni predefinite

Funzione	Funzioni Matlab
Seno	$\sin(x)$
Coseno	$\cos(x)$
Tangente	$\tan(x)$
Arcsin	$\text{asin}(x)$
Arccos	$\text{acos}(x)$
Arctan	$\text{atan}(x)$
Logaritmo naturale	$\log(x)$
Esponenziale	$\exp(x)$
Valore assoluto	$\text{abs}(x)$
Radice quadrata	$\text{sqrt}(x)$
segno	$\text{sign}(x)$

Esempi

```
>> sin(pi/2)
```

```
ans =
```

```
1
```

```
>> 180/pi*atan(1)
```

```
ans =
```

```
45
```

```
>> abs(-1.5)
```

```
ans =
```

```
1.5
```

```
>> sqrt(-2)
```

```
ans =
```

```
0.0000 + 1.4142i
```

```
>> log(exp(-3))
```

```
ans =
```

```
-3
```

Matlab

Help: per informazioni sulle funzioni di Matlab (vedere anche l' help da menù)

```
>> help nome_funzione
```

informazioni su una specifica funzione

Esempio: come si usa la funzione log?

```
>> help log
```

```
LOG      Natural logarithm.
```

```
LOG(X) is the natural logarithm of the elements of X.  
Complex results are produced if X is not positive.
```

```
See also LOG2, LOG10, EXP, LOGM.
```

Matlab

Esempio: esiste una funzione che calcola la radice quadrata di un numero?

```
>> lookfor square
```

```
cir          - Cox-Ingersoll-Ross (CIR) mean-reverting square root diffusion
              class file
magic        - Magic square.
hypot        - Robust computation of the square root of the sum of squares
realsqrt     - Real square root.
sqrt         - Square root.
lscov        - Least squares with known covariance.
lsqnonneg    - Linear least squares with nonnegativity constraints.
sqrtm        - Matrix square root.
cgs          - Conjugate Gradients Squared Method.
.
.
```

```
>> help sqrt
```

```
SQRT Square root.
```

```
SQRT(X) is the square root of the elements of X. Complex
results are produced if X is not positive.
```

```
See also sqrtm, realsqrt, hypot.
```

```
Overloaded methods:
```

```
codistributed/sqrt
```

```
Reference page in Help browser
```

```
doc sqrt
```

Matlab

Digitando solo il comando **help** si ha l'elenco degli argomenti (pacchetti disponibili)

```
>> help
```

```
HELP topics:
```

```
matlab\general      - General purpose commands.
matlab\ops          - Operators and special characters.
matlab\lang         - Programming language constructs.
matlab\elmat        - Elementary matrices and matrix manipulation.
matlab\randfun      - Random matrices and random streams.
matlab\elfun        - Elementary math functions.
matlab\specfun      - Specialized math functions.
matlab\matfun       - Matrix functions - numerical linear algebra.
matlab\datafun      - Data analysis and Fourier transforms.
matlab\polyfun      - Interpolation and polynomials.
matlab\funfun       - Function functions and ODE solvers.
matlab\sparfun      - Sparse matrices.
```

```
>> help nome_argomento
```

Produce l'elenco e la descrizione delle funzioni relative all'argomento selezionato

Matlab

Il risultato di una espressione può essere assegnato ad una **variabile** la quale viene salvata nel workspace e rimane disponibile per successivi utilizzi.

Esempio:

```
>> somma = 0.22 + 3.8 - 0.01 (Enter)
```

```
somma =
```

```
4.0100
```

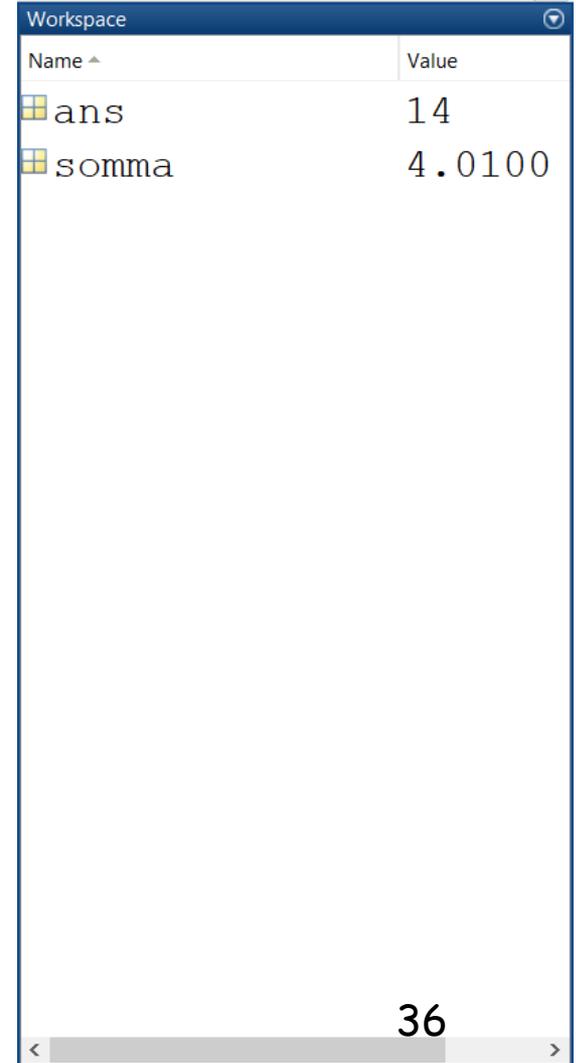
Se il risultato di una espressione non viene assegnato ad una variabile definita dall'utente, allora **viene automaticamente assegnato** alla variabile **ans** (answer)

Esempio:

```
>> 4+10 (Enter)
```

```
ans =
```

```
14
```



The screenshot shows the MATLAB Workspace window with a table of variables. The table has two columns: 'Name' and 'Value'. The variable 'ans' has a value of 14, and the variable 'somma' has a value of 4.0100. At the bottom right of the workspace, the number 36 is displayed.

