

**Corso di Laurea in Ingegneria Energetica**  
**Esercizi proposti di Analisi Matematica I - Terza Settimana**  
**Limiti di successioni mediante limiti notevoli e gerarchie di infiniti**

Calcolare i seguenti limiti:

(a)  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^{\frac{3}{2}} - 2n^2 + 4}{3 + 4n - n^{\frac{5}{2}}}$

(b)  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^{-\frac{2}{7}} - n^{-1}}{n^{-2} - 2n^{-\frac{1}{3}}}$

(c)  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{e^{3n} - 2^n}{3 - 5e^{3n}}$

(d)  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{e^{3n} - 2^n}{(e^n + 1)^2}$

(e)  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2^n - 4n^6}{2^{n+2}}$

(f)  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n! - n^n}{5n^n + 4^n}$

(g)  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sin(n^2) - n}{\sin(n) + n^2}$

(h)  $\lim_{n \rightarrow \infty} (-1)^n n \sin\left(\frac{1}{n^2}\right)$

(i)  $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{n^\alpha}$

(j)  $\lim_{n \rightarrow \infty} n^{\frac{1}{n!}}$

(k)  $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{2n}{2n+1}\right)^n$

(l)  $\lim_{n \rightarrow \infty} e^{2n} (\cos(2e^{-n}) - 1)$

(m)  $\lim_{n \rightarrow \infty} 3n^2 \log\left(\frac{n^3}{n^3 + 2n}\right)$

(n)  $\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{n} - \sqrt{n+1})$

(o)  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\log_2(n^2) - \log(n^2)}{\log_3(n^4)}$