

ANALISI MATEMATICA II (Ing. Energetica)
APPELLO DI RECUPERO 01.04.2015 A.A.2013/14

COGNOME E NOME N.Ro MATR.
LUOGO E DATA DI NASCITA

MOTIVARE CHIARAMENTE TUTTE LE RISPOSTE Tempo 2 ore 30'

1) Sia data la funzione

$$f(x, y) = \sin y e^{\cos x}.$$

Studiare i punti critici di f e trovarne massimo e minimo globale, o eventualmente estremo superiore ed inferiore, nel suo dominio ed all'interno dell'insieme

$$D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid 0 \leq x \leq \arccos y, y \in [0, 1]\}.$$

(10 punti)

2) Rappresentare in serie di Fourier, la funzione $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, periodica di periodo $T = 2\pi$ definita da:

$$f(x) = \left| \sin \frac{x}{2} \right|, \quad x \in [-\pi, \pi).$$

Precisare, $\forall x \in [-\pi, \pi)$ il valore della somma di tale serie di Fourier. In tale intervallo la convergenza è uniforme? E in \mathbb{R} ? Perché? **Fornire adeguate motivazioni.**

(10 punti)

3) Data la forma differenziale

$$\omega = \left(y - \frac{x}{\sqrt{x^2 + y^2}} \right) dx + \left(x - \frac{y}{\sqrt{x^2 + y^2}} \right) dy,$$

1. determinare l'insieme di definizione $E \subset \mathbb{R}^2$.
2. Studiare la chiusura e l'esattezza di ω nel suo dominio. In caso ω non sia esatta in tutto il suo dominio, trovarne un sottoinsieme in cui ω sia esatta.
3. Calcolare, dove ω è esatta, la primitiva F di ω tale che $F(0, 1) = 0$.
4. Dato il compatto $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid 1 \leq x^2 + y^2 \leq 4, x \leq 0, y \leq 0\}$, parametrizzarne la frontiera ∂D in senso antiorario;
5. Calcolare, parametrizzando ∂D e ricordando la definizione,

$$\int_{\partial D^+} \omega.$$

6. Verificare il risultato ottenuto mediante il calcolo di un opportuno integrale doppio, mediante le formule di Gauss-Green motivandone l'applicabilità.

(10 punti)

Dichiaro di avere superato l'esame di Analisi Matematica I SI NO FIRMA

Riservato alla Commissione di Esame

SCRITTO _____

ORALE _____