Name	Value
ans	14
somma	4.0100

36

Matlab

In Matlab non è necessario dichiarare le variabili. Esse vengono automaticamente definite in seguito ad una assegnazione

La assegnazione è data dal comando =

Esempio

```
>> d = 2;
```

attribuisce alla variabile **d** il valore **2** (verificare nel workspace)

```
>> c = 4;
```

attribuisce alla variabile **c** il valore **4**

```
>> b = c * d;
```

attribuisce alla variabile **b** il prodotto delle variabili **c** e **d**

Nota:

1. il nome di una variabile è composto da **caratteri alfanumerici**
2. il primo deve essere alfabetico
3. c'è differenza tra lettere maiuscole e minuscole

Matlab

Per visualizzare il contenuto di una variabile, basta digitare il suo nome

Esempio: per visualizzare il contenuto di `b`

```
>> b
```

```
b =
```

```
8
```

Oppure usare il comando `disp`

```
>> disp(b)
```

```
8
```

Se si omette il punto e virgola; alla fine delle istruzioni di comando, viene visualizzato l'output di ogni istruzione

```
>> b=8*2
```

```
b =
```

```
16
```

Matlab

I caratteri `char` si indicano tra 2 apici

Esempio 1 : attribuire alla variabile `A` il carattere `f`

```
>> A = 'f';  
>> disp(A)  
f
```

Esempio 2 : attribuire alla variabile `cognome` la stringa `Rossi`

```
>> cognome = 'Rossi';  
>> disp(cognome)  
Rossi
```

Matlab

Per cancellare tutte le variabili contenute nel Workspace si usa il comando `clear`

Esempio:

```
>> b=5;, c=b*2-1;, d= c-b;
```

```
>> who
```

```
Your variables are:
```

```
b    c    d
```

```
>> clear
```

```
>> who
```

```
>>
```

Matlab

Per cancellare solo alcune variabili contenute nel Workspace, il comando `clear` deve essere seguito dall'elenco dei nomi delle variabili separati da uno spazio

```
clear b c      (cancella solo le variabili b e c )
```

Esempio:

```
>> b=5;, c=b*2-1;, d= c-b;
```

```
>> who
```

```
Your variables are:
```

```
b  c  d
```

```
>> clear b c
```

```
>> who
```

```
Your variables are:
```

```
d
```

Matlab

Esempio:

```
>> b=5;, c=b*2-1;, d= c-b;
```

```
>> who
```

Your variables are:

```
b c d
```

```
>> save datilezione
```

```
>> clear
```

```
>> who
```

```
>>
```

```
>> load datilezione
```

```
>> who
```

Your variables are:

```
b c d
```

Matlab

E' possibile salvare una o più variabili e riusarle in sessioni successive senza dover rieseguire i comandi con cui sono state create

`save nomefile`

`Salva` tutte le variabili contenute nel Workspace nel file `nomefile.mat`
Il `nomefile` è scelto dall'utente

`load nomefile`

`Carica` tutte le variabili salvate nel file `nomefile.mat` nel Workspace

Matlab

Per salvare nel file `nomefile.mat` solo alcune variabili, è necessario elencare tali variabili, separate da uno spazio, dopo il nomefile

```
save nomefile var1 var2 var3
```

Salva le variabili var1, var2 e var3 nel file nomefile.mat

Esempio:

```
>> b=5;, c=b*2-1;, d= c-b;
```

```
>> save datilezione b c
```

```
>> clear b c
```

```
>> who
```

```
Your variables are:
```

```
d
```

```
>> load datilezione
```

```
>> who
```

```
Your variables are:
```

```
b c d
```

Rappresentazione dei numeri

$$x = \pm (1 + a_{-1}2^{-1} + a_{-2}2^{-2} + \dots + a_{-t}2^{-t}) 2^e$$

	<i>s</i>	<i>n</i>	<i>t</i>	Numero totale di bits
<i>Doppia precisione</i>	1	11	52	64

$$L \leq e \leq U$$

	<i>Massimo</i> ($2^{U+1} (1-2^{-t-1})$)	<i>Minimo</i> (2^L)
<i>Doppia precisione</i> (<i>U=1023, t=52, L=-1022</i>)	$1.79 \cdot 10^{308}$	$2.2 \cdot 10^{-308}$

Errore di arrotondamento: $\frac{|x - fl(x)|}{|x|} \leq \frac{1}{2}\varepsilon$

$\varepsilon = \beta^{1-t} = 2^{-52}$ >> eps $2.220446049250313e-016$

Nota. 53 cifre significative in base 2 corrispondono a **15 cifre significative** in base 10.

Matlab

Matlab ha classi di dati predefinite

- **double**: numeri in doppia precisione compresi tra -10^{308} e 10^{308} (8 bytes per elemento)
- **uint8**: interi a 8 bits per elemento senza segno compresi tra 0 e 255 (usato per le immagini)
- **uint16**: interi a 16 bits per elemento senza segno compresi tra 0 e 65535
- **uint32**: interi a 32 bits per elemento senza segno compresi tra 0 e 4294967295
- **int8**: interi a 8 bits per elemento con segno compresi tra -128 e 127
- **int16**: interi a 16 bits per elemento con segno compresi tra -32768 e 32767
- **int32**: interi a 32 bits per elemento con segno compresi tra -2147483648 e 2147483647
- **single**: numeri in singola precisione compresi tra -10^{38} e 10^{38} (4 bytes per elemento)
- **char**: caratteri (2 bytes per elemento)
- **logical**: 0 o 1 (1 byte per elemento)

Matlab

Indipendentemente dal sistema di rappresentazione dei numeri in Matlab, l'utente può scegliere il formato di visualizzazione usando il comando `format`

`format nomeformato`

Visualizza i numeri secondo il formato `nomeformato`

Digitare `help format` per conoscere tutti i formati di visualizzazione disponibili

Attenzione: il comando `format` non cambia la precisione con cui vengono eseguiti i calcoli !!!

Matlab

Esempi:

```
>> format short          % 4 cifre dopo la virgola (opzione di default)
```

```
>> sqrt(2)
```

```
ans =  
    1.4142
```

```
>> format short e      % forma esponenziale (potenze di 10)
```

```
>> sqrt(2)
```

```
ans =  
    1.4142e+000
```

```
>> format long        %      14 cifre dopo la virgola
```

```
>> sqrt(2)
```

```
ans =  
    1.41421356237310
```

```
>> format long e      % forma esponenziale
```

```
>> sqrt(2)
```

```
ans =  
    1.414213562373095e+000
```

Matlab

I nomi delle classi sono anche **funzioni** che permettono la conversione da una classe ad un'altra

Esempio: se x è una variabile **double**, il comando `int8(x)` converte x in una variabile intera a 8 bits

```
>> x=sqrt(2)
x =
    1.414213562373095e+000
>> int8(x)
ans =
     1
>> int8(x*10)
ans =
    14
```

Matlab

Esempio:

```
>> x =  
    349021
```

```
>> int8(x)
```

```
ans =  
    127
```

```
>> int16(x)
```

```
ans =  
    32767
```

```
>> int32(x)
```

```
ans =  
    349021
```

Vettori

Un **array** è un insieme di valori ordinati, secondo uno o più indici, a cui ci si riferisce con un **singolo nome di variabile**

Un **array ad un indice** è detto **vettore**

Un **array a due indici** è detto **matrice**

In Matlab si possono definire facilmente **vettori** e **matrici**

Le **variabili** in Matlab hanno una **struttura vettoriale**, per esempio gli **scalari** sono **matrici** di dimensione **1x1**

