

PROGRAMMA DI ANALISI II

Prof. Francesco Petitta

Corso di laurea in Ingegneria Elettrotecnica A.A. 2017–2018

- **Calcolo differenziale per funzioni di più variabili**

Richiami di calcolo vettoriale. Punti interni, punti esterni e punti di frontiera. Insiemi aperti, chiusi, compatti, limitati, connessi. Funzioni reali di due o più variabili reali. Linee di livello. Domini. Limiti e continuità. Insiemi aperti e chiusi definiti da funzioni continue (con dimostrazione). Teorema degli zeri (con dimostrazione). Derivabilità, derivabilità direzionale e differenziabilità. Teorema del differenziale Totale (condizione sufficiente per la differenziabilità (con dimostrazione)). Teorema di Schwarz (con dimostrazione). Piano e iperpiano tangente. Derivata direzionale di una funzione differenziabile. Richiami su forme quadratiche, matrici quadrate definite, semi-definite e indefinite e loro caratterizzazione. Test degli autovalori. Estremi relativi liberi e punti di sella. Studio della natura dei punti critici con la matrice hessiana. Teorema di Weierstrass. Estremi vincolati. Metodo dei moltiplicatori di Lagrange. Formula di Taylor con resto di Lagrange (con dimostrazione) e con resto di Peano. Teorema della funzione implicita.

- **Successioni e serie di funzioni**

Successioni di funzioni reali di una variabile reale. Convergenza puntuale e uniforme. Proprietà del limite uniforme. Passaggio del limite sotto il segno di integrale (con dimostrazione). Derivabilità termine a termine. Serie di funzioni reali di una variabile reale. Convergenza puntuale, uniforme e totale. Passaggio della serie sotto il segno di integrale. Derivabilità termine a termine. Serie di potenze e rispettive proprietà. Raggio di convergenza (con dimostrazione). Insieme di convergenza puntuale. Teorema di Abel. Serie trigonometriche e serie di Fourier. Teoremi sulla convergenza semplice e uniforme della serie di Fourier per funzioni di classe C^1 - a tratti e periodiche. Disuguaglianza di Bessel e identità di Parseval.

- **Curve e forme differenziali**

Curve piane e spaziali. Curve parametriche semplici, regolari, chiuse. Vettore tangente. Riparametizzazioni. Ascissa curvilinea. Lunghezza di un arco di curva. Baricentro di una curva. Integrali curvilinei di funzioni continue. Curve orientate. Forme differenziali lineari piane. Forme chiuse e esatte. Primitiva di una forma differenziale. Domini connessi e semplicemente connessi. L'esattezza di una forma implica che la forma sia chiusa (con dimostrazione). Condizioni necessarie e sufficienti per l'esattezza di una forma differenziale. Integrali curvilinei di forme differenziali lineari.

- **Integrali doppi** Definizione di integrale doppio e proprietà di linearità e additività. Domini x -normali e y -normali. Formule di riduzione. Teorema del cambiamento di variabile. Coordinate polari ed ellittiche. Formule di Gauss-Green (con dimostrazione). Baricentro di una lamina piana. Teorema della divergenza (con dimostrazione). Formula di Stokes. Formule di integrazione per parti. Formule per il calcolo dell'area. Cenni sugli integrali tripli. di integrale triplo e sue proprietà. Integrazione per fili e per strati. Baricentro di figure solide. Teorema del cambiamento di variabili. Coordinate cilindriche e sferiche. Superfici di rotazione e teorema di Guldino.