Prova scritta di Analisi Matematica I del 15 giugno 2007

Ingegneria Edile Architettura, Proff A.M. Bersani e K. Cerqueti

COMPITO D

ESERCIZIO 1.

Calcolare il seguente integrale definito

$$\int_{-\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{4}} (x^2 + 6) |\sin x| dx$$

ESERCIZIO 2.

Sia α un parametro reale. Calcolare i seguenti limiti al variare di α

$$\lim_{x \to \pm \infty} \cos^3 x + \alpha x.$$

ESERCIZIO 3.

(a) Studiare la seguente funzione e disegnarne il grafico:

$$f(x) = \log\left(\frac{x^2 + 5x + 4}{x - 1}\right),$$

determinando il dominio di definizione, gli intervalli di monotonia, i punti di massimo e minimo relativi. Studiare il segno, i limiti agli estremi del dominio di definizione e determinare il codominio di f, motivando la risposta. Omettere lo studio della derivata seconda ma, per un corretto disegno del grafico, tenere presente che la funzione possiede un solo flesso, per x > 0.

(b) Utilizzando ragionamenti di simmetria, disegnare il grafico di

$$|f(x)| = \left|\log\left(\frac{x^2 + 5x + 4}{x - 1}\right)\right|.$$

ESERCIZIO 4.

Studiare il carattere della seguente serie

$$\sum_{n=1}^{\infty} \tan \left(\frac{2n}{2n^5 + 1} \right).$$