Vettori

Un vettore si definisce elencando le sue componenti separate da uno spazio e racchiudendole tra parentesi quadre []

Vettore riga

```
>> x = [10 20 30 40]
```

```
x =
```

```
    10    20    30    40
```

è equivalente a

```
>> x = [10,20,30,40]
```

```
x =
```

```
    10    20    30    40
```

In questo caso le componenti sono separate da una virgola

Vettori

Vettore colonna

```
>> x=[10; 20; 30; 40]
```

```
x =
```

```
10
```

```
20
```

```
30
```

```
40
```

In questo caso le componenti sono separate da un **punto e virgola**

Anche per visualizzare il contenuto di variabili che sono vettori si può usare il comando **disp**

```
>> disp(x)
```

```
10
```

```
20
```

```
30
```

```
40
```

Vettori

Per convertire un vettore riga in uno colonna (e viceversa) si usa il comando ' (apice) che produce il trasposto della variabile a cui è applicato

```
>> v=x'
```

```
v =
```

```
    10    20    30    40
```

Per estrarre un elemento di un vettore:

nome_vettore(posizione elemento)

Esempio: estrarre il secondo elemento di **v**

```
>> v(2)
```

```
ans =
```

```
    20
```

Nota: Gli **indici** di un vettore sono sempre **numeri interi e strettamente positivi**

Vettori - la notazione :

Per estrarre contemporaneamente più di un elemento di un vettore si usa il comando `:` (colon)

`nome_vettore(inizio:fine)`

Esempio: estrarre dal primo al terzo elemento di `v`

```
>> v(1:3)
```

```
ans =
```

```
    10    20    30
```

Esempio: estrarre dal terzo al quarto elemento di `v`

```
>> v(3:4)
```

```
ans =
```

```
    30    40
```

Vettori - la notazione :

Per estrarre contemporaneamente più di un elemento di un vettore non consecutivi ed equispaziati

`nome_vettore(inizio:passo:fine)`

Esempio: estrarre gli elementi di `v` di indice pari (`passo = 2`)

```
>> v(2:2:end)
```

```
ans =
```

```
    20    40
```

Esempio: estrarre tutti gli elementi di `v` di indice pari ma da destra verso sinistra (`passo = -2`)

```
>> v(end:-2:1)
```

```
ans =
```

```
    40    20
```

Vettori - la notazione :

Il comando `:` può essere usato anche per generare vettori

Nome_vettore = (minimo:incremento:massimo)

Nome_vettore = vettore di elementi equispaziati (di una quantità=**incremento**) nell'intervallo [**minimo,massimo**]

Esempio: Generare un vettore costituito da elementi compresi tra 1.5 e 2.5 con incremento 0.1

```
>> x=[1.5:0.1:2.5]
```

```
x =
```

```
1.5    1.6    1.7    1.8    1.9    2.0    2.1    2.2    2.3    2.4    2.5
```

Esempio: Generare un vettore costituito da elementi compresi tra 100 e 80 con incremento -5

```
>> x=[100:-5:80]
```

```
x =
```

```
100    95    90    85    80
```

```
57
```

Se non specificato, l'incremento è da intendersi pari a 1

Vettori

I vettori non vengono dimensionati. **La loro dimensione può essere modificata in corso di lavoro**

Esempio: Sia $x = [3 \ 1 \ 4 \ 5]$ e si assegni il valore **10** all'ottavo elemento di x

```
>> x = [3 1 4 5]
```

```
x =
```

```
    3    1    4    5
```

```
>> x(8) = 10
```

```
x =
```

```
    3    1    4    5    0    0    0    10
```

alle posizioni non definite viene assegnato il valore zero

Matlab

I files contenenti codice Matlab sono chiamati **M-files** e hanno estensione **.m**. Esistono 2 tipi di M-files:

- **Script** :
 1. non accetta argomenti di entrata o di uscita e opera su dati del Workspace;
 2. quando si richiama uno script, Matlab esegue i comandi presenti nel file.
- **Function** :
 1. può accettare argomenti in entrata (**input**) e argomenti in uscita (**output**);
 2. quando una function è opportunamente richiamata, Matlab esegue i comandi presenti nel corpo della function;
 3. una variabile definita nel corpo della function è locale alla function.

E' possibile organizzare il proprio codice in uno script o in una function che viene opportunamente richiamata.

Attenzione: A parità di contenuto (la sequenza di operazioni da eseguire è la stessa), script e function producono lo stesso risultato !!!

Creazione M-files

MATLAB R2019a - academic use

HOME PLOTS APPS

New Script New Live Script

New Open Compare

Import Data Save Workspace Open Variable Clear Workspace

Analyze Code Run and Time Simulink Layout Preferences Set Path Add-Ons Help Community Request Support Learn MATLAB

Script Function Live Function Class System Object Project Figure App Simulink Model

Command Window

Workspace

Name Value

Dà la possibilità di creare un nuovo file, ad esempio uno **Script** o una **Function**

Scrivi qui per eseguire la ricerca

14:22 08/02/2020

Esempio

The screenshot displays the MATLAB R2019a software interface. The top menu bar includes HOME, PLOTS, APPS, EDITOR, PUBLISH, and VIEW. The VIEW menu is highlighted with a blue circle, and a blue arrow points from it to a callout box. The callout box contains the text: "per eseguire uno script si può cliccare sul tasto Run oppure digitare <nome_script> sul Command Window + Enter". The main editor window shows a script named "main_mean_stdev.m" with the following code:

```
1 % Script che calcola la media (mean)
2 % e la deviazione standard (stdev)
3 % degli elementi di un vettore
4
5 x = 1:0.5:100;
6 n = length(x);
7 mean = sum(x)/n;
8 stdev = sqrt(sum((x-mean).^2)/n);
9
```

The Command Window at the bottom shows the prompt "fx >>". The workspace window on the right is empty. The Windows taskbar at the bottom shows the time as 17:41 on 11/02/2020.

Esempio

The image shows the MATLAB R2019a interface. The main editor window displays a script named `main_mean_stdev.m` with the following code:

```
1 % Script che calcola la media (mean)
2 % e la deviazione standard (stdev)
3 % degli elementi di un vettore
4
5 x = 1:0.5:100;
6 n = length(x);
7 mean = sum(x)/n;
8 stdev = sqrt(sum((x-mean).^2)/n);
9
```

The Command Window shows the execution of the script:

```
>> main_mean_stdev
fx >>
```

The Workspace window on the right shows the variables created during execution:

Name	Value
mean	50.5000
n	199
stdev	28.7228
x	1x199 double

The workspace variables `mean`, `n`, `stdev`, and `x` are circled in blue.

