



FISICA

(12 cfu)

Ingegneria Informatica e Automatica -Soluzioni

13.01.2014

A.A. 2012-2013

N.1

Equazione della traiettoria del pallone:

$$y = x \tan a - \left(\frac{gx^2}{2v_0^2 \cos^2 a} \right)$$

ponendo $y=0$, $x=d$, e $a = 45^\circ$, si ottiene la velocità iniziale $v_0 = \sqrt{gd} = 22.15 \text{ m/s}$.

Per verificare che l'avversario non intercetti il pallone, occorre calcolare l'altezza raggiunta dal pallone per $x=L$, con questo dato nell'eq. della traiettoria si ha $y= 2.82 \text{ m}$. Essendo maggiore di h , l'avversario non intercetta il pallone.

N2. Il moto è circolare uniforme, con velocità di modulo pari a v_0

La frequenza di rotazione è quindi $f = \frac{v_0}{2\pi L} = 0.40 \text{ giri/s}$

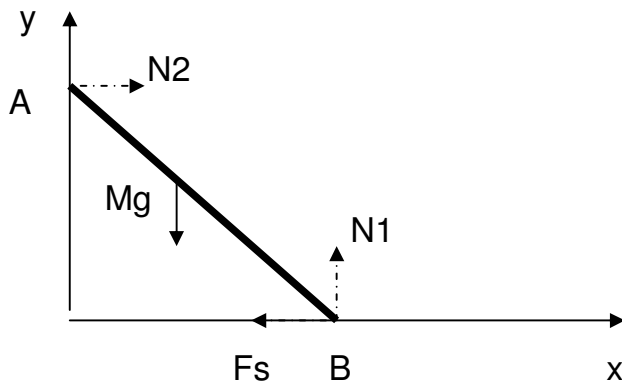
La tensione del filo è data dalla seconda legge della dinamica, dove per il moto circolare uniforme

$$a_N = \frac{v_0^2}{L} \quad \text{e quindi}$$

$$T = m \frac{v_0^2}{L} = 50 \text{ N}$$

N.3

La condizione di equilibrio è data dalla risultante nulla di forze e momenti di forze.



Rispetto all'asse x:

$$N_2 - F_s = 0$$

Rispetto all'asse y:

$$N_1 - Mg = 0$$

Momento nullo delle forze rispetto al polo B:

$$Mg \frac{L}{2} \sin a - N_2 L \cos a = 0$$

Da queste equazioni si ricava F_s : $F_s = \frac{Mg}{2} \operatorname{tg} a$ che deve risultare $<$ di $\mu_s N_1$, da cui $a < \operatorname{actg}(2\mu_s)$

N4

Una quantità di calore è assorbita nella trasformazione isobara e ceduta in quella isoterma, pertanto Il rendimento è dato da

$$\eta = 1 - \frac{Q_{ced}}{Q_{ass}}$$

$$Q_{ass} = nc_p(T_B - T_A)$$

$$Q_{ced} = nRT_A \ln\left(\frac{V_C}{V_A}\right)$$

Attraverso le leggi delle adiabatiche $TV^{(\gamma-1)} = \text{cost}$

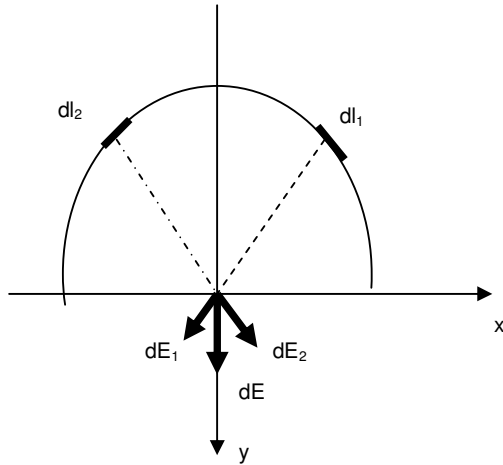
$$\eta = 1 - \frac{Q_{ced}}{Q_{ass}} = 1 - \frac{R}{c_p(T_B/T_A - 1)} \ln\left(\frac{V_C}{V_A}\right) = 1 - \frac{R}{c_p} \left(\frac{V_B}{V_A} - 1\right)^{-1} \gamma / (\gamma - 1) \ln\left(\frac{V_B}{V_A}\right)$$

$$1 - \left(\frac{V_B}{V_A} - 1\right)^{-1} \ln\left(\frac{V_B}{V_A}\right)$$

e dove $\gamma / (\gamma - 1) = c_p / (c_p - c_v) = c_p / R$

$\eta = 0.307$ è indipendente dal tipo di gas.

N5



$$dE = dE_1 + dE_2$$

indicando con ϑ l'angolo tra dE e dE_2

$$dE = 2 \frac{\lambda dl}{4\pi\epsilon_0 R^2} \cos \vartheta$$

Il campo totale è ottenuto integrando su dl ossia $dl = R d\vartheta$

$$E = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 R} \int_0^{\pi/2} \cos \vartheta d\vartheta = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 R}$$

N6

$$B_0 = \mu_0 n I u_z$$