Esempio

The screenshot displays the MATLAB R2019a environment. The main window is the Editor, showing a script named `main_mean_stdev.m`. The script contains the following code:

```
1 % Script che calcola la media (mean)
2 % e la deviazione standard (stdev)
3 % degli elementi di un vettore
4
5 x = 1:0.5:100;
6 n = length(x);
7 mean = sum(x)/n;
8 stdev = sqrt(sum((x-mean).^2)/n);
9
```

A blue dashed box highlights lines 6, 7, and 8. A blue arrow points from this box to a text box on the right that reads: "E' possibile organizzare le istruzioni in una function".

The Workspace window on the right shows the following variables:

Name	Value
mean	50.5000
n	199
stdev	28.7228
x	1x199 double

The Command Window at the bottom shows the execution of the script:

```
>> main_mean_stdev
fx >>
```

The status bar at the bottom right indicates the current position is at line 8, column 34.

Esempio

The screenshot displays the MATLAB R2019a environment. The main window is the Editor, showing a script named `main_mean_stdev.m` with the following code:

```
1 % Script che calcola la media (mean)
2 % e la deviazione standard (stdev)
3 % degli elementi di un vettore
4
5 x = 1:0.5:100;
6 n = length(x);
7 mean = sum(x)/n;
8 stdev = sqrt(sum((x-mean).^2)/n);
9
```

The Workspace window on the right shows the following variables and their values:

Name	Value
mean	50.5000
n	199
stdev	28.7228
x	1x199 double

The Command Window at the bottom shows the execution of the script and a manual cleanup command:

```
>> main_mean_stdev
fx >> clear all
```

A blue circle highlights the `clear all` command, and a blue arrow points from a text box to it. The text box contains the following text:

Pulizia del Workspace
(qui a scopo didattico)

Esempio

The screenshot displays the MATLAB R2019a environment. The main window is the Editor, showing a function named `stat` in `stat.m`. The function calculates the mean and standard deviation of a vector `x`. The code is as follows:

```
1 function [mean, stdev]=stat(x)
2 % Calcola la media (mean)
3 % e la deviazione standard (stdev)
4 % degli elementi del vettore x (dato di input)
5
6 n = length(x);
7 mean = sum(x)/n;
8 stdev = sqrt(sum((x-mean).^2)/n);
9
```

The interface also shows the Current Folder (C:\my_folder) with various files, the Command Window with the prompt `fx >>`, and the Workspace window which is currently empty. The status bar at the bottom indicates the current position is Line 4, Column 18.

Esempio

The screenshot displays the MATLAB R2019a environment. The main window is the Editor, showing a script named `main_mean_stdev.m`. The script contains the following code:

```
1 % Script che calcola la media (mean)
2 % e la deviazione standard (stdev)
3 % degli elementi di un vettore
4
5 x = 1:0.5:100;
6 [mean, stdev]=stat(x);
7
8
```

The line `[mean, stdev]=stat(x);` is circled in blue. A blue callout box with an arrow pointing to this line contains the text: "La function deve essere richiamata".

The interface also shows the Command Window at the bottom, which is currently empty and displays the prompt `fx >>`. The Workspace window on the right is also empty.

Esempio

The image shows the MATLAB R2019a interface. The Editor window displays a script named `main_mean_stdev.m` with the following code:

```
1 % Script che calcola la media (mean)
2 % e la deviazione standard (stdev)
3 % degli elementi di un vettore
4
5 x = 1:0.5:100;
6 [mean, stdev]=stat(x);
7
8
```

The Command Window shows the execution of the script:

```
>> main_mean_stdev
fx >>
```

The Workspace window shows the results of the execution:

Name	Value
mean	50.5000
stdev	28.7228
x	1x199 double

A blue circle highlights the Workspace window, and a blue arrow points from the text box below to it.

L'esecuzione dello stesso blocco di codice nello script o richiamando la function fornisce lo stesso risultato!!!!
La variabile **n** è **locale** alla function e non rimane memorizzata nel Workspace.

Function files

- La **prima riga** del file definisce la **sintassi** della funzione

`function [output]=myfunc(input)`

output = elenco delle **variabili** richieste in **output** separate da virgole

Se non si richiede alcuna variabile in output si scrive solo []

subito dopo il comando function

input = elenco delle **variabili di input** separate da virgole

myfunc = nome della funzione

Nota: Il **nome** con cui viene richiamata la funzione dal Command Window è quello del **file** in cui è memorizzata

Si consiglia **chiamare il file .m** in cui si memorizza la funzione **con il nome della funzione myfunc**

Nota: Nelle **righe successive** è consigliabile scrivere l'**help** della funzione.

Dopo lo **help** si scrive la sequenza di istruzioni 68

Function files

-Le variabili di input e di output possono essere variabili semplici, vettori, matrici o altre strutture dati

-Il **nome** della funzione deve sempre iniziare con una lettera dell'alfabeto, può contenere numeri e underscore ma non può contenere spazi

-La funzione **termina con l'ultima istruzione** (nelle versioni più recenti di Matlab si consiglia l'uso del comando **end**) oppure al primo eventuale comando **return**

-Dopo la prima riga di comando, si possono scrivere dei commenti alla funzione

Per esempio, si può descrivere cosa fa la funzione, le variabili di input richieste e quelle di output restituite. Tali commenti vanno preceduti ad ogni riga dal simbolo **%** e vengono visualizzati come **help** della funzione

Esempio

```
--  
function [mean,stdev]=stat(x)  
% Calcola la media (mean) e la deviazione standard (stdev) degli  
% elementi  
% del vettore x (dato di input)  
  
n = length(x);  
mean = sum(x)/n;  
stdev = sqrt(sum((x-mean).^2)/n);
```

Esempio

Nome della funzione (coincide al nome dato al file .m)

```
--  
function [mean,stdev]=stat(x)
```

```
% Calcola la media (mean) e la deviazione standard (stdev) degli  
% elementi
```

```
% del vettore x (dato di input)
```

```
n = length(x);
```

```
mean = sum(x)/n;
```

```
stdev = sqrt(sum((x-mean).^2)/n);
```

Esempio

Elenco delle variabili da restituire in output

Elenco delle variabili di input

```
--  
.  
function [mean, stdev] = stat(x)
```

```
% Calcola la media (mean) e la deviazione standard (stdev) degli  
% elementi
```

```
% del vettore x (dato di input)
```

```
n = length(x);
```

```
mean = sum(x)/n;
```

```
stdev = sqrt(sum((x-mean).^2)/n);
```

Esempio

--

```
function [mean,stdev]=stat(x)
```

```
% Calcola la media (mean) e la deviazione standard (stdev) degli  
% elementi
```

```
% del vettore x (dato di input)
```

```
n = length(x);
```

```
mean = sum(x)/n;
```

```
stdev = sqrt(sum((x-mean).^2)/n);
```

Help della funzione

Sequenza di istruzioni

--

Esempio

--
function [mean,stdev]=stat(x)

% Calcola la media (mean) e la deviazione standard (stdev) degli
elementi

% del vettore x (dato di input)

n = length(x);

mean = sum(x)/n;

stdev = sqrt(sum((x-mean).^2)/n);

Sequenza di istruzioni

Definizione delle variabili
da restituire in output

Esempio

--

Scritta e salvata nel file `stat.m`, si può chiamare dal `Command Window` nel modo seguente

```
>>x=rand(50,1);
```

```
>>[mean,stdev]=stat(x);
```

Prima di chiamare la funzione è necessario definire la variabile da dare in input

La funzione `stat` è chiamata sulla variabile `x` e assegna gli output alle variabili `mean` e `stdev` che sono create solo quando è invocata la funzione `stat`

Le istruzioni precedenti sono equivalenti a

```
>>y=rand(50,1);
```

```
>>[my,sdy]=stat(y);
```

E' importante l'ordine e il tipo delle variabili di input e output e non il nome (che può essere diverso da quello usato nel file .m)

Function files

-Una funzione può essere chiamata dal **Command window** oppure all'interno di uno script o di un'altra funzione

Oss: Per usare una funzione all'interno di uno script, la funzione deve essere nella stessa directory dello script o deve essere una funzione predefinita (contenuta nel **path**)

- Le **variabili** definite all'interno della funzione sono **locali** e **si perdono al termine dell'esecuzione della funzione**, tranne le variabili richieste in output

- Per esempio la variabile **n** della funzione **stat** non sarà contenuta nella lista delle variabili dello workspace perché non è uno degli output

```
function [mean,stdev]=stat(x)
```

```
% Calcola la media (mean) e la deviazione standard (stdev)  
degli
```

```
% elementi del vettore x (dato di input)
```

```
n = length(x);
```

```
mean = sum(x)/n;
```

```
stdev = sqrt(sum((x-mean).^2)/n);
```

Strutture dati

E' possibile definire vettori a più dimensioni

N=2 $A(i,j)$ (matrici)

N=3 $A(i,j,k)$

In generale $A(i,j,\dots,k)$
 └──────────┘
 K indici

Esempio: Un' immagine a colori RGB si memorizza nella variabile **I** tale che

$I(:,:,1)$ matrice componente del rosso

$I(:,:,2)$ matrice componente del verde

$I(:,:,3)$ matrice componente del blu

La dimensione di **I** è $m \times n \times 3$, dove $m \times n$ è la dimensione della immagine

Per conoscere la dimensione di **I** si usa la funzione **size**

Strutture dati

Esempio:

```
>> M = [-2,1,0 ; 0,3,2 ; 1,0,0];
```

```
>> disp(M)
```

```
   -2     1     0
     0     3     2
     1     0     0
```

```
>> M1 = [1 0.2 -1 ; 2 5 -3.4]
```

```
M1 =
```

```
   1.0000   0.2000  -1.0000
   2.0000   5.0000  -3.4000
```

```
>> M2 = [1 0.2 -1 , 2 5 -3.4]
```

```
M2 =
```

```
   1.0000   0.2000  -1.0000   2.0000   5.0000  -3.4000
```

Strutture dati

Esempio:

```
>> A = ones(6);
```

```
>> disp(A)
```

```
    1    1    1    1    1    1    1
    1    1    1    1    1    1    1
    1    1    1    1    1    1    1
    1    1    1    1    1    1    1
    1    1    1    1    1    1    1
    1    1    1    1    1    1    1
```

```
>> A2 = rand(2,3);
```

```
>> disp(A2)
```

```
    0.7943    0.5285    0.6020
    0.3112    0.1656    0.2630
```

```
>> A3 = 2 + (5-2)*rand(4);
```

```
>> disp(A3)
```

```
    3.4199    3.6492    4.2612    2.1619
    3.0550    4.7516    3.1413    3.5924
    4.4925    2.8575    3.7035    4.3375
    3.7558    4.2716    2.2276    4.8020
```

Strutture dati

Esempio:

```
>> B=randn(4,2);  
>> disp(B)  
-0.2248    -1.1201  
-0.5890     2.5260  
-0.2938     1.6555  
-0.8479     0.3075  
  
>> disp(B+1)  
 0.7752    -0.1201  
 0.4110     3.5260  
 0.7062     2.6555  
 0.1521     1.3075  
  
>> disp(B.^2)  
 0.0505     1.2547  
 0.3470     6.3807  
 0.0863     2.7407  
 0.7190     0.0946
```

Strutture dati

Esempio:

```
>> A = ones(6);
>> B = randn(6);
>> C = 10*ones(6);
>> I(:,:,1) = A; I(:,:,2) = B; I(:,:,3) = C;
>> size(I)
ans =
     6     6     3
>> I(:,:,3)
ans =
    10    10    10    10    10    10
    10    10    10    10    10    10
    10    10    10    10    10    10
    10    10    10    10    10    10
    10    10    10    10    10    10
    10    10    10    10    10    10
>> I(3,2,1) % estrae l'elemento di posizione (3,2) nella prima
             % componente di I
ans =
     1
```

Alcune funzioni utili

`fliplr(v)`: inverte l'ordine degli indici di un vettore riga se v è una matrice, inverte l'ordine degli indici di colonna

`flipud(v)`: inverte l'ordine degli indici di un vettore colonna se v è una matrice, inverte l'ordine degli indici di riga

Esempio:

```
>> v = [3 1 -4 0];
```

```
>> a = fliplr(v)
```

```
a =
```

```
    0    -4     1     3
```

```
>> b = flipud(v')
```

```
b =
```

```
    3
```

```
    1
```

```
   -4
```

```
    0
```

Alcune funzioni utili

Esempio:

```
>> A = [3 1 -4; 10 0 3; -1 2 0]
```

```
A =
```

```
     3     1    -4
    10     0     3
    -1     2     0
```

```
>> a = flipplr(A)
```

```
a =
```

```
    -4     1     3
     3     0    10
     0     2    -1
```

```
>> b = flipud(A)
```

```
b =
```

```
    -1     2     0
    10     0     3
     3     1    -4
```

Alcune funzioni utili

diff(v) calcola la differenza tra componenti successive di un vettore $[v(2)-v(1), v(3)-v(2), \dots, v(\text{end})-v(\text{end}-1)]$. La dimensione del vettore risultante è $\text{length}(v)-1$

Se v è una matrice, la matrice risultante contiene le differenze successive tra le righe di v . La dimensione della matrice di output è $(m-1) \times n$ se la dimensione di v è $m \times n$.

diff(v,k) calcola le differenze di ordine k tra le componenti di v .

Esempio:

```
>> v = [9 1 7 4 3 0 9 -1];
>>diff(v)
ans =
    -8     6    -3    -1    -3     9   -10
>>diff(v,2)
ans =
    14    -9     2    -2    12   -19
>>diff(v,3)
ans =
   -23    11    -4    14   -31
```

Alcune funzioni utili

Esempio:

```
>> A = [9 1 7; 4 3 0 ;9 -1 5]
```

```
A =
```

```
     9     1     7
     4     3     0
     9    -1     5
```

```
>> diff(A)
```

```
ans =
```

```
    -5     2    -7
     5    -4     5
```

```
>> diff(A,2)
```

```
ans =
```

```
    10    -6    12
```

Alcune funzioni utili

indici = **find**(condizione su v)

restituisce un vettore costituito dagli indici corrispondenti alle componenti di v che verificano la condizione.

Esempio: **ind** = **find**(v == 0) Restituisce le posizioni delle componenti nulle di v

Se si omette la condizione, cioè **ind** = **find**(v), **ind** contiene le posizioni delle componenti positive di v

Esempio:

```
>> V = [6 1 0.3 -5 10 -4 8 3];  
>> ind = find(V <= 0);  
>> ind  
ind =  
     4     6  
>> V(ind)  
ans =  
    -5    -4
```

Strutture dati

Cell permette di collezionare in un'unica variabile oggetti di vario tipo (vettori, matrici, variabili numeriche o logiche, caratteri o stringhe)

Ma anche variabili dello stesso tipo ma di dimensione diversa.

Variabili di tipo cell si definiscono tra parentesi graffe. Le componenti si elencano una dopo l'altra e separate da virgole

$C = \{\text{componente1}, \text{componente2}, \dots, \text{componenteN}\};$

$C\{i\}$ estrae la i -esima componente di C

$C(i)$ indica la i -esima componente di C

Esempio:

```
>> C = {'ciao', [4 3 1 2], 3, [1 7 2; 0 5 8; 1 0 9]};
```

% definisce una variabile cell composta da 4 elementi: una stringa, un vettore, un numero e una matrice.

```
>> whos
```

Name	Size	Bytes	Class
C	1x4	488	cell array

```
>> C{2} % estrae il secondo elemento della variabile di tipo cell C
```

```
ans =
```

```
4      3      1      2
```

Strutture dati

Nota: una variabile di tipo *Cell* contiene copie di variabili e non puntatori a variabili. Quindi se $C = \{A, B\}$, con A, B due generiche variabili, il contenuto di C non cambia se in seguito A e B sono modificate

Esempio:

```
>> A = [2 5 3 6];  
>> B = [1 5; 8 9; 3 6];  
>> C = {A, B};  
>> B = 1;  
>> C{2}  
ans =  
     1     5  
     8     9  
     3     6
```

Nota: $C(2) = \{1\}$ (per modificarla)

Strutture dati

C può essere inizializzata con il comando $C = \text{cell}(m,n)$: C è composta da $m \times n$ matrici vuote

$\text{Celldisp}(C)$: visualizza il contenuto di una cell

$\text{Cellplot}(C)$: disegna il contenuto di una cell

Le celle possono essere annidate, cioè un elemento di una cell può essere esso stesso una cell.

Esempio: $C = \text{cell}(1,4)$; $A = [1 \ 2 \ 3; 4 \ 5 \ 6]$; $v = [1 \ 4 \ 6]$;
 $C\{1\} = \{A,v\}$;
 $C\{2\} = 4$;
 $C\{4\} = \text{'stringa'}$;

Per estrarre il contenuto della matrice A si digita il comando

$C\{1\}\{1\}$

gli indici sono ordinati da sinistra verso destra, dalla cell più esterna a quella più interna

Strutture dati

Una variabile di tipo **Struct** è simile ad una di tipo **cell** in quanto permette di raggruppare variabili di vario tipo. Una variabile di tipo **struct** si costruisce definendo dei campi

S.field1 = **variabile1**

S.field2 = **variabile2**

...
S.fieldN = **variabileN**

Gli elementi di una variabile **struct** si estraggono specificandone il campo.

Esempio:

```
>> S.stringa = 'ciao';
```

```
>> S.vettore = [4 3 1 2];
```

```
>> S.numero = 3;
```

```
>> S.matrice = [1 7 2; 0 5 8; 1 0 9];
```

```
>> S.vettore % estrae l'elemento nel campo vettore
```

```
ans =
```

```
4 3 1 2
```

Strutture dati

Esempio:

```
>> S
```

```
S =
```

```
stringa: 'ciao'  
vettore: [4 3 1 2]  
numero: 3  
matrice: [3x3 double]
```

- Il comando `whos` fornisce le informazioni associate ad una variabile con una struttura di tipo `struct` i cui campi sono

`Name dimension bytes class`

-il comando `dir` da informazioni su una variabile o directory. I campi sono

`Name date bytes isdir`

Strutture dati

`isstruct(s)`: restituisce 1 se `s` è di tipo `struct`, o altrimenti

`fieldnames(s)`: estrae i campi associati ad una variabile di tipo `struct`. L'output è una cell.

Alcune funzioni

Varargin = variabile di tipo cell contenente le variabili di input di una funzione. Si usa quando gli input di una funzione possono variare (esistono parametri di default)

Oss: l'uso di questa funzione richiede un ordine preciso delle variabili di input che devono essere assegnate all'inizio della funzione combinata con il comando **nargin**.

Nargin = numero degli elementi in varargin

OSS: per l'output si usa **varargout** combinata con **nargout**.

Esempio: `function [R] = confronta(x,varargin)`

```
if nargin = 0
    T = 256;
else
    T = varargin{1};
end
```

```
ind = find(x>T);
if isempty(ind), R = 0, else R=1; end
```

Alcune funzioni

`hist(x,N)` : istogramma di `x`
calcola le occorrenze dei simboli in `x` rispetto ad un numero prefissato `N` di bin (determinano per esempio degli intervalli)

Esempio: `x = [120 34 67 90 1 67 90 2 4 245 2 67];`

`hist(x,256) % disegna usando bar`

`h = hist(x,256) % conserva in h le occorrenze`

Che differenza c'è con la funzione `histc`?

Operazioni su matrici

`reshape(M,m2,n2)` riorganizza il contenuto della matrice M di dimensioni $m1 \times n1$ in una matrice di dimensione $m2 \times n2$ (segue l'ordinamento lessico-grafico degli elementi della matrice)

Esempio:

```
>A = [1 2 3;0 4 6;3 2 1;9 7 2];
```

```
>B = reshape(A,2,6);
```

```
>disp(A)
```

1	2	3
0	4	6
3	2	1
9	7	2

```
>disp(B)
```

1	3	2	2	3	1
0	9	4	7	6	2

Operazioni su matrici

`repmat(M,m2,n2)` replica la matrice M $m2 \times n2$ volte. M diventa un blocco di una matrice di dimensioni superiori

Esempio:

```
>A = [1 2 3;0 4 6;3 2 1;9 7 2];
```

```
>C = repmat(A,2,3);
```

```
>disp(C)
```

1	2	3	1	2	3	1	2	3
0	4	6	0	4	6	0	4	6
3	2	1	3	2	1	3	2	1
9	7	2	9	7	2	9	7	2
1	2	3	1	2	3	1	2	3
0	4	6	0	4	6	0	4	6
3	2	1	3	2	1	3	2	1
9	7	2	9	7	2	9	7	2

Save, Load

`save nome_file.mat variabili`

memorizza l'insieme di variabili nel file
`nome_file.mat`

Le variabili memorizzate possono essere richiamate in seguito con il comando

`load nome_file.mat`

OSS: le variabili sono memorizzate nel workspace con lo stesso nome con il quale sono state memorizzate!

Programmazione MATLAB

Alcune strutture di programmazione elementari

- Operatori relazionali: `<`, `<=`, `>`, `>=`, `==`, `=`
- Operatori logici: `&` (*and*), `/` (*or*), `~` (*not*)
- Cicli controllati da un contatore: `for - end`
- Cicli condizionati: `while - end`
- Strutture condizionali: `if - elseif - else - end`
- Uscita incondizionata: `break`

Nota: tutte le strutture possono essere scritte su più righe oppure su un'unica riga separate da virgole. 98

Ciclo for

```
for indice = m:p:n  
    blocco di istruzioni  
end
```

Ripete il blocco di istruzioni un numero fissato di volte

indice contatore

m valore iniziale del contatore

p incremento del contatore (positivo o negativo)

n valore finale del contatore

indice, m, p, n possono essere variabili intere o reali

Nota: **indice = m:n** equivale a **indice=m:1:n**

Esempi

File `esempio.m`

```
cont = 1;
for k=0:0.1:1
    cont = cont + 1;
end
```

```
>> esempio
>> disp(cont)
    12
```

Esercizio: sia $x = 1 + (i-2)*0.5$, $i = 1, \dots, 14$ e $y = e^x$.
Calcolare il prodotto scalare tra i due vettori.

Istruzioni condizionali

if **condizione**

 blocco istruzioni 1

else

 blocco istruzioni 2

end

Esegue il blocco di istruzioni 1 se la condizione è vera, altrimenti esegue il blocco di istruzioni 2

Esempio

```
>> if x >= 0, disp(x), else, disp('numero negativo'), end
```

Nota: **else** si può omettere.

Istruzioni condizionali

```
if condizione1  
    blocco istruzioni1  
elseif condizione2  
    blocco istruzioni2  
else  
    blocco istruzioni3  
End
```

Esegue il blocco istruzioni1 se la condizione 1, altrimenti esegue il blocco 2 se la condizione 2 è vera, altrimenti esegue il blocco istruzioni 3

Es: stampare i numeri dispari tra 1 e 10

Ciclo while

`while` **condizione**

 blocco di istruzioni

`end`

Esegue il blocco di istruzioni se è la condizione è vera

Esempio: visualizzare i primi 4 numeri naturali

```
>>x=1;
```

```
>>while x~=5, disp(x), x=x+1; end
```

1

2

3

4

Ciclo while

Esempio:

```
a = 10;  
b = 5;  
while a  
    a = a-1;  
    while b  
        b = b-1;  
    end  
end
```

Esegue il ciclo fino a quando **a** e **b** sono entrambe 0

Nota: In un contesto logico una variabile numerica restituisce 1 (vero) se la variabile è diversa da zero, altrimenti 0 (falso).

Istruzione break

break: arresta l'esecuzione dei cicli for o while
(non può essere utilizzata all'esterno di un ciclo)

```
X = rand(10,1);  
Y=[];  
for i = 1:10  
    if X(i) >= 0.7  
        break,  
    else Y(i)=1/(0.7-X(i));  
    end  
end
```

Switch

Switch-case-Otherwise:

`switch` nome_variabile

`case` valore1

1° blocco di istruzioni

`case` valore2

2° blocco di istruzioni

.....

`otherwise`

ultimo blocco di istruzioni

`end`

Se il valore di `nome_variabile` è `valore1` viene eseguito il 1° blocco di istruzioni. Se è `valore2`, il 2° blocco, e così via, altrimenti, se non è alcuno dei valori elencati, esegue l'ultimo blocco di istruzioni.

Switch

Esempio:

```
a = rem(b,3);      % resto della divisione per 3
switch a
  case 0
    c = b/3;
  case 1
    c = (b-a)/3;
  otherwise
    c = (b-a)/3;
end
```

Cenni sul Calcolo Simbolico

Matlab esegue non solo operazioni numeriche ma anche manipolazioni e soluzioni di espressioni matematiche (**in forma analitica**) simboliche .

Usando il **Symbolic Math Toolbox** è possibile risolvere/calcolare:

equazioni algebriche e trascendenti, integrali, derivate, limiti, serie, ODE etc.

Cenni sul Calcolo Simbolico

L'uso del Symbolic Math Toolbox permette di usare **funzioni simboliche** che hanno lo stesso nome delle **funzioni numeriche**:

>> help sym/nomefunzione

Cenni sul Calcolo Simbolico

>> help diff

diff Difference and approximate derivative.

diff(X), for a vector X, is [X(2)-X(1) X(3)-X(2) ... X(n)-X(n-1)].

diff(X), for a matrix X, is the matrix of row differences,
[X(2:n,:) - X(1:n-1,)].

diff(X), for an N-D array X, is the difference along the first non-singleton dimension of X.

diff(X,N) is the N-th order difference along the first non-singleton dimension (denote it by DIM). If N >= size(X,DIM), diff takes successive differences along the next non-singleton dimension.

diff(X,N,DIM) is the Nth difference function along dimension DIM. If N >= size(X,DIM), diff returns an empty array.

Examples:

...

Cenni sul Calcolo Simbolico

>> `help sym/diff`

`diff` Differentiate.

`diff(S)` differentiates a symbolic expression S with respect to its

free variable as determined by `SYMVAR`.

`diff(S,'v')` or `diff(S,sym('v'))` differentiates S with respect to v .

`diff(S,n)`, for a positive integer n , differentiates S n times.

`diff(S,'v',n)` and `diff(S,n,'v')` are also acceptable.

`diff(S,'v1','v2',...)` or `diff(S,sym('v1'),sym('v2'),...)` differentiates S with respect to v_1, v_2, \dots

Examples:

...

Cenni sul Calcolo Simbolico

Il **Symbolic Math Toolbox** permette di definire un **oggetto simbolico** (struttura dati che memorizza una rappresentazione stringa del simbolo).

Per creare oggetti simbolici in **Matlab** si utilizza la funzione **sym**.

Per esempio:

```
>> x = sym('x')
```

```
x =
```

```
x
```

Nota: in alternativa si usi **syms**

Cenni sul Calcolo Simbolico

Esempio:

```
>> syms x y real  
>> f = log(x^2 + y^2)
```

```
f =  
log(x^2+y^2)
```

```
>> g = sqrt(y/x)
```

```
g =  
(y/x)^(1/2)
```

```
>> h=f+g
```

```
f =  
log(x^2 + y^2) + (y/x)^(1/2)
```

Cenni sul Calcolo Simbolico

collect(E)	raccoglie i coefficienti con la stessa potenza di x
expand(E)	applica regole algebriche per espandere l'espressione E
factor(E)	esprime E come prodotto di polinomi con coefficienti razionali
poly2sym(p)	converte i coefficienti del vettore p in un polinomio simbolico
sym2poly(E)	converte l'espressione E nel vettore di coefficienti
pretty(E)	visualizza l'espressione E in forma matematica
simple(E)	ricerca la forma dell'espressione E più corta in termini di numero di caratteri,utilizzando differenti semplificazioni algebriche
simplify(E)	semplifica l'espressione E
subs(E,old,new)	sostituisce <i>new</i> al posto di <i>old</i> nell'espressione E

Cenni sul Calcolo Simbolico

Esempio:

```
>> syms x y
```

```
>> expand((x+1)^3)
```

$$x^3+3*x^2+3*x+1$$

```
>> syms x
```

```
>> f = 3*x + abs(x-1)
```

```
f =
```

$$3*x + \text{abs}(x - 1)$$

```
>> pretty(f)
```

$$3 x + |x - 1|$$

Cenni sul Calcolo Simbolico

Esempio: funzione solve

Risolve equazioni algebriche
trascendenti:

```
>> solve('x+8=0')
```

```
ans =
```

```
-8
```

```
>> eq='exp(2*x)=54';
```

```
>> solve(eq)
```

```
ans =
```

```
log(54)/2
```

Cenni sul Calcolo Simbolico

diff(E)	Restituisce la derivata dell'espressione E rispetto alla variabile indipendente di default (x)
int(E)	Restituisce l'integrale dell'espressione E
limit(E)	Restituisce il valore del limite di E per x che tende a 0 (default)
symsum(E)	Restituisce la somma dell'espressione E rispetto alla sua variabile k da 0 a k-1
taylor(f,x,a,'Order',n)	Restituisce il polinomio di Maclaurin di f di ordine n-1, valutato nel punto x=a

Cenni sul Calcolo Simbolico

Esempi:

```
>> syms x  
>> diff(sin(x)+exp(x))
```

```
ans =
```

```
cos(x) + exp(x)
```

```
>> diff(sin(x)*exp(x))
```

```
ans =
```

```
exp(x)*cos(x) + exp(x)*sin(x)
```

Cenni sul Calcolo Simbolico

Esempi:

```
>> syms x y  
>> diff(sin(x)*exp(x*y),y)
```

ans =

$x \cdot \exp(x \cdot y) \cdot \sin(x)$

```
>> diff(sin(x)*exp(x),2)
```

ans =

$2 \cdot \exp(x) \cdot \cos(x)$

Cenni sul Calcolo Simbolico

Esempi:

```
>> syms x
>> limit(sin(x)/x)
ans =
1
```

```
>> sym x;
>> g = exp(x);
>> taylor( g , x , 0 , 'Order',7 )
ans =
```

$$x^6/720 + x^5/120 + x^4/24 + x^3/6 + x^2/2 + x + 1$$

Esercizi

- 1) Scrivere una funzione matlab che riceva in input i parametri n , a , b , generi un vettore x di lunghezza n costituito da numeri compresi tra a e b e restituisca in output i vettori y e j . y contiene gli elementi positivi x mentre j contiene gli indici delle componenti $x(i)>0$.

Esercizi

Usando lo `help` di Matlab, stabilire l'utilità delle seguenti funzioni:

`error`

`nargchk`

`ndims`

`numel`

`isreal`, `isnumeric`, `islogical`

`isa`

`bin2dec`, `dec2bin`

`num2str`

`fopen`, `fclose`

`fread`, `fwrite`

Esercizi

2) Scrivere uno script Matlab che:

a)assegni due vettori interi w e v di dimensione n .

b)se le componenti w_i e v_i ($i=1\dots,n$) sono entrambe pari, calcoli la loro media e la memorizzi nelle componenti di un nuovo vettore P di dimensione $m \times n$;

c)stampi su schermo il vettore P .

3) Scrivere una funzione Matlab che riceva in input un vettore reale V e restituisca in output il massimo elemento v_{\max} di V e l'indice corrispondente.

4) Scrivere una funzione Matlab che riceva in input un vettore reale S , ordini le componenti di S in ordine crescente calcolando anche il numero di scambi s necessari e restituisca in output il vettore riordinato e il numero di scambi effettuati.

Esercizi

5) Scrivere uno script Matlab che:

- legga in input una matrice reale A di dimensione $h \times l$ e una matrice reale B di dimensione $l \times m$;
- calcoli la matrice $C=AB$ di dimensione $h \times m$ con il prodotto righe-colonne sia con i cicli for che con le istruzioni di Matlab;
- stampi C per colonne.

6) Scrivere uno script Matlab che, assegnata una matrice reale quadrata T di ordine n :

a) calcoli l'elemento massimo t_{\max} della prima colonna di T ;

b) se t_{\max} è diverso dall'elemento t_{11} , lo porti, con uno scambio di righe, al posto di t_{11} ;

c) stampi la nuova matrice.

Esercizi

7) Le radici dell'equazione di secondo grado $ax^2+bx+c=0$ sono date da

$$x_1 = \frac{-(b+(\Delta)^{1/2})}{(2a)}, \quad x_2 = \frac{-(b-(\Delta)^{1/2})}{(2a)}$$

purché $\Delta = b^2 - 4ac > 0$.

Scrivere uno script Matlab che:

- assegni i valori a, b, c ;
- calcoli Δ ;
- se $\Delta < 0$ stampi il messaggio *'La soluzione non esiste'*;
se $\Delta = 0$ stampi il messaggio *'Le radici sono coincidenti'*
e il valore della radice; se $\Delta > 0$ calcoli e stampi x_1, x_2 .